

بِسْمِ اللّٰهِ الرَّحْمٰنِ الرَّحِيْمِ

# فیزیک (۳)

رشته علوم تجربی

پایه دوازدهم

دوره دوم متوسطه



وزارت آموزش و پرورش  
سازمان پژوهش و برنامه‌ریزی آموزشی

فیزیک (۳) - پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه - ۱۱۲۲۴۴  
سازمان پژوهش و برنامه‌ریزی آموزشی  
دفتر تألیف کتاب‌های درسی عمومی و متوسطه نظری  
احمد احمدی، روح‌الله خلیلی‌بروجنی، محمدرضا خوشبین خوشنظر، محمدرضا شریف‌زاده اکباتانی،  
سید هدایت سجادی، مجید عتیقی، سیروان مردوخی و علیرضا نیکنام (اعضای شورای برنامه‌ریزی و  
تألیف) - سعید فرمانی (ویراستار ادبی)  
اداره کل نظارت بر نشر و توزیع مواد آموزشی  
احمدرضا امینی (مدیر امور فنی و جاب) - جواد صفری (مدیر هنری) - محمد مهدی ذیبیحی فرد (طراح جلد) -  
راحله زادفتح‌اله (صفحه آرا) - فاطمه رئیسیان فیروزآباد (رسم) - سیده فاطمه طباطبائی، سیف‌الله بیک محمد دلیوند،  
حسین چراغی، سپیده ملک‌اپریزی، ناهید خیام‌باشی (امور آماده‌سازی)  
تهران: خیابان ایرانشهر شمالی - ساختمان شماره ۴ آموزش و پرورش (شهید موسوی)  
تلفن: ۰۹۰۶۱۵۸۸۳۱۱۶۱، دورنگار: ۰۹۰۵۹۲۶۶، کد پستی: ۱۵۸۴۷۴۷۳۵۹  
وبگاه: [www.irtextbook.ir](http://www.irtextbook.ir) و [www.chap.sch.ir](http://www.chap.sch.ir)  
شرکت چاپ و نشر کتاب‌های درسی ایران: تهران - کیلومتر ۱۷ جاده مخصوص کرج - خیابان ۶۱ (داروپخت)  
تلفن: ۰۹۰۵۱۶۱۵۸۸۵۱۶۰، دورنگار: ۰۹۰۵۱۵۷۵۱۵ - ۱۳۹

نام کتاب:  
پدیدآورنده:  
مدیریت برنامه‌ریزی درسی و تألیف:  
شناسه افزوده برنامه‌ریزی و تألیف:  
مدیریت آماده‌سازی هنری:  
شناسه افزوده آماده‌سازی:  
نشانی سازمان:  
ناشر:  
چاپخانه:  
سال انتشار و نوبت چاپ:

شابک ۹۷۸-۹۶۴-۰۵-۳۱۳۹-۶  
ISBN: 978-964-05-3139-6

A black and white photograph of Ayatollah Khomeini. He is shown from the chest up, wearing his signature dark turban and a long, light-colored robe over a dark vest. His hands are clasped together in a traditional Islamic gesture of prayer (salaat). The background is a bright, slightly overexposed sky with some faint clouds.

جوان‌ها قدر جوانی‌شان  
را بدانند و آن را در علم و  
تقوا و سازندگی خودشان  
صرف کنند که اشخاصی  
امین و صالح بشوند.  
ملکت ما با اشخاص امین  
می‌تواند مستقل باشد.

امام خمینی  
«قدس‌سرّه‌الشّریف»

کلیه حقوق مادی و معنوی این کتاب متعلق به سازمان پژوهش و برنامه‌ریزی آموزشی وزارت آموزش و پرورش است و هرگونه استفاده از کتاب و اجزای آن به صورت چاپی و الکترونیکی و ارائه در پایگاه‌های مجازی، نمایش، اقتباس، تلخیص، تبدیل، ترجمه، عکس‌برداری، نقاشی، تهیه فیلم و تکثیر به هر شکل و نوع، بدون کسب مجوز از این سازمان ممنوع است و متخلفان تحت پیگرد قانونی قرار می‌گیرند.

## فهرست

حرکت بر خط راست

۱

۲	۱-۱ شناخت حرکت
۱۲	۲-۱ حرکت با سرعت ثابت
۱۵	۳-۱ حرکت با شتاب ثابت
۲۲	بررسی‌ها و مسئله‌های فصل ۱



دینامیک

۲۷

۲۸	۱-۲ قوانین حرکت نیوتون
۳۳	۲-۲ معرفی برخی از نیروهای خاص
۴۴	۳-۲ تکانه و قانون دوم نیوتون
۴۶	۴-۲ نیروی گرانشی
۵۰	بررسی‌ها و مسئله‌های فصل ۲



نوسان و امواج

۵۳

۵۴	۱-۳ نوسان دوره‌ای
۵۵	۲-۳ حرکت هماهنگ ساده
۵۸	۳-۳ انرژی در حرکت هماهنگ ساده
۶۰	۴-۳ تشدید
۶۱	۵-۳ موج و انواع آن
۶۲	۶-۳ مشخصه‌های موج
۷۶	۷-۳ بازتاب موج
۸۱	۸-۳ شکست موج
۸۹	بررسی‌ها و مسئله‌های فصل ۳





۹۶ .....	۱-۴ اثر فوتوالکتریک و فوتون .....
۹۹ .....	۲-۴ طیف خطی .....
۱۰۳ .....	۳-۴ مدل اتم رادرفورد - بور .....
۱۱۰ .....	۴-۴ لیزر .....
۱۱۲ .....	۵-۴ ساختار هسته .....
۱۱۵ .....	۶-۴ پرتوزایی طبیعی و نیمه عمر .....
۱۲۲ .....	بررسی‌ها و مسئله‌های فصل ۴ .....



۱۲۶ .....	جدول دوره‌ای عناصر .....
۱۲۷ .....	واژه‌نامه فارسی - انگلیسی .....
۱۲۱ .....	منابع .....

## سخنی با دانشآموزان عزیز و همکاران محترم

کتاب فیزیک ۳ که برای پایه دوازدهم دوره نظری و برای رشته علوم تجربی تألیف شده است، در راستای تغییر برنامه درسی آموزش علوم تجربی در سال های پیشین تدوین و ساماندهی شده است. برای برقراری ارتباط مؤثرتر با برنامه درسی این کتاب و تحقق اهداف آن لازم است که با اهداف، شایستگی ها، رویکردها، راهبردهای باددهی - یادگیری، شیوه های ارزشیابی و ... آشنا شویم که در ادامه به معرفی مختصر آنها پرداخته می شود.

### ۱- شایستگی ها و اهداف

اهداف کلی در تدوین این کتاب به گونه ای است که دانشآموز بتواند :

- الف) نظام مندی طبیعت را بر اساس درک و تحلیل مفاهیم، الگوها و روابط بین پدیده های طبیعی کشف و گزارش کند.
- ب) با درک ماهیت، روش و فرایند علم تجربی، امکان به کارگیری علم و روش علمی را در حل مسائل زندگی (حال و آینده) کسب نماید و در عین حال محدودیت های علوم تجربی را در حل این مسائل دریابد.
- پ) با استفاده از منابع علمی معتبر و بهره گیری از علوم تجربی، ایده هایی مبتنی بر تجارب شخصی خود، برای مشارکت در فعالیت های علمی ارائه دهد و در این فعالیت ها با حفظ ارزش ها و اخلاق علمی مشارکت نماید.

### ۲- رویکرد

سعی شده است رویکرد سازماندهی محتوا در این کتاب، ارائه متن به روش فعال و درگیر کردن دانشآموز باشد. در این سازماندهی، اصالت با موقعیت ها و زمینه های کاربردی در زندگی است که می توان در آنها موضوع های مرتبط با فیزیک را آموزش داد و یادگیری را معنادارتر و جذاب تر کرد. بهمین دلیل از تعداد زیادی پرسش، فعالیت، تمرین، آزمایش و ... استفاده شده است. همچنین سعی شده است محتوا کتاب تصویر محور باشد و بر همین اساس تصویرها، نمودارها و شکل های گوناگونی برای تسهیل آموزش انتخاب شده است.

به طور کلی این کتاب مبتنی بر این آموزه بنیادین است که فیزیک علمی تجربی است و هیچ نظریه ای در آن نمی تواند به عنوان حقیقت پایانی و غایی مطرح شود. به عبارت دیگر، همواره این امکان وجود دارد که مشاهده ها و آزمایش های جدید ایجاب کنند که یک نظریه فیزیکی بازنگری و حتی رد شود.

### ۳- مفاهیم اساسی

این کتاب شامل سه بخش اساسی مکانیک، موج و فیزیک جدید است. بخش مکانیک، از مباحث حرکت، دینامیک و حرکت دایره ای یکنواخت تشکیل شده است که دانشآموزان با مقدمات برحی از این مباحث در علوم نهم و فیزیک ۱ آشنا شده اند. ضمناً بخشی از مطالب ریاضی مرتبط در سال های قبل آموزش داده شده است و بخشی نیز در سال جاری آموزش داده خواهد شد. در این فصل ها از تجزیه نیروها و مشتق استفاده نمی شود و نیروها در یک راستا و عمود برهم مورد بررسی قرار می گیرند و در فصل حرکت نیز فقط حرکت در مسیر مستقیم بررسی می شود.

بخش موج، از مباحث حرکت نوسانی، امواج مکانیکی (شامل امواج فر، صوتی و ...) و امواج الکترومغناطیسی و نیز برهم کنش های امواج (شامل بازتاب و شکست) تشکیل شده است. بخشی از دانش مورد نیاز اولیه این قسمت در علوم دوره اول متوسطه و بخشی نیز در شیمی سال دهم مطرح شده است.

بخش فیزیک جدید، از مباحث فیزیک اتمی (شامل اثر فوتوالکتریک و فوتون، طیف خطی، مدل‌های اتمی و لیزرا) و فیزیک هسته‌ای (شامل ساختار هسته و بروتزاوی طبیعی) تشکیل شده است. بخشی از دانش مورد نیاز اولیه این قسمت در علوم دوره اول متوسطه و بخشی نیز در درس شیمی سال دهم، مطرح شده است.

#### ۴- مهارت‌های اساسی

مهارت اساسی موردنظر در این کتاب، چگونگی به کارگیری روش علمی است. روش علمی خود دارای خرده مقاهم و اجزایی چون مشاهده، اندازه‌گیری، طراحی و انجام آزمایش، مدل‌سازی، کنترل متغیر، محاسبه، مشاهده و مقایسه، تحلیل و نتیجه‌گیری، گزارش، قضاؤت و حل مسئله است.

#### ۵- راهبردهای یاددهی- یادگیری

راهبرد اصلی در آموزش محتواهای کتاب‌های فیزیک دوره متوسطه راهبرد اکتشافی و تعاملی است. برای این منظور از اجزاء گوناگون، مانند «تصاویر و پرسش‌های درگیر کننده در ابتدای هر بخش، فعالیت‌های ذهنی و عملی، پرسش، تمرین، آزمایش، تاریخ علم، خوب است بدانید، تصویرهای آموزشی ...» در طراحی، تدوین و تألیف محتوا استفاده شده است. انتظار می‌رود موضوع‌های درسی در کلاس به گونه‌ای طرح شوند که اکثر دانشآموزان در فرایند آموزش و یادگیری درگیر شوند و مهارت‌های علمی و عملی آنها رشد یابد. انتظار می‌رود که دانشآموزان مهارت علمی در برخورد با یک پدیده و پیمودن مراحلی را که به شناسایی آن پدیده می‌انجامد، فرآگیرند.

#### ۶- شیوه ارزشیابی

به فرایند جمع‌آوری اطلاعات از آموخته‌های دانشآموزان (دانش‌ها، مهارت‌ها، نگرش‌ها و به‌طور کلی شایستگی‌ها) و قضاؤت در مورد آنها ارزشیابی می‌گویند. ارزشیابی دو گونه است؛ مستمر و پایانی. از آنجا که آزمون پایانی این کتاب به صورت امتحان نهایی برگزار می‌شود، ضروری است رویکرد جدید کتاب درسی در ارزشیابی‌ها مورد توجه قرار گیرد. پیشنهاد می‌شود متناسب با نوع ارزشیابی (مستمر و پایانی)، انتظارات عملکردی مورد توجه قرار گیرند. جدول زیر بخشی از این انتظارات را نشان می‌دهد.

ردیف	انتظارهای عملکردی
۱	طراحی آزمایش، تحلیل و تفسیر آزمایش
۲	اجرای آزمایش، ثبت داده‌ها، نتیجه‌گیری و ارائه گزارش
۳	تجزیه و تحلیل داده‌ها، رسم نمودار، نتیجه‌گیری از داده‌ها، پیش‌بینی و ...
۴	انجام تحقیق و جمع‌آوری اطلاعات (طراحی، اجرا، ثبت داده‌ها، تجزیه و تحلیل، ارائه گزارش)
۵	مشارکت و تعامل در فرایند آموزش (انجام فعالیت‌های عملی و آزمایشگاهی، مشارکت در بحث‌های گروهی، کنجدکاوی علمی و طرح پرسش‌های مفهومی)
۶	پاسخ به پرسش‌های مفهومی در حیطه‌های مختلف، دانش، کاربرد، استدلال و قضاؤت
۷	توانایی حل مسئله و پرسش‌های محاسباتی
۸	حل مسائل در شرایط جدید (کاربرد و استدلال)

تجربه نشان می‌دهد که درک ایده‌های نهفته در بیشتر مفاهیم فیزیک و کاربرد آنها در زندگی برای اغلب دانشآموزان امکان‌پذیر است. آنچه در این راه در میزان موفقیت دانشآموزان مؤثر است، شیوه‌های آموزش ما در کلاس درس است. این شیوه‌ها می‌توانند درهای درک و فهم مفاهیم فیزیک را برای همه دانشآموزان، بدون توجه به توانایی علمی آنان، باز کند. بنابراین، می‌توان گفت شیوه آموزش کارآمد، کلید موفقیت هر برنامه درسی است. انتظار می‌رود همکاران ارجمند با تکیه بر تجربه خود و به کارگیری شیوه‌های آموزشی مؤثر، بستر مناسبی برای یادگیری و مشارکت دانشآموزان در فرایند آموزش و همچنین شوق انگیزتر شدن فضای کلاس فراهم کنند.

از همکاران و دیران گرامی انتظار می‌رود که برنامه و محتوای کتاب درسی را ملاک آموزش و ارزشیابی قرار داده و به موارد زیر پیش از تدریس توجه فرمایند.

● محتوای حذف شده نسبت به کتاب‌های قبلی کدام است؟

● رویکرد جدید کتاب در خصوص سازماندهی محتوا و ترتیب و توالی مطالب چیست؟

● تا چه میزان می‌توان محتوای کتاب را بسط و گسترش داد؟

● محتوای اصلی و فرعی در هر فصل کدام موضوع‌ها هستند؟

● هر فصل را چگونه می‌توان به واحدهای یادگیری معینی تقسیم کرد و مطابق با زمان‌بندی پیش‌برد؟

در برنامه جدید آموزش فیزیک به هر مبحث و موضوع تنها یک بار پرداخته شده است و حد نهایی آن براساس آنچه در کتاب درسی آمده، تعیین می‌شود. بدیهی است پرداختن به مطالب اضافی و خارج از برنامه درسی فرصت تعمیق مفاهیم اصلی کتاب را از بین می‌برد.

گروه فیزیک لازم می‌داند از دیربخانه راهبردی فیزیک، اتحادیه انجمن‌های علمی آموزشی معلمان فیزیک ایران و همکارانی که به طور مستقل در اعتبارسنجی این کتاب با ما همکاری داشته‌اند، تشکر و قدردانی کند. همچنین این گروه از دریافت پیشنهادهای اصلاحی دیران محترم، صاحب‌نظران و دانشآموزان عزیز همچون همیشه استقبال می‌کند.

<http://physics-dept.talif.sch.ir>

گروه فیزیک دفتر تألیف کتاب‌های درسی عمومی و متوسطه نظری

# ۱

فصل

## حرکت بر خط راست



در چه صورت بردار شتاب دو خودرو که بر خط راست و در جهت مخالف یکدیگر حرکت می کنند می تواند یکسان باشد؟

### بخش‌ها

- ۱-۱ شناخت حرکت
- ۲-۱ حرکت با سرعت ثابت
- ۳-۱ حرکت با شتاب ثابت

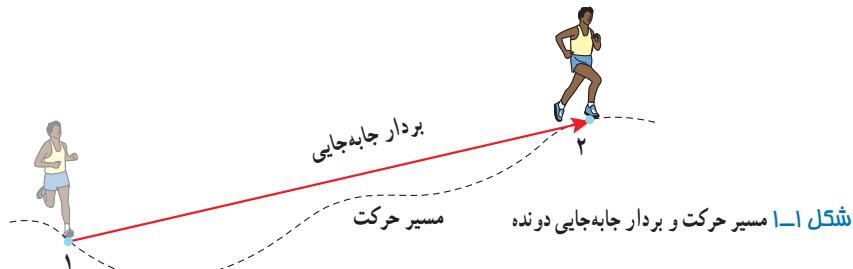
بررسی حرکت اجسام، همواره مورد توجه بشر بوده است. در فیزیک نیز، شناخت و توصیف حرکت اجسام، یکی از مباحث مهمی است که در هر کتاب درسی به آن پرداخته می‌شود و زمینه‌ساز درک بهتر مباحث دیگر فیزیک است. آشنایی با حرکت اجسام، که به آن حرکت‌شناسی یا سینماتیک نیز گفته می‌شود، در بیشتر شاخه‌های مهندسی اهمیت زیادی دارد. برای مثال، مدت زمان رسیدن تندی خودرو از صفر به  $100 \text{ km/h}$  یکی از معیارهای مقایسه خودروهای امروزی در صنعت خودروسازی است. همچنین مهندسانی که به طراحی و ساخت باند پرواز فرودگاه‌ها می‌پردازند توجه دارند که هواپیماهای مختلف برای آنکه به تندی لازم برای برخاستن برسند، چه مسافتی را باید روی باند پرواز طی کنند. زمین‌شناسان نیز برای تعیین محل هایی که امکان وقوع زمین‌لرزه در آنها بیشتر است باید حرکت صفحه‌های زمین را بررسی کنند و از مفاهیم مرتبط با بحث حرکت‌شناسی استفاده کنند. افرون بر اینها پژوهشگران پژوهشکی برای یافتن رگ مسدود باید به نحوه حرکت خون در رگ‌ها توجه کنند.

در این فصل ابتدا نگاهی دقیق‌تر خواهیم انداخت به آنچه در علوم نهم در خصوص حرکت آموختید. پس از آن، به ساده‌ترین نوع حرکت، یعنی حرکت جسم بر خط راست با سرعت ثابت، خواهیم پرداخت. پس از آن حرکت با شتاب ثابت بر خط راست را بررسی می‌کنیم.

## ۱-۱ شناخت حرکت

در علوم سال نهم با مفاهیم اولیه حرکت آشنا شدید. در این بخش ضمن مرور این مفاهیم و کمیت‌های مرتبط با آنها، زمینه لازم را برای شناخت و توصیف دقیق‌تر حرکت فراهم می‌کنیم.

**مسافت و جابه‌جایی:** شکل ۱-۱ مسیر حرکت دونده‌ای را از مکان ۱ تا مکان ۲ نشان می‌دهد. طول این مسیر، مسافت پیموده شده یا به اختصار **مسافت** نامیده می‌شود. همچنین پاره‌خط جهت‌داری که مکان آغازین حرکت را به مکان پایانی حرکت وصل می‌کند **بردار جابه‌جایی** نامیده می‌شود.



شکل ۱-۱ مسیر حرکت و بردار جابه‌جایی دونده

### پرسش ۱-۱



۱- شکل الف شخصی را در حال پیاده‌روی در راستای خط راست و بدون تغییر جهت، از مکان ۱ به مکان ۲ نشان می‌دهد. مسیر حرکت و بردار جابه‌جایی شخص را روی شکل مشخص و اندازه بردار جابه‌جایی را با مسافت مقایسه کنید.

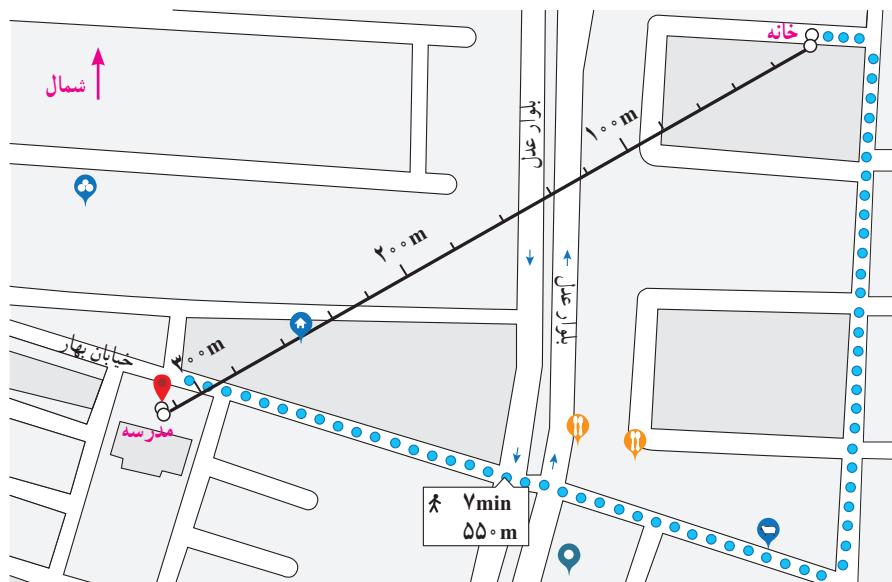


۲- شخص پس از رسیدن به مکان ۲، بر می‌گردد و روی همان مسیر به مکان ۳ می‌رود (شکل b). مسیر حرکت و بردار جابه‌جایی شخص را روی شکل مشخص و اندازه بردار جابه‌جایی را با مسافت پیموده شده مقایسه کنید.

۳- شکل پ مسیر حرکت ماه به دور زمین را نشان می‌دهد. وقتی ماه در جهت نشان داده شده در شکل، از مکان ۱ به مکان ۲ می‌رود مسیر حرکت و بردار جابه‌جایی آن را روی شکل مشخص و اندازه بردار جابه‌جایی آن را با مسافت پیموده شده مقایسه کنید.



### فعالیت ۱



همانند شکل رو به رو و به کمک یک نرم افزار نقشه‌یاب (مانند google map)، مکان خانه و مدرسه‌تان را مشخص کنید. سپس مسافت و اندازه بردار جابه‌جایی خانه تا مدرسه را تعیین کنید.

**تندی متوسط و سرعت متوسط :** اگر متحرکی مانند دونده شکل ۱-۱ در مدت زمان  $\Delta t$  از مکان ۱ به مکان ۲ برود و مسافت و بردار جابه‌جایی بین این دو مکان را به ترتیب با  $l$  و  $\vec{d}$  نشان دهیم، همان‌طور که در علوم سال نهم دیدید، تندی متوسط و سرعت متوسط دونده به صورت زیر تعریف می‌شوند<sup>۱</sup> :

$$s_{av} = \frac{l}{\Delta t} \quad (1-1)$$

$$\vec{v}_{av} = \frac{\vec{d}}{\Delta t} \quad (2-1)$$

همان‌طور که دیده می‌شود تندی متوسط، کمیتی نرده‌ای و سرعت متوسط، کمیتی برداری<sup>۲</sup> است و یکای SI آنها، متر بر ثانیه (m/s) است که می‌توان آنها را بر حسب یکاهای دلخواه دیگری مانند کیلومتر بر ساعت (km/h) نیز بیان کرد.

۱- ساختار باین  $av$  در نمادهای تندی متوسط و سرعت متوسط از واژه انگلیسی average به معنای متوسط گرفته شده است.

۲- آموزش مسائی که دانشآموزان را در محاسبه  $\vec{d}$  و  $\vec{v}_{av}$ ، در گیر عملیات برداری دو یا سه بعدی، در صفحه  $xy$  یا  $xyz$  می‌کند خارج از برنامه درسی این کتاب است و ارزشیابی از آن نباید انجام شود.

## مثال ۱-۱

تندی متوسط و سرعت متوسط داش آموز فعالیت ۱-۱ را پیدا کنید.

**پاسخ:** با توجه به داده‌های روی نقشه، اگر داش آموز در مدت زمان  $\Delta t = ۷/۰\text{ min} = ۴۲۰\text{ s}$  مسافت  $l = ۵۵\text{ m}$  را از خانه تا مدرسه پیموده باشد، با توجه به رابطه ۱-۱ تندی متوسط وی برابر  $s_{av} = ۵۵\text{ m} / ۴۲۰\text{ s} = ۱/۳۱\text{ m/s}$  می‌شود و مفهوم فیزیکی آن این است که داش آموز به طور متوسط در هر ثانیه  $۱/۳۱\text{ m}$  از طول مسیر را پیموده است. همچنین با توجه به نقشه، اندازه بردار جابه‌جایی داش آموز  $۳۲۵\text{ m}$  و جهت آن به طرف جنوب غربی است. در نتیجه با توجه به رابطه ۱-۲ اندازه سرعت متوسط وی برابر  $v_{av} = ۳۲۵\text{ m} / ۴۲۰\text{ s} = ۰/۷۷۴\text{ m/s}$  و جهت آن به طرف جنوب غربی است.

## پرسش ۲-۱

در چه صورت اندازه سرعت متوسط یک متحرک با تندی متوسط آن برابر است؟ برای پاسخ خود می‌توانید به شکل‌های پرسش ۱-۱ نیز توجه کنید.

اکنون سرعت متوسط را برای حالتی بررسی می‌کنیم که جسم بر خط راست حرکت می‌کند. به این منظور محوری مانند محور  $x$  را انتخاب و فرض می‌کنیم که جسم در راستای آن حرکت می‌کند. توجه کنید که در انتخاب محور (در اینجا محور  $x$ ) مکان دلخواهی به عنوان مبدأ ( $x=۰$ ) روی محور در نظر گرفته می‌شود. برداری که مبدأ محور را به مکان جسم در هر لحظه وصل می‌کند **بردار مکان** جسم در آن لحظه نامیده می‌شود.

شکل ۲-۱ الف و ب، بردار مکان شخصی را که در جهت محور  $x$  می‌دود در دو لحظه متفاوت  $t_1$  و  $t_2$  نشان می‌دهد. بردار مکان دونده را در این دو لحظه، می‌توان به صورت زیر نوشت:

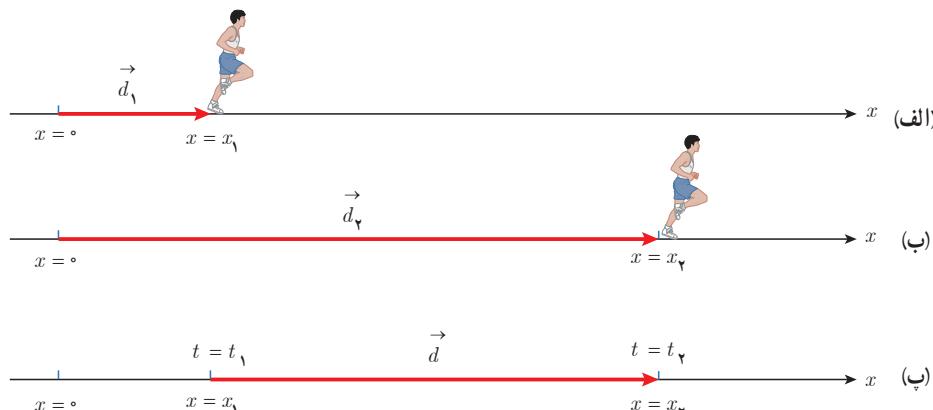
$$\vec{d}_1 = x_1 \vec{i} \quad \text{و} \quad \vec{d}_2 = x_2 \vec{i}$$

در این صورت و با توجه به شکل ۲-۱ ب، بردار جابه‌جایی دونده برابر است با

$$\vec{d} = \vec{d}_2 - \vec{d}_1 = x_2 \vec{i} - x_1 \vec{i} = (\Delta x) \vec{i}$$

به این ترتیب رابطه ۲-۱ مربوط به سرعت متوسط دونده را می‌توان به صورت زیر بازنویسی کرد:

$$\vec{v}_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \vec{i} \quad (\text{سرعت متوسط در راستای محور } x) \quad (۳-۱)$$

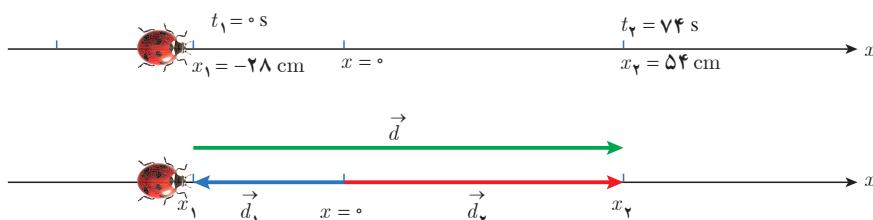


شکل ۲-۱ (الف) و (ب) بردار مکان دونده در دو لحظه متفاوت و (پ) بردار جابه‌جایی آن

کفشدوزکی که در جهت محور  $x$  در حرکت است، در لحظه‌های  $t_1 = 0\text{ s}$  و  $t_2 = 74\text{ s}$  به ترتیب از مکان‌های  $x_1 = -28\text{ cm}$  و  $x_2 = 54\text{ cm}$  می‌گذرد.

(الف) بردارهای مکان در لحظه‌های  $t_1$  و  $t_2$  و بردار جابه‌جایی کفشدوزک در این بازه زمانی را رسم کنید.

(ب) سرعت متوسط کفشدوزک را در این بازه زمانی پیدا کنید.



پاسخ : (الف)

(ب) چون کفشدوزک در راستای خط راست حرکت می‌کند، سرعت متوسط آن برابر است با :

$$\vec{v}_{ave} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \hat{i} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} \hat{i} = \frac{54\text{ cm} - (-28\text{ cm})}{74\text{ s} - 0\text{ s}} \hat{i} = (1/1\text{ cm/s}) \hat{i}$$

### تمرین ۱-۱

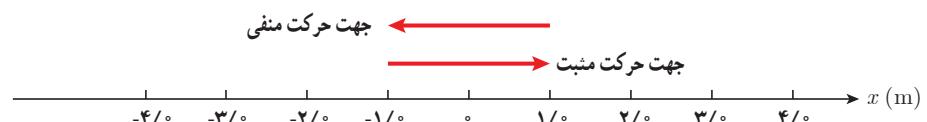
جدول زیر را کامل کنید. فرض کنید هر چهار متحرک در مدت زمان  $8\text{ s}$  فاصله بین مکان آغازین و مکان پایانی را طی می‌کنند.

جهت حرکت	سرعت متوسط	بردار جابه‌جایی	مکان پایانی	مکان آغازین
			$(6/4\text{ m}) \hat{i}$	$(-2/0\text{ m}) \hat{i}$
	$(-5/6\text{ m}) \hat{i}$		$(-2/5\text{ m}) \hat{i}$	
			$(8/6\text{ m}) \hat{i}$	$(2/0\text{ m}) \hat{i}$
	$(2/4\text{ m/s}) \hat{i}$			$(-1/4\text{ m}) \hat{i}$

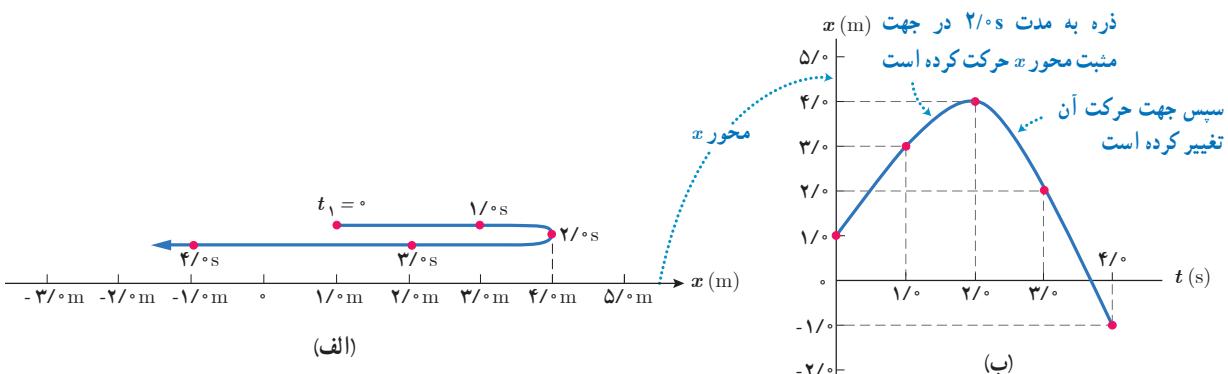
از آنجا که در ادامه این فصل، تنها حرکت اجسام بر خط راست برسی می‌شود، جابه‌جایی متحرک را به جای بردار  $\vec{d}$  به صورت  $\Delta x$  و سرعت متوسط را به جای بردار  $v_{ave}$  به صورت رابطه زیر در حل مسئله‌ها به کار می‌بریم. در این صورت علامت جبری  $\Delta x$  و  $v_{ave}$  جهت جابه‌جایی را نشان می‌دهند. اگر متحرک در جهت محور  $x$  حرکت کند جابه‌جایی و سرعت متوسط آن مثبت و اگر متحرک در خلاف جهت محور  $x$  حرکت کند، جابه‌جایی و سرعت متوسط آن منفی خواهد بود (شکل ۳-۱).

$$v_{ave} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad (\text{رابطه سرعت متوسط برای حرکت در راستای محور } x) \quad (۴-۱)$$

**شکل ۱-۱۳** مکانی که روی یک محور تعیین می‌شود بر حسب یکای طول (در اینجا مترا) شانه گذاری می‌شود و در دو جهت تا بی‌نهایت ادامه دارد. نام محور، در اینجا  $x$ ، در قسمت مثبت نوشته می‌شود.

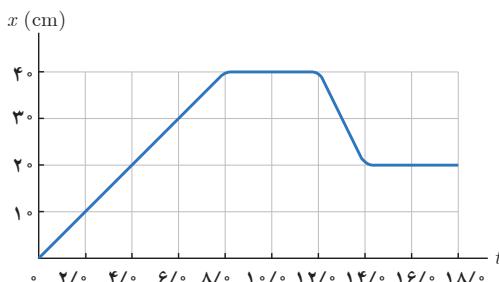


برای توصیف حرکت یک جسم می‌توان از نمودار مکان–زمان، که مکان جسم را در هر لحظه نشان می‌دهد، استفاده کرد. برای رسم این نمودار، زمان را روی محور افقی و مکان را روی محور قائم در نظر می‌گیریم. برای مثال، به حرکت ذره‌ای که در شکل ۱-۴-الف نشان داده شده است، توجه کنید. این ذره در لحظه  $t = 0$  در مکان  $x = 3\text{ m}$  قرار دارد و به همین ترتیب در لحظه‌های دیگر در مکان‌های دیگر. اگر بخواهیم نمودار مکان–زمان حرکت این ذره را رسم کنیم، ابتدا هر یک از محورهای مکان و زمان را با مقایسه مناسب مدرج می‌کنیم. سپس نقاطی از نمودار را که مربوط به هر یک از زمان‌ها و مکان‌های داده شده است، در صفحه  $x-t$  مشخص می‌کنیم و با وصل کردن این نقاط به هم، به وسیله یک منحنی (خم) هموار، نمودار مکان–زمان را همانند شکل ۱-۴-ب رسم می‌کنیم.



شکل ۱-۴ (الف) مسیر حرکت ذره در امتداد محور  $x$ . ب) نمودار مکان–زمان متحرك

### ۳-۱ مثال



شکل روبرو نمودار مکان–زمان مورچه‌ای را نشان می‌دهد که در راستای محور  $x$  در حرکت است.

(الف) در کدام بازه زمانی مورچه در جهت محور  $x$  حرکت می‌کند؟

(ب) در کدام بازه زمانی مورچه در خلاف جهت محور  $x$  حرکت می‌کند؟

(پ) در کدام بازه‌های زمانی مورچه ایستاده است؟

(ت) در کدام لحظه‌هایی فاصله مورچه از مبدأ  $30\text{ cm}$  است؟

(ث) در کدام بازه زمانی فاصله مورچه از مبدأ محور بیشترین مقدار است؟

(ج) جابه‌جاگی و سرعت متوسط مورچه را در بازه زمانی  $8\text{ s}$  تا  $14\text{ s}$  پیدا کنید.

**پاسخ:** (الف) در بازه زمانی  $0\text{ s}$  تا  $t = 8\text{ s}$ ، زیرا در این بازه،  $x$  همواره در حال افزایش است.

(ب) در بازه زمانی  $t = 12\text{ s}$  تا  $14\text{ s}$ ، زیرا در این بازه،  $x$  همواره در حال کاهش است.

(پ) در بازه‌های زمانی  $t = 8\text{ s}$  تا  $t = 12\text{ s}$  و  $t = 14\text{ s}$  تا  $t = 18\text{ s}$

(ت) در لحظه‌های  $t = 6\text{ s}$  و  $t = 13\text{ s}$

(ث) در بازه زمانی  $t = 8\text{ s}$  تا  $t = 12\text{ s}$

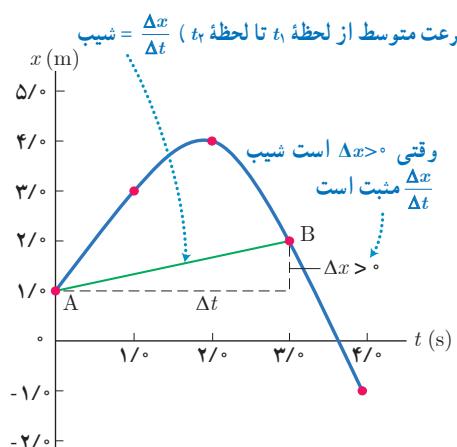
(ج)

$$\Delta x = x_f - x_i = 40\text{ cm} - 20\text{ cm} = 20\text{ cm}$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{20\text{ cm}}{12\text{ s} - 8\text{ s}} = 5\text{ cm/s}$$

علامت مثبت نشان می‌دهد که مورچه در جهت مثبت محور  $x$  جابه‌جا شده است.

### فصل ۱: حرکت بر خط راست



شکل ۱-۵ سرعت متوسط بین دو لحظه  $t_1 = ۱\text{ s}$  و  $t_2 = ۳\text{ s}$

تعیین سرعت متوسط به کمک نمودار مکان – زمان: دوباره به نمودار شکل ۱-۴ که پاره خط بین دو نقطه دلخواه آن مطابق شکل ۱-۵ رسم شده است توجه کنید. همان طور که از درس ریاضی می‌دانید نسبت  $\frac{\Delta x}{\Delta t}$  برابر شیب پاره خطی است که دو نقطه A و B را به هم وصل می‌کند. از سوی دیگر با توجه به رابطه ۱-۴ می‌دانیم که این نسبت برابر سرعت متوسط متحرک در بازه زمانی  $t_1$  تا  $t_2$  است. به این ترتیب می‌توان نتیجه گرفت که سرعت متوسط متحرک بین دو لحظه از زمان برابر شیب پاره خطی است که نقاط نظری آن دو لحظه در نمودار مکان – زمان را به یکدیگر وصل می‌کند.

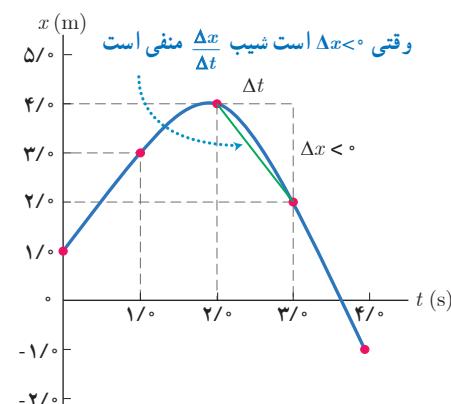
### مثال ۱-۴

با توجه به نمودار مکان – زمان شکل ۱-۴، سرعت متوسط ذره را در بازه زمانی  $t_1 = ۲\text{ s}$  تا  $t_2 = ۳\text{ s}$  بدست آورید.

**پاسخ:** از رابطه ۱-۴ داریم :

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{۲\text{ m} - ۴\text{ m}}{۳\text{ s} - ۲\text{ s}} = -۲\text{ m/s}$$

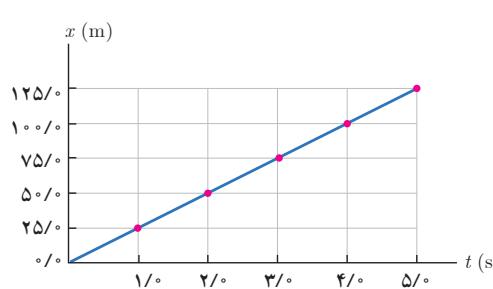
علامت منفی  $v_{av}$  نشان می‌دهد که شیب خط واصل بین این دو نقطه از نمودار مکان – زمان، منفی است. توجه کنید که بدون محاسبه  $v_{av}$  نیز، با توجه به فهم هندسی‌ای که از منفی بودن شیب خط واصل دو نقطه نمودار داریم، می‌توانستیم به منفی بودن  $v_{av}$  بی بیریم.



### مثال ۱-۵

نمودار مکان – زمان موتورسواری که بر خط راست حرکت می‌کند مطابق شکل رویه رو است. سرعت متوسط موتورسوار را در هر یک از بازه‌های زمانی  $۰\text{ s}$  تا  $۱\text{ s}$ ،  $۱\text{ s}$  تا  $۲\text{ s}$ ،  $۲\text{ s}$  تا  $۳\text{ s}$ ،  $۳\text{ s}$  تا  $۴\text{ s}$  و  $۴\text{ s}$  تا  $۵\text{ s}$  محاسبه کنید. نتایج بدست آمده را با هم مقایسه و تفسیر کنید.

**پاسخ:** با توجه به داده‌های روی نمودار و بنا به رابطه ۱-۴، سرعت متوسط موتورسوار، برای هر یک از بازه‌های زمانی خواسته شده، برابر است با :



$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{۲۵\text{ m} - ۰\text{ m}}{۱\text{ s} - ۰\text{ s}} = ۲۵\text{ m/s}$$

بازه زمانی  $۰\text{ s}$  تا  $۱\text{ s}$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{۱۰۰\text{ m} - ۵۰\text{ m}}{۴\text{ s} - ۲\text{ s}} = ۲۵\text{ m/s}$$

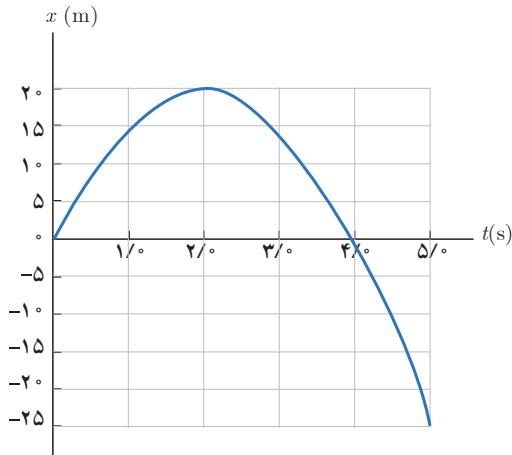
بازه زمانی  $۲\text{ s}$  تا  $۴\text{ s}$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{۱۲۵\text{ m} - ۲۵\text{ m}}{۵\text{ s} - ۱\text{ s}} = 25\text{ m/s}$$

بازه زمانی  $۱\text{ s}$  تا  $۵\text{ s}$

اگر در هر بازه زمانی دلخواه دیگری نیز سرعت متوسط موتورسوار را حساب کنید، خواهید دید که همین مقدار برای آن به دست می‌آید. از آنجا که شیب نمودار مکان – زمان برای هر بازه زمانی دلخواه برابر سرعت متوسط متحرک است، با توجه به ثابت بودن شیب نمودار مکان – زمان موتورسوار در طول حرکت، چنین انتظاری می‌رفت.

### مثال ۱-۶



شکل رویه‌رو، نمودار مکان – زمان خودرویی را نشان می‌دهد که روی خط راست حرکت می‌کند.

(الف) با استفاده از داده‌های روی شکل، سرعت متوسط خودرو را در هر یک از بازه‌های زمانی  $0\text{--}1\text{ s}$ ،  $1\text{--}2\text{ s}$ ،  $2\text{--}3\text{ s}$ ،  $3\text{--}4\text{ s}$  و  $4\text{--}5\text{ s}$  حساب کنید.

(ب) در کدام یک از این بازه‌های زمانی، سرعت متوسط در جهت محور  $x$  و در کدام یک در خلاف جهت محور  $x$  است؟

**پاسخ:** (الف) با توجه به داده‌های روی نمودار و بنا به رابطه ۱-۳، سرعت متوسط خودرو برای هر یک از بازه‌های زمانی

خواسته شده، برابر است با:

بازه زمانی  $0\text{--}1\text{ s}$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{20\text{ m} - 0\text{ m}}{1\text{ s} - 0\text{ s}} = 20\text{ m/s}$$

بازه زمانی  $1\text{--}2\text{ s}$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{18\text{ m} - 20\text{ m}}{2\text{ s} - 1\text{ s}} = -2\text{ m/s}$$

بازه زمانی  $2\text{--}3\text{ s}$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{10\text{ m} - 18\text{ m}}{3\text{ s} - 2\text{ s}} = -8\text{ m/s}$$

بازه زمانی  $3\text{--}4\text{ s}$

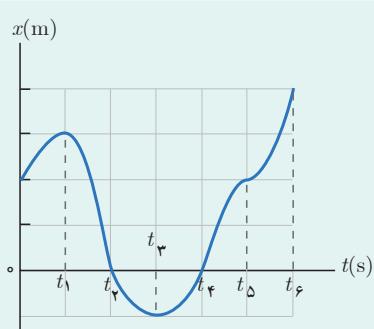
$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{-10\text{ m} - 10\text{ m}}{4\text{ s} - 3\text{ s}} = -20\text{ m/s}$$

بازه زمانی  $4\text{--}5\text{ s}$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{-20\text{ m} - (-10\text{ m})}{5\text{ s} - 4\text{ s}} = -10\text{ m/s}$$

(ب) در بازه‌های زمانی ای که سرعت متوسط خودرو مثبت است، سرعت متوسط خودرو در جهت محور  $x$  و در بازه‌های زمانی ای که سرعت متوسط منفی است، سرعت متوسط خودرو در خلاف جهت محور  $x$  است.

### پرسش ۳-۱



با توجه به نمودار مکان – زمان شکل رویه‌رو به پرسش‌های زیر پاسخ دهید:

(الف) متحرک چند بار از مبدأ مکان عبور می‌کند؟

(ب) در کدام بازه‌های زمانی متحرک در حال دور شدن از مبدأ است؟

(پ) در کدام بازه‌های زمانی متحرک در حال نزدیک شدن به مبدأ است؟

(ت) جهت حرکت چند بار تغییر کده است؟ در چه لحظه‌هایی؟

(ث) جایه‌جایی کل در جهت محور  $x$  است یا خلاف آن؟

## تمرين ۲-۱



شکل رویه رو نمودار مکان–زمان دوچرخه سواری را نشان می‌دهد که روی مسیری مستقیم در حال حرکت است.

(الف) در کدام لحظه دوچرخه سوار بیشترین فاصله از مبدأ را دارد؟

(ب) در کدام بازه‌های زمانی دوچرخه سوار در جهت محور  $x$  حرکت می‌کند؟

(پ) در کدام بازه زمانی دوچرخه سوار در خلاف جهت محور  $x$  حرکت می‌کند؟

(ت) در کدام بازه زمانی، دوچرخه سوار ساکن است؟

(ث) تندی متوسط و سرعت متوسط دوچرخه سوار را در هر یک از بازه‌های

زمانی  $0 \text{ s} \leq t \leq 2 \text{ s}$ ,  $2 \text{ s} \leq t \leq 4 \text{ s}$ ,  $4 \text{ s} \leq t \leq 6 \text{ s}$ ,  $6 \text{ s} \leq t \leq 8 \text{ s}$ ,  $8 \text{ s} \leq t \leq 10 \text{ s}$ ,  $10 \text{ s} \leq t \leq 12 \text{ s}$ ,  $12 \text{ s} \leq t \leq 14 \text{ s}$  حساب کنید.



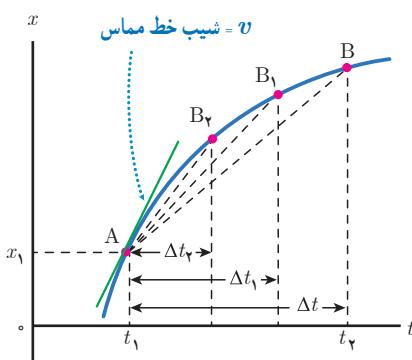
شکل ۱-۴ عقربه تندی سنج، تندی لحظه‌ای خودرو را نشان می‌دهد و هیچ گونه اطلاعی درخصوص جهت حرکت خودرو به ما گزارش نمی‌کند.

**توجه:** واژه لحظه در فیزیک با کاربرد محاوره‌ای آن در زندگی روزمره متفاوت است. همه ممکن است عبارت «لطفاً کمی صبر کن. تنهای یک لحظه طول می‌کشد» را در موارد زیادی به کار ببریم که منظور یک بازه زمانی کوتاه، مثلاً چند ثانیه یا چند دقیقه است. ولی در فیزیک یک لحظه به هیچ وجه طول نمی‌کشد؛ لحظه به یک تک‌مقدار از زمان اشاره دارد.

تندی لحظه‌ای و سرعت لحظه‌ای: تندی متحرک در هر لحظه از زمان را **تندی لحظه‌ای** می‌نامند. اگر هنگام گزارش تندی لحظه‌ای، به جهت حرکت متحرک نیز اشاره شود، در واقع **سرعت لحظه‌ای** ( $\vec{v}$ ) آن را، که کمیتی برداری است بیان کرده‌ایم. برای مثال وقتی درون خودرویی به طرف شمال در حال حرکت باشید و در نقطه‌ای از مسیر، عقربه تندی سنج خودروی شما روی  $100 \text{ km/h}$  باشد (شکل ۱-۶)، تندی لحظه‌ای خودرو برابر  $100 \text{ km/h}$  و سرعت لحظه‌ای آن  $100 \text{ km/h}$  به طرف شمال است. برای سادگی، بیشتر وقت‌ها سرعت لحظه‌ای و تندی لحظه‌ای را به ترتیب به صورت سرعت و تندی بیان می‌کنند. از آنجا که در ادامه این فصل تنها حرکت اجسام بر خط راست بررسی می‌شود، سرعت لحظه‌ای متحرک را در حل مسئله‌ها به جای بردار  $\vec{v}$  به صورت  $v$  به کار می‌بریم. هر گاه متحرک در جهت مثبت محور  $x$  حرکت کند  $v$  مثبت است و هر گاه در جهت منفی محور حرکت کند  $v$  منفی است.

## پرسش ۴-۱

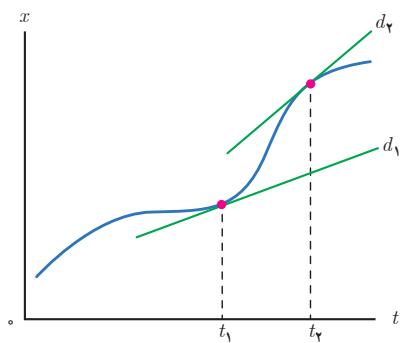
از روی نمودار مکان–زمان توضیح دهید در چه صورت سرعت لحظه‌ای متحرک همواره با سرعت متوسط آن برابر است.



شکل ۱-۵ با کوچک شدن تدریجی  $\Delta t$ ، نقطه B به نقطه A نزدیک می‌شود. در این صورت خط مimas بر نمودار در نقطه A میل می‌کند. در این حالت، شیب خط مimas بر قطعه دلخواه  $t_1$  است. به این ترتیب می‌توان نتیجه گرفت که: سرعت در هر لحظه دلخواه  $t$ ، برابر شیب خط مimas بر نمودار مکان–زمان در آن لحظه است.

تعیین سرعت لحظه‌ای به کمک نمودار مکان–زمان: پیش از این دیدیم که سرعت متوسط متحرک بین هر دو لحظه دلخواه، برابر شیب خطی است که نمودار مکان–زمان را در آن دو لحظه قطع می‌کند. همان‌طور که در شکل ۱-۱ دیده می‌شود اگر  $\Delta t$  به تدریج کوچک و کوچک‌تر شود، نقطه B به نقطه A نزدیک و نزدیک‌تر می‌شود؛ به طوری که اگر  $\Delta t$  به سمت صفر میل کند ( $\Delta t \rightarrow 0$ ) نقطه B به نقطه A بسیار نزدیک می‌شود و سرانجام خط واصل بین این دو نقطه به خط مimas بر نمودار در نقطه A میل می‌کند. در این حالت، شیب خط مimas بر قطعه دلخواه  $t_1$  است. به این ترتیب می‌توان نتیجه گرفت که: سرعت در هر لحظه دلخواه  $t$ ، برابر شیب خط مimas بر نمودار مکان–زمان در آن لحظه است.

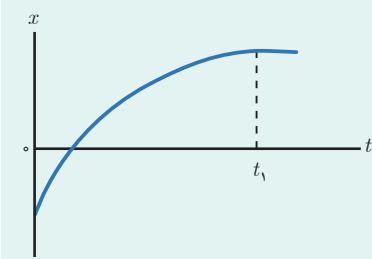
## مثال ۱-۷



شکل رویه‌رو نمودار مکان–زمان متحرکی را نشان می‌دهد که در امتداد محور  $x$  در حرکت است.  $d_1$  و  $d_2$  خط‌های مماس بر منحنی را در دو لحظه متفاوت نشان می‌دهند. در کدام لحظه سرعت متحرک بیشتر است؟

**پاسخ:** با توجه به شکل، شیب خط  $d_2$  بیشتر از شیب خط  $d_1$  است. بنابراین سرعت متحرک در لحظه  $t_2$  بیشتر از سرعت آن در لحظه  $t_1$  است ( $v_2 > v_1$ ). توجه کنید که شیب هر دو خط مثبت است و بنابراین سرعت نیز در هر دو لحظه مثبت، یعنی در جهت محور  $x$  است.

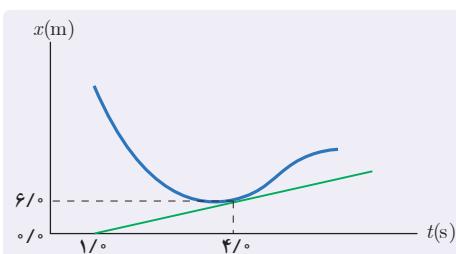
## پرسش ۱-۵



شکل رویه‌رو نمودار مکان–زمان متحرکی را نشان می‌دهد که در امتداد محور  $x$  در حرکت است.

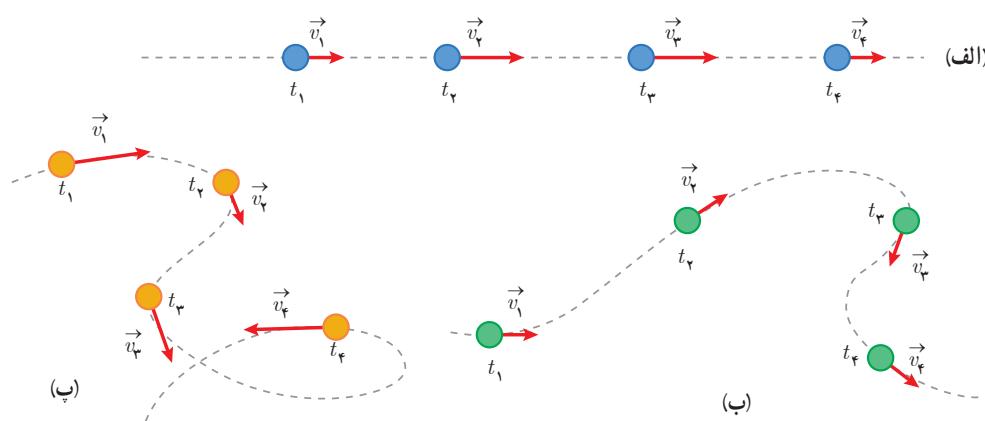
- (الف) از لحظه صفر تا لحظه  $t_1$  سرعت متحرک را به افزایش است یا کاهش؟  
 (ب) اگر در لحظه  $t_1$  خط مماس بر منحنی موازی محور زمان باشد، سرعت متحرک در این لحظه چقدر است؟

## تمرین ۱-۳



شکل رویه‌رو نمودار مکان–زمان متحرکی را نشان می‌دهد. خط مماس بر منحنی در لحظه  $t = 4.0\text{ s}$  رسم شده است. سرعت متحرک را در این لحظه پیدا کنید.

**شتاب متوسط و شتاب لحظه‌ای:** در علوم سال نهم دیدید که هرگاه سرعت جسمی تغییر کند حرکت آن شتابدار است. با توجه به اینکه بردار سرعت در هر نقطه از مسیر، بر مسیر حرکت مماس است<sup>۱</sup> تغییر سرعت جسم در نقاط مختلف مسیر حرکت می‌تواند به دلیل تغییر در اندازه بردار سرعت (تندی) جسم باشد (شکل ۸-۱ (الف)), یا می‌تواند به دلیل تغییر در جهت بردار سرعت آن باشد (شکل ۸-۱ (ب)), یا همچنین می‌تواند به دلیل تغییر در اندازه و جهت بردار سرعت متحرک باشد (شکل ۸-۱ (پ)).



شکل ۸-۱ (الف) وقتی سرعت جسمی (الف)  
 به دلیل تغییر اندازه آن، (ب) به دلیل  
 تغییر جهت آن و (پ) به دلیل تغییر  
 اندازه و جهت آن تغییر کند، حرکت  
 جسم شتابدار است.

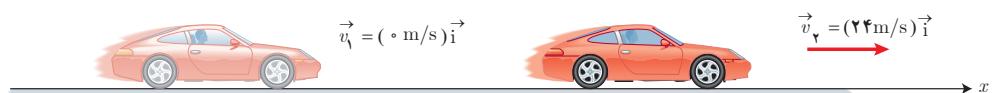
۱- توجه کنید که مماس بدن بردار سرعت بر مسیر حرکت متفاوت با برابری سرعت باشیب خط مماس بر نمودار مکان–زمان است که پیش از این دیدیم.

شتاب متوسط متحرک در هر بازه زمانی دلخواه  $t_1$  تا  $t_2$  به صورت رابطه ۵-۱ تعریف می‌شود که در آن  $\vec{v}_1$  سرعت متحرک در لحظه  $t_1$  و  $\vec{v}_2$  سرعت متحرک در لحظه  $t_2$  است. همان‌طور که دیده می‌شود شتاب متوسط ( $a_{av}$ )، کمیتی برداری و هم‌جهت با بردار تغییر سرعت ( $\Delta \vec{v}$ ) است.<sup>۱</sup> یکای SI شتاب متوسط، متر بر مربع ثانیه ( $m/s^2$ ) است.

$$\vec{a}_{av} = \frac{\vec{v}_2 - \vec{v}_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} \quad (\text{شتاب متوسط}) \quad (5-1)$$

### مثال ۱-۸

خودرویی از حال سکون در امتداد محور  $x$  شروع به حرکت می‌کند. پس از ۱۲s، سرعت خودرو به  $24m/s$  در جهت محور  $x$  می‌رسد. شتاب متوسط خودرو را در این بازه زمانی به دست آورید.



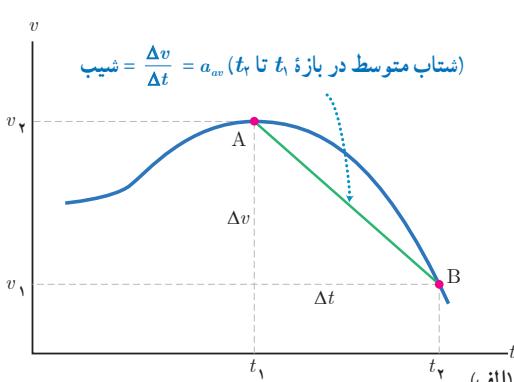
$\vec{v}_1 = (0 \text{ m/s}) \hat{i}$

$\vec{v}_2 = (24 \text{ m/s}) \hat{i}$

$$\vec{a}_{av} = \frac{\vec{v}_2 - \vec{v}_1}{t_2 - t_1} = \frac{(24 \text{ m/s}) \hat{i} - (0 \text{ m/s}) \hat{i}}{12 \text{ s} - 0 \text{ s}} = (2 \text{ m/s}^2) \hat{i}$$

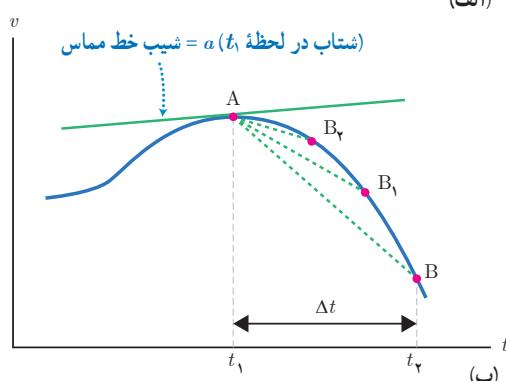
پاسخ: از رابطه ۵-۱، داریم:

همان‌طور که دیده می‌شود، اندازه شتاب متوسط خودرو  $2 \text{ m/s}^2$  و شتاب در جهت محور  $x$  است.



اگر متحرک در یک راستا حرکت کند رابطه ۵-۱ را می‌توان به صورت زیر به کار برد ولی با توجه به ماهیت برداری  $v_1$  و  $v_2$  باید به علامت‌های جبری آنها که نشان‌دهنده جهت آنهاست توجه کنیم.

$$a_{av} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta v}{\Delta t} \quad (6-1) \quad (\text{شتاب متوسط در حرکت بر خط راست})$$

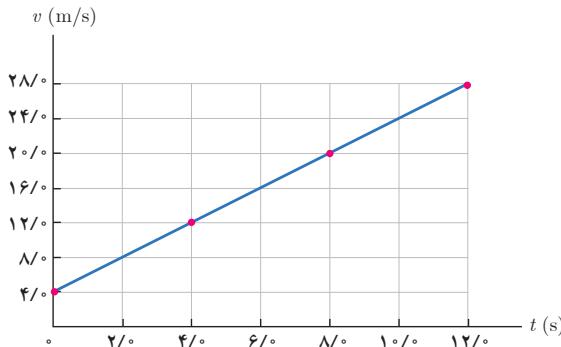


تعیین شتاب متوسط و لحظه‌ای به کمک نمودار سرعت–زمان: در شکل ۱-۹، نمودار سرعت–زمان متحرکی نشان داده شده است که روی خط راست حرکت می‌کند. با توجه به تعریف شتاب متوسط، معلوم می‌شود، که شتاب متوسط بین دو لحظه برابر شیب خطی است که نمودار سرعت–زمان را در آن دو لحظه قطع می‌کند. همان‌طور که در شکل ۱-۹ ب دیده می‌شود، اگر  $\Delta t$  به سمت صفر میل کند (۰ →  $\Delta t$ ) خط واصل بین نقطه‌های A و B، به خط مماس بر نمودار در نقطه A می‌کند. در این حالت، شیب خط مماس برابر شتاب متحرک در لحظه  $t_1$  است. به این ترتیب می‌توان نتیجه گرفت که: شتاب در هر لحظه دلخواه  $t$ ، برابر شیب خط مماس بر نمودار سرعت–زمان در آن لحظه است. در کتاب‌های فیزیک برای سادگی، شتاب لحظه‌ای را شتاب می‌نامند و آن را با نماد  $a$  نشان می‌دهند.

شکل ۱-۹ (الف) شتاب متوسط بین دو لحظه  $t_1$  و  $t_2$   
(ب) شتاب متحرک در لحظه  $t_1$

۱- آموزش مسائلی که داشت آموزان را در محاسبه  $\vec{a}_{av} = \Delta \vec{v}/\Delta t$ ، در گیر عملیات برداری دو یا سه بعدی، در صفحه  $xyz$  یا فضای  $xyz$  می‌کند خارج از برنامه درسی این کتاب است و ارزشیابی از آن نباید انجام شود.

## مثال ۹-۱



نمودار سرعت-زمان موتورسواری که در امتداد محور  $x$  حرکت می‌کند در بازه زمانی  $0 \text{ s} \leq t \leq 12 \text{ s}$ ، مطابق شکل رو به رو است.

شتاب متوسط موتورسوار و جهت آن را در هر یک از بازه‌های زمانی  $4 \text{ s} \leq t \leq 8 \text{ s}$ ،  $8 \text{ s} \leq t \leq 12 \text{ s}$ ،  $0 \text{ s} \leq t \leq 4 \text{ s}$  بیابید.

**پاسخ:** با توجه به داده‌های روی نمودار و بنا به رابطه  $a_{av} = \frac{v_f - v_i}{t_f - t_i}$ ،  
شتاب متوسط موتورسوار، برای هر یک از بازه‌های زمانی خواسته شده، برابر است با :

$$a_{av} = \frac{v_4 - v_1}{t_4 - t_1} = \frac{12 \text{ m/s} - 4 \text{ m/s}}{4 \text{ s} - 0 \text{ s}} = 2 \text{ m/s}^2$$

بازه زمانی  $0 \text{ s} \leq t \leq 4 \text{ s}$

$$a_{av} = \frac{v_8 - v_4}{t_8 - t_4} = \frac{20 \text{ m/s} - 12 \text{ m/s}}{8 \text{ s} - 4 \text{ s}} = 2 \text{ m/s}^2$$

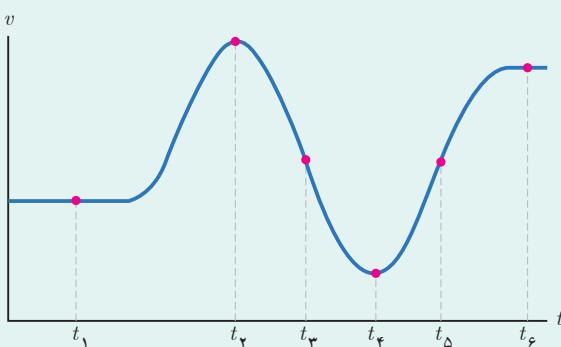
بازه زمانی  $4 \text{ s} \leq t \leq 8 \text{ s}$

$$a_{av} = \frac{v_8 - v_1}{t_8 - t_1} = \frac{28 \text{ m/s} - 4 \text{ m/s}}{12 \text{ s} - 0 \text{ s}} = 2 \text{ m/s}^2$$

بازه زمانی  $0 \text{ s} \leq t \leq 12 \text{ s}$

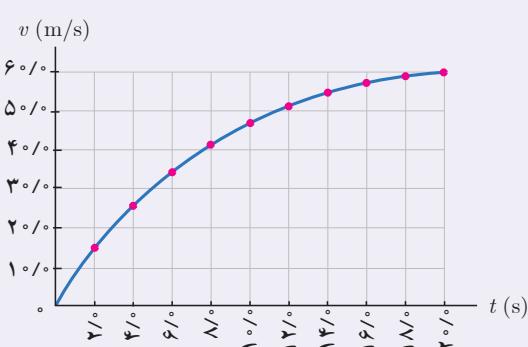
با توجه به علامت مثبت  $a_{av}$  در هر سه بازه زمانی، شتاب متوسط در جهت مثبت محور  $x$  است. اگر در هر بازه زمانی دلخواه دیگری نیز شتاب متوسط موتورسوار را حساب کنید با توجه به ثابت بودن شیب نمودار سرعت-زمان، اندازه و جهت یکسانی برای شتاب به دست می‌آید.

## پرسش ۱-۶



شکل رو به رو نمودار سرعت - زمان دوچرخه‌سواری را نشان می‌دهد که در امتداد محور  $x$  در حرکت است. جهت شتاب دوچرخه‌سوار را در هر یک از لحظه‌های  $t_1, t_2, \dots, t_6$  تعیین کنید.

## تمرین ۱-۴



نمودار سرعت-زمان خودرویی که در راستای محور  $x$  حرکت می‌کند در بازه زمانی  $0 \text{ s} \leq t \leq 12 \text{ s}$  مطابق شکل رو به رو است.

(الف) شتاب متوسط خودرو در این بازه زمانی چقدر است؟

(ب) شتاب خودرو را در لحظه  $t = 8 \text{ s}$  به دست آورید.

## تمرین ۱-۵

نمودار سرعت - زمان خودرویی که در راستای محور  $x$  حرکت می‌کند در بازه زمانی صفر تا  $14\text{ s}$  مطابق شکل رویه‌رو است.

- (الف) شتاب متوسط خودرو در این بازه زمانی چقدر است؟  
 (ب) شتاب خودرو را در هر یک از لحظه‌های  $s = 2\text{ s}$ ،  $t = 11\text{ s}$  و  $t = 14\text{ s}$  به دست آورید.



## ۱-۲ حرکت با سرعت ثابت

ساده‌ترین نوع حرکت، حرکت با سرعت ثابت است. در این نوع حرکت، اندازه و جهت سرعت متوجه در طول مسیر ثابت است (شکل ۱-۱۰). پیش از این و در مثال ۱-۵، نمونه‌ای از حرکت با سرعت ثابت آشنا شدیم. در این مثال شبیه نمودار مکان - زمان متوجه در طول حرکت ثابت و در نتیجه سرعت متوسط متوجه در هر بازه زمانی دلخواه، برابر سرعت لحظه‌ای آن است. در این صورت می‌توان نوشت:

$$v = v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \Rightarrow \Delta x = v\Delta t$$



شکل ۱-۱۰ در حرکت با سرعت ثابت، هم جهت سرعت و هم اندازه آن (تندی) ثابت است.

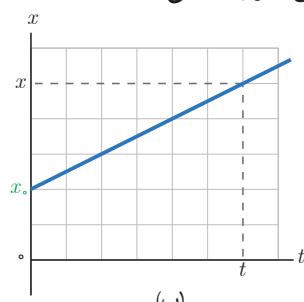
اگر مطابق شکل ۱-۱ متوجه در لحظه  $t_1 = t$  در مکان  $x_1 = x$  و در لحظه  $t_2 = t$  در مکان  $x_2 = x$  باشد، رابطه اخیر را می‌توان به صورت زیر بازنویسی کرد:

$$x - x_1 = v(t_2 - t_1)$$

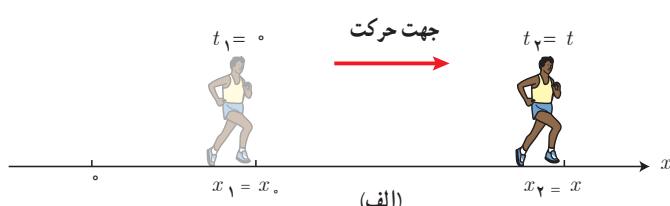
یا:

$$x = vt + x_1 \quad (\text{معادله مکان - زمان در حرکت با سرعت ثابت}) \quad (۷-۱)$$

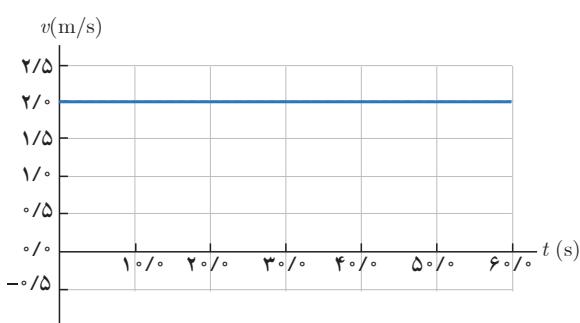
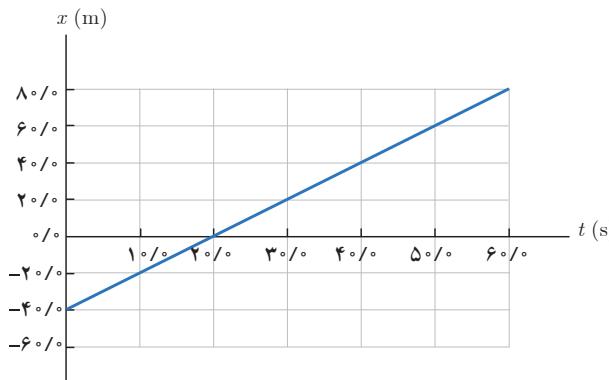
در معادله ۷-۱ معمولاً  $x$  را که مکان متوجه در لحظه  $t = ۰$  است مکان اولیه متوجه می‌نامند. توجه کنید که مکان‌های  $x_1$  و  $x_2$  می‌توانند مثبت، منفی یا صفر باشند. سرعت متوجه هم به دلیل ماهیت برداری آن، در صورتی که حرکت در جهت محور  $x$  باشد مثبت و در غیر این صورت منفی است.



شکل ۱-۱۱ (الف) مکان یک دونده در دو لحظه مختلف. (ب) نمودار مکان - زمان دونده‌ای که در جهت محور  $x$  با سرعت ثابت می‌دوشد.



## ۱۰- مثال



شکل رویه را بخسی از نمودار مکان – زمان شخصی را نشان می دهد که با سرعت ثابت حرکت می کند.

- (الف) شخص در مبدأ زمان ( $t = 0$ ) در چه مکانی قرار دارد؟  
ب) سرعت حرکت این شخص را به دست آورید و نمودار سرعت – زمان آن رارسم کنید.

- پ) در چه لحظه یا لحظه هایی شخص در فاصله  $20\text{ m}$  از مبدأ محور قرار دارد؟

- ت) اگر شخص به مدت  $5\text{ min}$  به همین صورت حرکت کند، جایه جایی وی را در این مدت به دست آورید.

**پاسخ:** (الف) با توجه به نمودار مکان – زمان، در  $t = 0$  شخص در مکان اولیه  $m = -40\text{ m}$  قرار دارد.

(ب) با توجه به داده های روی نمودار و قرار دادن داده های یک لحظه دلخواه (برای مثال  $s = 30\text{ s}$  و  $t = 30\text{ s}$ ) در رابطه  $x = vt + x_0$  داریم:  

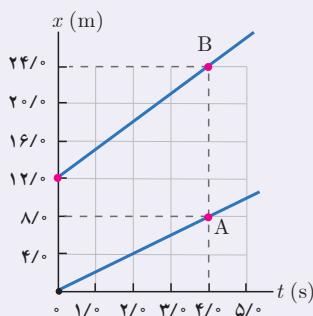
$$x = vt + x_0 \Rightarrow 20\text{ m} = v(30\text{ s}) + (-40\text{ m})$$

در نتیجه  $v = +2\text{ m/s}$  به دست می آید. علامت مثبت نشان می دهد که شخص در جهت محور  $x$  حرکت می کند. نمودار سرعت – زمان مطابق شکل بالا است.

- پ) در لحظه های  $s = 10\text{ s}$  و  $t = 30\text{ s}$ . توجه کنید که فاصله از مبدأ مکان،  $|x|$  است و نه  $x$ .  
ت) با قرار دادن  $s = 30\text{ s}$  در رابطه  $\Delta x = v\Delta t$  داریم:

$$\Delta x = v\Delta t \Rightarrow \Delta x = (2\text{ m/s})(30\text{ s}) = 60\text{ m}$$

## ۶- تمرین



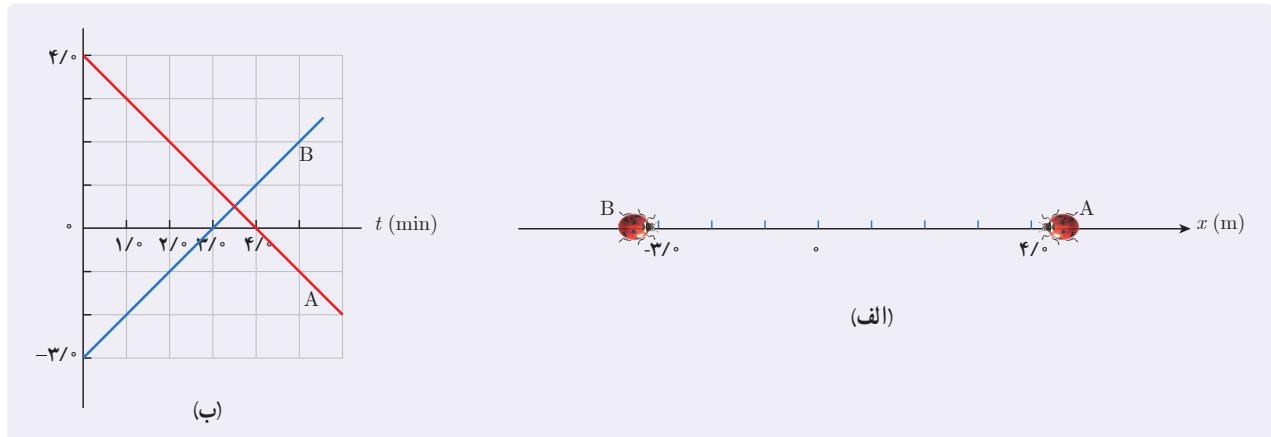
شکل مقابل نمودار مکان – زمان دو متحرک A و B را نشان می دهد که در راستای محور  $x$  حرکت می کنند.

سرعت هر متحرک را پیدا کنید و معادله مکان – زمان آنها را بنویسید.

## ۷- تمرین

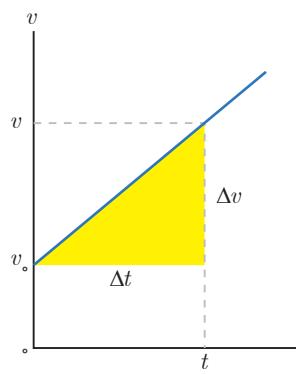
شکل الف، مکان دو کفشدوزک A و B را که در راستای محور  $x$  حرکت می کنند در لحظه  $s = 0$  نشان می دهد. نمودار مکان – زمان این کفشدوزک ها در شکل ب رسم شده است.

- (الف) از روی نمودار به طور تقریبی تعیین کنید کفشدوزک ها در چه لحظه و در چه مکانی به یکدیگر می رسند.  
ب) با استفاده از معادله مکان – زمان، زمان و مکان هم رسانی کفشدوزک ها را پیدا کنید.



### ۱-۳ حرکت با شتاب ثابت

شکل ۱۲-۱ نمودار سرعت - زمان متخرکی را نشان می‌دهد که در امتداد خط راست حرکت می‌کند. همان‌طور که دیده می‌شود سرعت متخرک با زمان به صورت خطی تغییر می‌کند و شیب نمودار سرعت - زمان ثابت است. پیش از این و در مثال ۱-۸ دیدیم در این شرایط، شتاب متوسط  $a_{av} = \Delta v / \Delta t$  در بازه‌های زمانی مختلف یکسان است. در چنین حرکتی شتاب متوسط در هر بازه زمانی برابر شتاب لحظه‌ای متخرک است، یعنی  $a_{av} = a$ .



شکل ۱۲-۱ نمودار  $v-t$  در حرکت با شتاب ثابت با فرض مثبت بودن  $v$  و  $a$



شکل ۱۳-۱ نمودار  $a-t$  در حرکت با شتاب ثابت با فرض مثبت بودن  $a$

هر گاه شتاب متخرکی در لحظه‌های مختلف یکسان باشد، حرکت جسم را حرکت با شتاب ثابت می‌نامیم (شکل ۱۳-۱). حرکت با شتاب ثابت نوع خاصی از حرکت است و در زندگی روزمره، با حرکت اجسامی که شتاب آنها ثابت یا تقریباً ثابت است زیاد سر و کار داریم. جسمی که روی سطح هموار یک سراشیبی در حال لغزیدن است، یا جسمی که در حال سقوط است و اثر مقاومت هوای آن ناچیز باشد دارای حرکت با شتاب ثابت‌اند. همچنین خودرویی که پس از سیزشدن چراغ، شروع به حرکت می‌کند یا هواپیمایی که روی باند پرواز حرکت می‌کند تا به شرایط لازم برخاستن برسد مثال‌هایی از حرکت با شتاب تقریباً ثابت‌اند. بدلیل اهمیت و رایج بودن حرکت‌های با شتاب ثابت، در ادامه با معادلات این نوع حرکت آشنا می‌شویم.

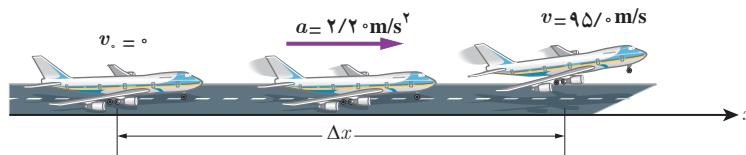
معادله سرعت - زمان در حرکت با شتاب ثابت: اگر مانند نمودار شکل ۱۲-۱ در  $t = 0$  سرعت اولیه متخرک  $v_0$  و در لحظه  $t$ ، سرعت متخرک برابر  $v$  باشد در این صورت معادله ۱-۶ را برای حرکت با شتاب ثابت ( $a = a_{av}$ ) در امتداد خط راست می‌توانیم به صورت زیر بازنویسی کنیم:

$$v = at + v_0 \quad (معادله سرعت - زمان در حرکت با شتاب ثابت) \quad (۱-۱)$$

همان‌طور که دیده می‌شود تغییرات  $v$  نسبت به  $t$  در معادله ۱-۸ به صورت یکتابع خطی است. به همین دلیل سرعت متوسط متخرک در بازه زمانی صفر تا  $t$  برابر است با میانگین سرعت متخرک در این دو لحظه، یعنی:

$$v_{av} = \frac{v_0 + v}{2} \quad (معادله سرعت متوسط در حرکت با شتاب ثابت) \quad (۹-۱)$$

## مثال ۱۱-۱



شکل روبه رو هواپیمایی را نشان می دهد که از حال سکون و با شتاب ثابت روی باند پرواز و در امتداد محور  $x$  شروع به حرکت می کند.

- (الف) چه مدت طول می کشد تا هواپیما به شرایط برخاستن برسد؟  
 (ب) سرعت متوسط هواپیما در این بازه زمانی چقدر است؟  
 (پ) جابه جایی هواپیما در این مدت چقدر است؟

**پاسخ:** (الف) با توجه به ثابت بودن شتاب حرکت هواپیما روی باند پرواز، داده های روی شکل را می توان در معادله ۸-۱ جای گذاری کرد. به این ترتیب داریم:

$$v = at + v_0 \Rightarrow 95 \text{ m/s} = (2/2 \text{ m/s}^2)t + 0 \text{ m/s} \Rightarrow t = 47.5 \text{ s}$$

در اولین فرصتی که سوار هواپیما شدید، نتیجه به دست آمده را وارسی کنید!  
 (ب)

$$v_{av} = \frac{v_0 + v}{2} = \frac{0 \text{ m/s} + 95 \text{ m/s}}{2} = 47.5 \text{ m/s}$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \Rightarrow \Delta x = v_{av} \Delta t = (47.5 \text{ m/s})(47.5 \text{ s}) = 225 \times 10^3 \text{ m}$$

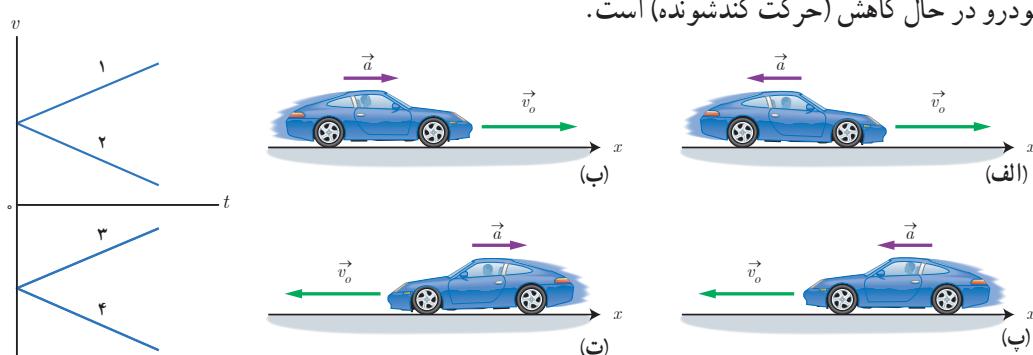
پ) از رابطه ۴-۱ داریم:

## تمرین ۱

معادله سرعت - زمان متحرکی که در امتداد محور  $x$  حرکت می کند در SI به صورت  $v = -1/8t + 2/2$  است.  
 (الف) سرعت متحرک در لحظه  $t = 4/0 \text{ s}$  چقدر است؟ (ب) سرعت متوسط متحرک و جابه جایی آن در بازه زمانی صفر تا  $t = 4/0 \text{ s}$  چقدر است؟ (پ) نمودار سرعت - زمان این متحرک را رسم کنید.

## فعالیت ۲

در تمامی حالت های شکل زیر، خودروها در امتداد محور  $x$  و با شتاب ثابت در حرکت اند. حرکت هر یک از خودروها، توسط کدام یک از نمودارهای  $v-t$  توصیف می شود؟ همچنین توضیح دهید تندی کدام خودرو در حال افزایش (حرکت تندشونده) و تندی کدام خودرو در حال کاهش (حرکت کندشونده) است.



معادله مکان - زمان در حرکت با شتاب ثابت: اگر جسمی که با شتاب ثابت و در امتداد محور  $x$  حرکت می‌کند در  $t=0$  در مکان  $x_0$  و دارای سرعت  $v_0$  باشد، در این صورت از رابطه‌های ۱-۴ و ۱-۹ داریم:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \Rightarrow \frac{v + v_0}{2} = \frac{x - x_0}{t - 0} \Rightarrow x = \left(\frac{v + v_0}{2}\right)t + x_0$$

$$x = \left(\frac{at + v_0 + v_0}{2}\right)t + x_0$$

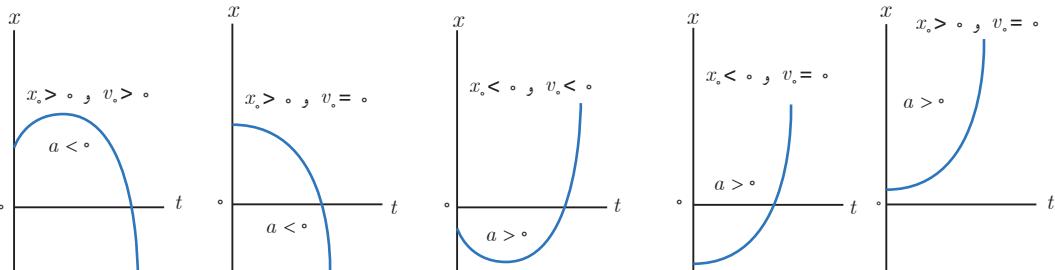
با قرار دادن رابطه ۱-۸ در معادله بالا داریم:

با ساده‌سازی این رابطه خواهیم داشت:

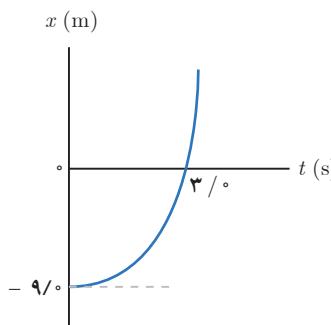
$$(1-10) \quad \text{(معادله مکان - زمان در حرکت با شتاب ثابت)} \quad x = \frac{1}{2}at^2 + v_0 t + x_0$$

همان‌طور که دیده می‌شود در این نوع حرکت، مکان متحرک تابعی درجه دوم از زمان است. با رسم تابع‌های درجه دوم در ریاضی ۱ پایه دهم آشنا شدید. شکل ۱-۱ نمودار  $x-t$  را برای چند حالت مختلف نشان می‌دهد.

شکل ۱-۱ نمودار مکان-زمان  
در حرکت با شتاب ثابت ثابت برای چند  
حالت متفاوت



## ۱۲-۱ مثال



شکل رو به رو نمودار مکان - زمان متحرکی را نشان می‌دهد که با شتاب ثابت در امتداد محور  $x$  حرکت می‌کند. الف) شتاب متحرک را پیدا کنید. ب) معادله سرعت - زمان متحرک را بنویسید و نمودار آن را رسم کنید. پ) جابه‌جایی متحرک را در بازه زمانی صفر تا  $3/0\text{ s}$  پیدا کنید. ت) با توجه به اینکه **مساحت سطح بین نمودار سرعت - زمان و محور زمان در هر بازه زمانی برابر جابه‌جایی در آن بازه است**، جابه‌جایی متحرک را در بازه زمانی صفر تا  $3/0\text{ s}$  حساب کنید و نتیجه را با قسمت پ مقایسه کنید. ث) سرعت متوسط متحرک را در بازه زمانی صفر تا  $3/0\text{ s}$  پیدا کنید.

**پاسخ:** الف) شیب خط چین مماس بر منحنی در  $t=0$  برابر صفر است و نشان‌دهنده این است که سرعت متحرک در این

لحظه صفر است ( $v_0 = 0\text{ m/s}$ ). با توجه به داده‌های روی نمودار و معادله ۱-۱ داریم:

$$x_0 = -9/0\text{ m}, \quad t = 3/0\text{ s} \rightarrow x = 0/0\text{ m}, \quad v_0 = 0/0\text{ m/s}$$

$$x = \frac{1}{2}at^2 + v_0 t + x_0 \Rightarrow 0 = \frac{1}{2}a(3/0\text{ s})^2 + 0 + (-9/0\text{ m}) \Rightarrow a = 2/0\text{ m/s}^2$$

ب) از معادله ۱-۸ داریم:

$$v = at + v_0 \Rightarrow v = (2/0\text{ m/s}^2)t + 0 \Rightarrow v = (2/0\text{ m/s})t$$

نمودار این معادله در شکل رو به رو رسم شده است.

پ) با توجه به نمودار مکان–زمان، جابه‌جایی متحرك در بازه زمانی  $(3/0\text{ s}, 0\text{ s})$  برابر  $m = 9/0 - (-9/0) = 18/0 \text{ m}$  است.  
ت) سطح بین منحنی سرعت و محور زمان در نمودار سرعت–زمان، برابر  $m = 9/0 \text{ m} / (3/0 \text{ s}) = 3/0 \text{ m/s}$  است که با نتیجه قسمت پ سازگار است.

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{18/0 \text{ m}}{3/0 \text{ s}} = 3/0 \text{ m/s}$$

توجه کنید که می‌توانستیم سرعت متوسط در این بازه زمانی را از رابطه  $v_{av} = \frac{(v_0 + v)}{2}$  نیز حساب کنیم که به همین نتیجه می‌رسد.

### ۹-۱ تمرین

خودرویی با سرعت  $18/0 \text{ km/h}$  در امتداد مسیری مستقیم از چهارراهی می‌گذرد تندی آن با شتاب  $1/0 \text{ m/s}^2$  افزایش می‌یابد. سرعت خودرو پس از  $3/0 \text{ m}$  جابه‌جایی چقدر است؟

معادله سرعت–جابه‌جایی در حرکت با شتاب ثابت: اگر هنگام بررسی حرکت جسمی، زمان  $t$  معلوم نباشد، می‌توان از معادله سرعت–جابه‌جایی برای پیدا کردن یکی از کمیت‌های جابه‌جایی  $\Delta x$ ، سرعت اولیه  $v_0$ ، سرعت  $v$ ، یا شتاب  $a$  متحرك استفاده کرد. برای به دست آوردن این معادله از رابطه‌های ۱-۴ و ۹-۱ شروع می‌کنیم. به این ترتیب مشابه آنچه هنگام به دست آوردن معادله مکان–زمان دیدیم می‌توان نوشت:

$$x = \left( \frac{v_0 + v}{2} \right) t + x_0$$

با به دست آوردن  $t$  از معادله ۱-۸ و قرار دادن آن در رابطه بالا داریم:

$$x = \left( \frac{v_0 + v}{2} \right) \left( \frac{v - v_0}{a} \right) + x_0$$

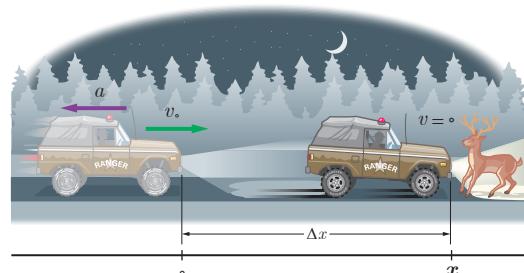
در این صورت داریم:

$$(11-1) \quad \text{معادله سرعت–جابه‌جایی در حرکت با شتاب ثابت} \quad v = v_0 + 2a\Delta x$$

اگرچه این رابطه را برای بازه زمانی صفر تا  $t$  به دست آوردهیم، برای هر بازه زمانی دلخواه  $t_1$  تا  $t_2$  نیز می‌توانیم از رابطه زیر استفاده کنیم که در آن  $x_1$  و  $v_1$  متناظر با لحظه  $t_1$  و همچنین  $x_2$  و  $v_2$  متناظر با لحظه  $t_2$  هستند.

$$v_2 = v_1 + 2a(x_2 - x_1)$$

### ۱۲-۱ مثال



محیط‌بان یک پارک حفاظت شده هنگام گشت شباهن، با تندی  $4/0 \text{ km/h}$  در جاده‌ای مستقیم در حرکت است که ناگهان گوزن بدون حرکتی را در جلوی خود می‌بیند و ترمز می‌گیرد (شکل رو به رو). حرکت خودرو با شتابی به اندازه  $3/8 \text{ m/s}^2$  کند می‌شود تا سرانجام متوقف شود. اگر لحظه‌ای که محیط‌بان ترمز می‌گیرد، گوزن در فاصله  $22/0 \text{ m}$  از خودرو باشد،

الف) خودرو در چه فاصله‌ای از گوزن متوقف می‌شود؟

ب) چه مدت طول می‌کشد تا خودرو متوقف شود؟

**پاسخ:** الف) حرکت خودرو را در جهت محور  $x$  فرض می‌کنیم. همچنین برای سادگی، مبدأ زمان و مکان را جایی می‌گیریم که محیط باز ترمز گرفته و در نتیجه  $x_0 = 0$  و  $v_0 = 11/1 \text{ m/s}$  است. از طرفی، چون سرعت خودرو در جهت محور  $x$  به تدریج در حال کاهش است، شتاب آن بر خلاف جهت محور  $x$  و در نتیجه منفی خواهد شد. به این ترتیب از معادله ۱۱ داریم:

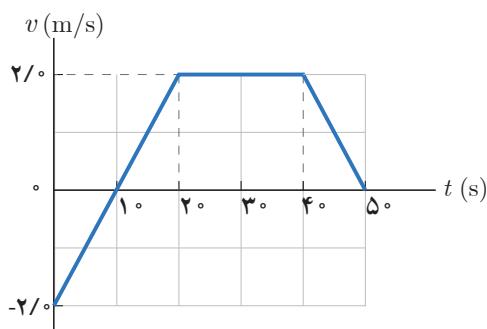
$$v^2 - v_0^2 = 2a(x - x_0) \Rightarrow 0 - (11/1 \text{ m/s})^2 = 2(-3/8 \text{ m/s}^2)(x - 0)$$

در نتیجه  $x = 16/2 \text{ m} = 8 \text{ m}$  و خودرو در فاصله  $22/0 \text{ m} - 16/2 \text{ m} = 5/8 \text{ m}$  از گوزن متوقف می‌شود و خوشبختانه برخوردی بین خودرو و گوزن صورت نمی‌گیرد.

ب) از رابطه ۸ داریم:

$$v = at + v_0 \Rightarrow 0/0 \text{ m/s} = (-3/8 \text{ m/s}^2)t + 11/1 \text{ m/s} \Rightarrow t = 29/2 \text{ s}$$

### مثال ۱۴



متوجه کی که در راستای محور  $x$  حرکت می‌کند در لحظه  $t = 0$  از مکان  $x_0 = 0$  می‌گذرد. نمودار سرعت-زمان این متوجه مطابق شکل رو به رو است.

الف) متوجه در کدام بازه زمانی، در جهت محور  $x$  و در کدام بازه زمانی در خلاف جهت محور  $x$  حرکت کرده است؟

ب) در چه لحظه یا لحظه‌هایی جهت حرکت متوجه تغییر کرده است؟

پ) با توجه به نمودار سرعت-زمان توضیح دهید در کدام بازه‌های زمانی حرکت جسم تندشونده و یا کُندشونده است.

ت) مکان متوجه را در هر یک از لحظه‌های  $t_1 = 1 \text{ s}$ ,  $t_2 = 2 \text{ s}$ ,  $t_3 = 4 \text{ s}$ ,  $t_4 = 5 \text{ s}$  پیدا کنید و روی محور  $x$  نشان دهید.

ث) مسیر حرکت متوجه را رسم کنید و با توجه به آن، جایه‌جایی و مسافت طی شده را در کل زمان حرکت پیدا کنید.

ج) مساحت سطح زیر نمودار  $v$  را حساب کنید و مقدار آن را با جایه‌جایی متوجه در قسمت قبل مقایسه کنید. مساحت بخشی از سطح را که زیر محور است منفی بگیرید.

**پاسخ:** الف) با توجه به نمودار، در بازه زمانی صفر تا  $1 \text{ s}$ ، سرعت متوجه منفی است و بنابراین در جهت منفی محور  $x$  حرکت کرده است. همچنین در بازه زمانی  $1 \text{ s}$  تا  $4 \text{ s}$ ، سرعت متوجه مثبت است و بنابراین در جهت مثبت محور  $x$  حرکت کرده است.

ب) تنها در لحظه  $t_1 = 1 \text{ s}$  علامت سرعت و در نتیجه جهت حرکت متوجه تغییر کرده است.

پ) در بازه زمانی صفر تا  $t_1 = 1 \text{ s}$ ، تندی در حال کاهش و در نتیجه حرکت کُندشونده است.

در بازه زمانی  $t_1 = 1 \text{ s}$  تا  $t_2 = 2 \text{ s}$ ، تندی در حال افزایش و در نتیجه حرکت تندشونده است.

در بازه زمانی  $t_2 = 2 \text{ s}$  تا  $t_3 = 4 \text{ s}$ ، حرکت با سرعت ثابت است.

در بازه زمانی  $t_3 = 4 \text{ s}$  تا  $t_4 = 5 \text{ s}$ ، تندی در حال کاهش و در نتیجه حرکت کُندشونده است.

ت) در بازه زمانی صفر تا  $t_4 = 5 \text{ s}$  حرکت با شتاب ثابت است. به این ترتیب از معادله ۸ داریم:

$$v = at + v_0 \Rightarrow (2/0 \text{ m/s}) = a(2/0 \text{ s}) + (-2/0 \text{ m/s}) \Rightarrow a = 0/20 \text{ m/s}^2$$

در این صورت با توجه به معادله ۱، در لحظه  $t_1 = 1 \text{ s}$  داریم:

$$x = \frac{1}{2}at^2 + v_0 t + x_0 \Rightarrow x_1 = \frac{1}{2}(0/20 \text{ m/s}^2)(1 \text{ s})^2 + (-2/0 \text{ m/s})(1 \text{ s}) + 0 \Rightarrow x_1 = -10 \text{ m}$$

در لحظه  $t_2 = 2\text{ s}$  داریم :

$$x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0 \Rightarrow x_2 = \frac{1}{2}(2\text{ m/s})(2\text{ s})^2 + (-2\text{ m/s})(2\text{ s}) + 0 \Rightarrow x_2 = 0$$

در بازه زمانی  $2\text{ s}$  تا  $4\text{ s}$ ، حرکت با سرعت ثابت روی خط راست است. به این ترتیب با توجه به معادله  $7-1$ ، جابه‌جایی در این بازه زمانی برابر است با :

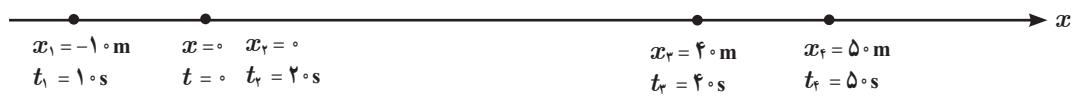
$$\Delta x = v\Delta t \Rightarrow \Delta x = (2\text{ m/s})(4\text{ s} - 2\text{ s}) = 4\text{ m}$$

در نتیجه متحرک در لحظه  $t_2 = 4\text{ s}$  در مکان  $x_2 = 4\text{ m} = 4\text{ m}$  قرار دارد.

در بازه زمانی  $4\text{ s}$  تا  $5\text{ s}$ ، حرکت با شتاب ثابت است. به این ترتیب داریم :

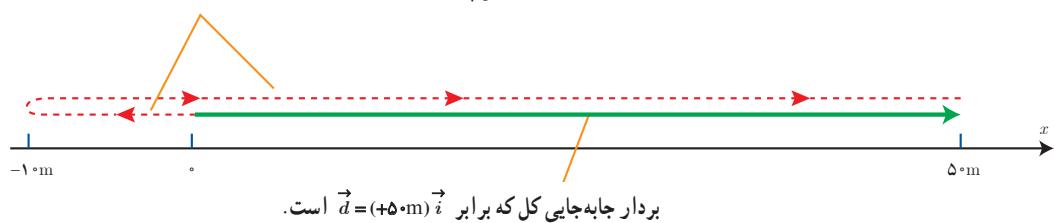
$$\Delta x = \left(\frac{v_1 + v_2}{2}\right)\Delta t = \left(\frac{2\text{ m/s} + 0}{2}\right)(1\text{ s}) \Rightarrow \Delta x = 1\text{ m}$$

در نتیجه متحرک در لحظه  $t_2 = 5\text{ s}$  در مکان  $x_2 = 4\text{ m} + 1\text{ m} = 5\text{ m}$  قرار دارد.

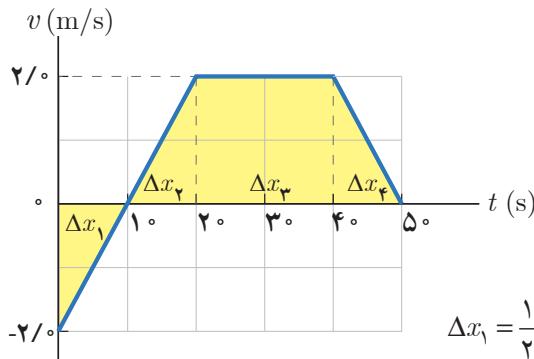


ث) در شکل زیر جابه‌جایی و مسافت طی شده توسط متحرک در کل زمان حرکت نشان داده شده است.

مسافت کل پیموده شده برابر است.



بردار جابه‌جایی کل که برابر  $\vec{d} = (+5\text{ m})$  است.



ج) مساحت سطح زیر نمودار سرعت – زمان که با رنگ زرد در شکل مشخص شده است، برابر جابه‌جایی متحرک است. به این ترتیب برای هر یک از بازه‌های زمانی داریم :

$$\Delta x_1 = \frac{1}{2}(-2\text{ m/s})(1\text{ s}) = -1\text{ m} \quad \Delta x_2 = \frac{1}{2}(2\text{ m/s})(1\text{ s}) = 1\text{ m}$$

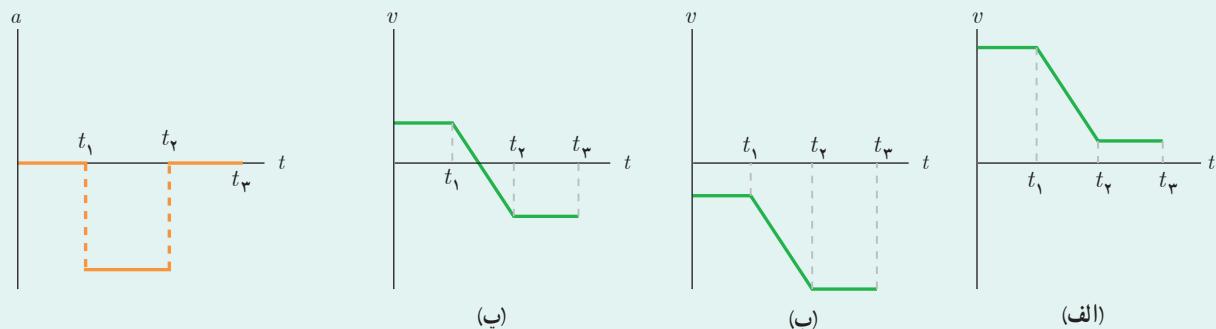
$$\Delta x_3 = (2\text{ m/s})(2\text{ s}) = 4\text{ m} \quad \Delta x_4 = \frac{1}{2}(2\text{ m/s})(1\text{ s}) = 1\text{ m}$$

$$\Delta x = \Delta x_1 + \Delta x_2 + \Delta x_3 + \Delta x_4 = -1\text{ m} + 1\text{ m} + 4\text{ m} + 1\text{ m} = 5\text{ m}$$

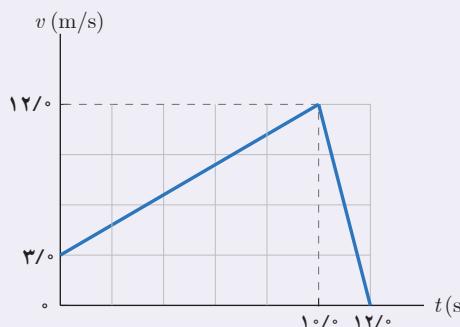
همان‌طور که از نتیجه بالا دیده می‌شود، مساحت سطح بین نمودار سرعت – زمان و محور زمان در کل زمان حرکت، با جابه‌جایی متحرک برابر است.

### پرسش ۷-۱

نمودار شتاب - زمان متغیر کی که در امتداد محور  $x$  حرکت می کند مطابق شکل زیر است. توضیح دهید چگونه هر یک از نمودارهای سرعت - زمان شکل های الف، ب و پ می تواند متناظر با این نمودار شتاب - زمان باشد.

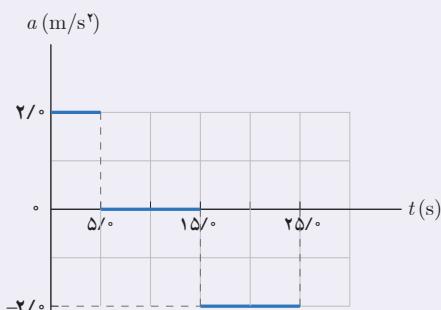


### تمرین ۱۰



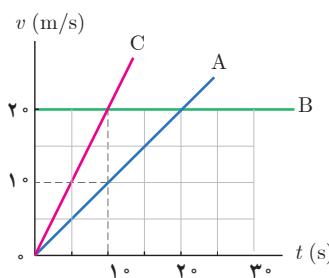
- آهوبی در مسیری مستقیم در امتداد محور  $x$  می دود. نمودار سرعت - زمان آهو در بازه زمانی صفر تا  $12\text{ s}$  مطابق شکل است. در این بازه زمانی  
 الف) مسافت کل پیموده شده توسط آهو را به دست آورید.  
 ب) جایه جایی آهو را پیدا کنید.  
 پ) نمودار شتاب - زمان آهو را رسم کنید.

### تمرین ۱۱



- شکل مقابل نمودار شتاب - زمان یک ماشین اسباب بازی را نشان می دهد که در امتداد محور  $x$  حرکت می کند. با فرض  $x_0 = 0$  و  $v_0 = 0$  در بازه زمانی صفر تا  $25\text{ s}$ ،  
 الف) نمودارهای سرعت - زمان و مکان - زمان این ماشین را رسم کنید.  
 ب) با توجه به نمودار سرعت - زمان، مشخص کنید در کدام یک از بازه های زمانی، حرکت ماشین تندشونده، کُندشونده یا با سرعت ثابت است.  
 پ) شتاب متوسط ماشین را پیدا کنید.  
 ت) جایه جایی ماشین را پیدا کنید.

### ۱-۱ شناخت حرکت



۱. با توجه به داده‌های نقشهٔ شکل زیر،

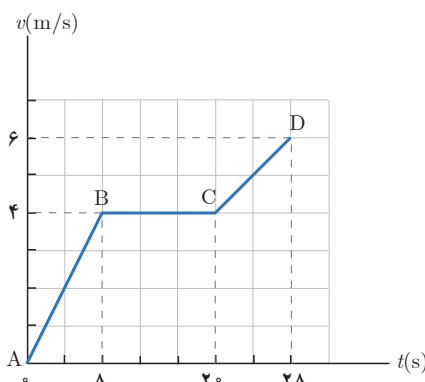
الف) تندی متوسط و اندازهٔ سرعت متوسط خودرو را پیدا کنید.

ب) مفهوم فیزیکی این دو کمیت چه تفاوتی با یکدیگر دارد؟

پ) در چه صورت تندی متوسط و اندازهٔ سرعت متوسط می‌توانست تقریباً با یکدیگر برابر باشد؟

پ) در بازهٔ زمانی  $0 \leq t \leq 10$  جابه‌جایی این سه متحرک را پیدا کنید.

**۲۴.** شکل زیر نمودار سرعت – زمان متحرکی را که در امتداد محور  $x$  حرکت می‌کند در مدت ۲۸ ثانیه نشان می‌دهد.



الف) شتاب در هر یک از مرحله‌های AB, BC و CD چقدر است؟

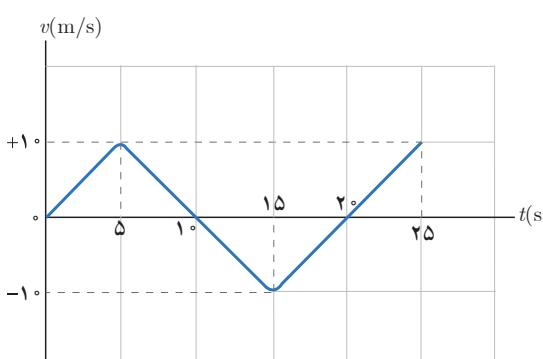
ب) شتاب متوسط در بازهٔ زمانی صفر تا ۲۸ ثانیه چقدر است؟

پ) جابه‌جایی متحرک را در این بازهٔ زمانی پیدا کنید.

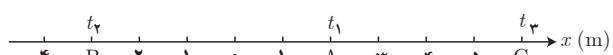
**۲۵.** نمودار سرعت – زمان متحرکی مطابق شکل زیر است.

الف) نمودار شتاب – زمان این متحرک را رسم کنید.

ب) اگر  $x_0 = -10\text{ m}$  باشد نمودار مکان – زمان متحرک را رسم کنید.



**۲۶.** متحرکی مطابق شکل در لحظه  $t_1$  در نقطه A، در لحظه  $t_2$  در نقطه B و در لحظه  $t_3$  در نقطه C قرار دارد.



الف) بردارهای مکان متحرک را در هر یک از این لحظه‌ها روی محور  $x$  رسم کنید و بر حسب بردار یکه بنویسید.

ب) بردار جابه‌جایی متحرک را در هر یک از بازه‌های زمانی  $t_1$  تا  $t_2$ ،  $t_2$  تا  $t_3$  و  $t_1$  تا  $t_3$  به دست آورید.

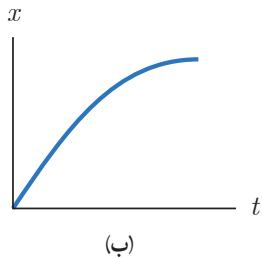
**۲۷.** در شکل زیر نمودار سرعت – زمان سه متحرک نشان داده شده است.

الف) شتاب سه متحرک را به طور کیفی با یکدیگر مقایسه کنید.

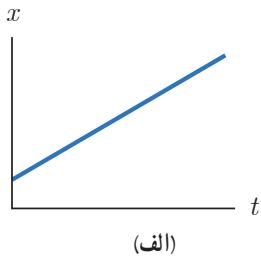
ب) شتاب هر متحرک را به دست آورید.

### فصل ۱: حرکت برخط راست

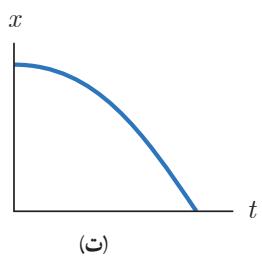
**۶.** توضیح دهید از نمودارهای مکان – زمان شکل زیر کدام موارد حرکت متغیر کی را توصیف می کند که از حال سکون شروع به حرکت کرده و به تدریج بر تنی آن افزوده شده است.



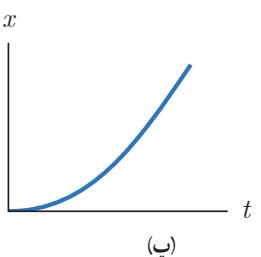
(ب)



(الف)

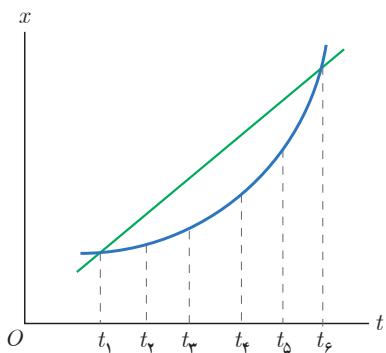


(ت)



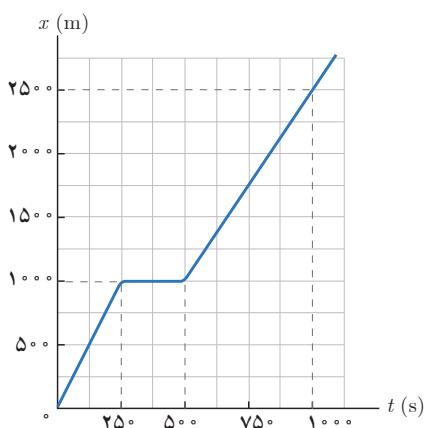
(ب)

**۷.** شکل زیر نمودار مکان – زمان دو خودرو را نشان می دهد که در جهت محور  $x$  در حرکت اند.



الف) در چه لحظه هایی دو خودرو از کنار یکدیگر می گذرند؟  
ب) در چه لحظه ای تنی دو خودرو تقریباً یکسان است؟  
پ) سرعت متوسط دو خودرو را در بازه زمانی  $t_1$  تا  $t_6$  با هم مقایسه کنید.

**۸.** شکل زیر نمودار مکان – زمان حرکت یک دونده دوی نیمه استقامت را در امتداد یک خط راست نشان می دهد.



$x$  (m)

۲۵۰۰

۲۰۰۰

۱۵۰۰

۱۰۰۰

۵۰۰

۰

۲۵۰

۵۰۰

۷۵۰

۱۰۰۰

$t$  (s)

الف) در کدام بازه زمانی دونده سریع تر دویده است؟

ب) در کدام بازه زمانی، دونده ایستاده است؟

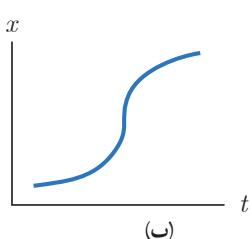
پ) سرعت دونده را در بازه زمانی  $0$  تا  $25$  s حساب کنید.

ت) سرعت دونده را در بازه زمانی  $50$  تا  $75$  s حساب کنید.

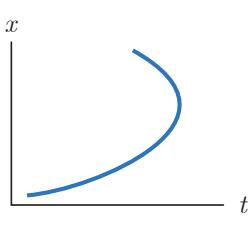
ث) سرعت متوسط دونده را در بازه زمانی  $0$  تا  $100$  s حساب کنید.

کنید.

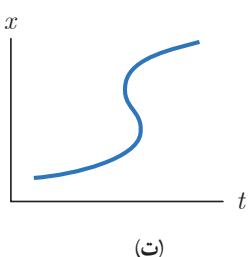
**۹.** توضیح دهید کدام از نمودارهای مکان – زمان شکل زیر می تواند نشان دهنده نمودار  $x-t$  یک متغیر باشد.



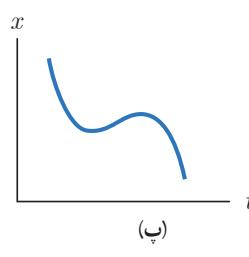
(ب)



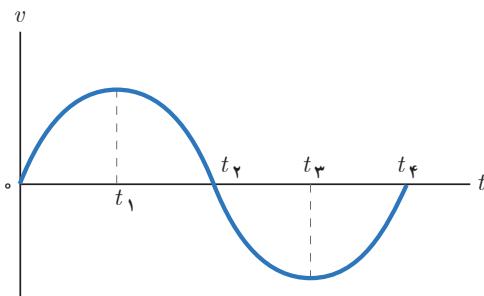
(الف)



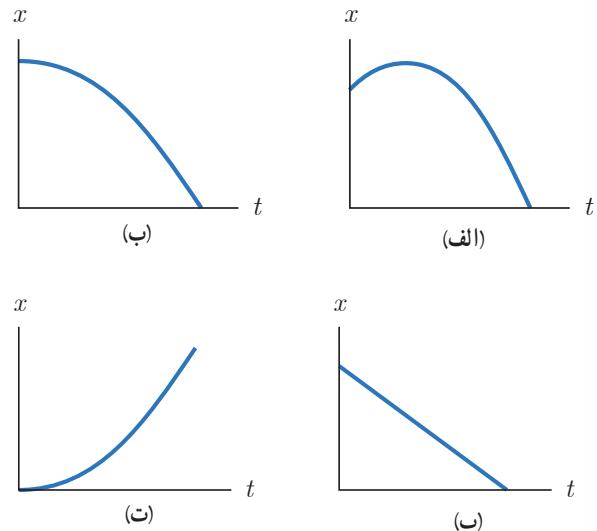
(ت)



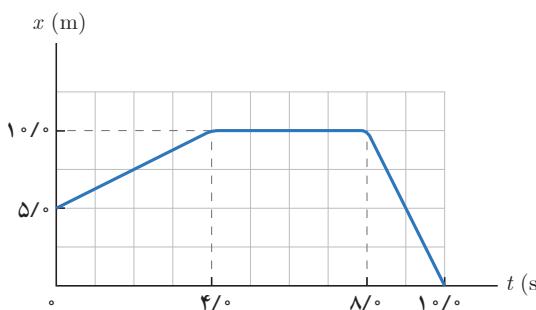
(ب)



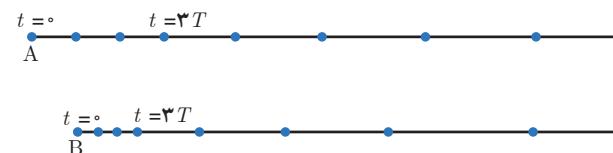
**۱۰.** توضیح دهید کدام یک از نمودارهای مکان – زمان نشان داده شده، حرکت متحرکی را توصیف می کند که سرعت اولیه آن در جهت محور  $x$  و شتاب آن بر خلاف جهت محور  $x$  است.



- ۱۱.** جسمی با سرعت ثابت بر مسیری مستقیم در حرکت است.  
اگر جسم در لحظه  $t_1 = 5\text{ s}$  در مکان  $x_1 = 6\text{ m}$  و در لحظه  $t_2 = 20\text{ s}$  در مکان  $x_2 = 36\text{ m}$  باشد،  
الف) معادله مکان – زمان جسم را بنویسید.  
ب) نمودار مکان – زمان جسم را رسم کنید.  
**۱۲.** شکل زیر نمودار مکان – زمان متحرکی را نشان می دهد که در امتداد محور  $x$  حرکت می کند.



**۱۳.** هر یک از شکل های زیر مکان یک خودرو را در لحظه های  $t = 0$ ,  $t = 2T$ ,  $t = T$ ,  $t = -T$ ,  $t = -2T$  نشان می دهد. هر دو خودرو در لحظه  $t = 3T$  شتاب می گیرند. توضیح دهید.



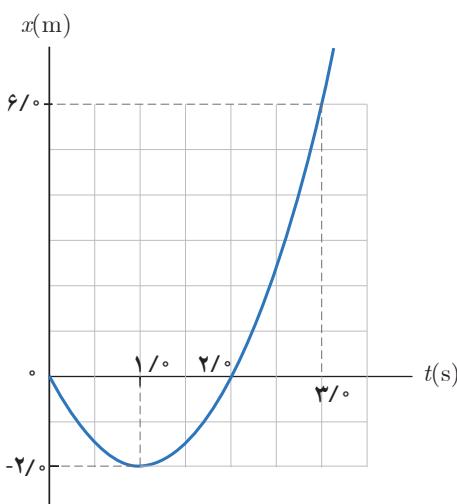
- الف) جابه جایی و مسافت پیموده شده توسط متحرک در کل زمان حرکت چقدر است؟  
ب) سرعت متوسط متحرک را در هر یک از بازه های زمانی  $0\text{ s} \leq t \leq 4\text{ s}$ ,  $4\text{ s} \leq t \leq 8\text{ s}$ ,  $8\text{ s} \leq t \leq 10\text{ s}$  و همچنین در کل زمان حرکت به دست آورید.  
پ) معادله حرکت متحرک را در هر یک از بازه های زمانی  $0\text{ s} \leq t \leq 4\text{ s}$ ,  $4\text{ s} \leq t \leq 8\text{ s}$ ,  $8\text{ s} \leq t \leq 10\text{ s}$  بنویسید.  
ت) نمودار سرعت – زمان متحرک را رسم کنید.

- الف) سرعت اولیه کدام خودرو بیشتر است.  
ب) سرعت نهایی کدام خودرو بیشتر است.  
پ) کدام خودرو شتاب بیشتری دارد.

- ۱۴.** معادله حرکت جسمی در SI به صورت  $x = t^3 - 3t^2 + 4$  است.  
الف) مکان متحرک را در  $s = 0$  و  $t = 2\text{ s}$  به دست آورید.  
ب) سرعت متوسط جسم را در بازه زمانی صفر تا ۲ ثانیه پیدا کنید.  
**۱۵.** نمودار سرعت – زمان متحرکی در شکل زیر نشان داده شده است. تعیین کنید در کدام بازه های زمانی بردار شتاب در جهت محور  $x$  و در کدام بازه های زمانی در خلاف جهت محور  $x$  است.

### فصل ا: حرکت برخط راست

**۱۴.** شکل زیر نمودار مکان – زمان متحرکی را نشان می دهد که در امتداد محور  $x$  با شتاب ثابت در حرکت است.



الف) سرعت متوسط متحرک در بازه زمانی صفر تا  $30$  ثانیه،

چند متر بر ثانیه است؟

ب) معادله مکان – زمان متحرک را بنویسید.

پ) سرعت متحرک را در لحظه  $t=30$  s پیدا کنید.

ت) نمودار سرعت – زمان متحرک را رسم کنید.

**۱۵.** متحرکی در امتداد محور  $x$  و با شتاب ثابت در حرکت است. در مکان  $x=+10$  m سرعت متحرک  $v=+4$  m/s و در مکان  $x=+19$  m سرعت متحرک  $v=+18$  km/h است.

الف) شتاب حرکت آن چقدر است؟

ب) پس از چه مدتی سرعت متحرک از  $+4$  m/s به سرعت  $+18$  km/h می رسد؟

**۱۶.** خودرویی پشت چراغ قرمز ایستاده است. با سبز شدن چراغ، خودرو با شتاب  $2$  m/s<sup>2</sup> شروع به حرکت می کند. در همین لحظه، کامیونی با سرعت ثابت  $v=36$  km/h از آن سبقت می گیرد.

الف) در چه لحظه و در چه مکانی خودرو به کامیون می رسد؟

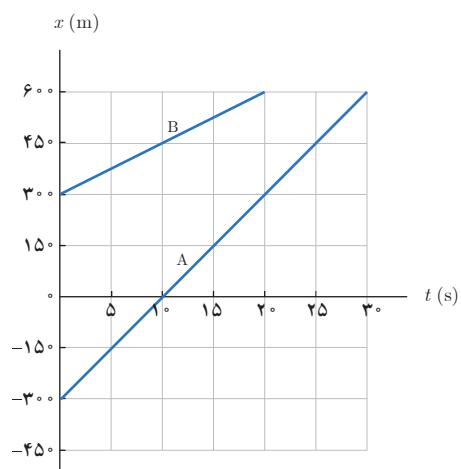
ب) نمودار مکان – زمان را برای خودرو و کامیون در یک دستگاه مختصات رسم کنید.

پ) نمودار سرعت – زمان را برای خودرو و کامیون در یک دستگاه مختصات رسم کنید.

**۱۷.** شکل زیر نمودار مکان – زمان دو خودرو را نشان می دهد که روی خط راست حرکت می کنند.

الف) معادله حرکت هر یک از آنها را بنویسید.

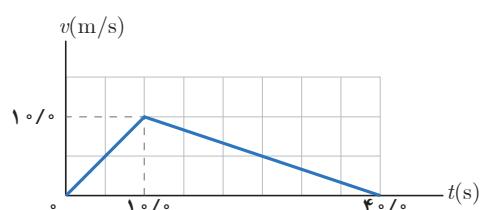
ب) اگر خودروها با همین سرعت حرکت کنند، در چه زمان و مکانی به هم می رسند؟

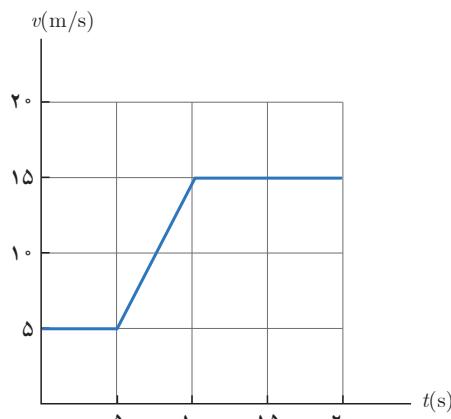


**۱۸.** دانستن محل قرارگیری یک ماهواره در مأموریت‌های فضایی و اطمینان از اینکه ماهواره در مدار پیش‌بینی شده قرار گرفته، یکی از مأموریت‌های کارشناسان فضایی است. بدین منظور تپ‌های الکترومغناطیسی را که با سرعت نور در فضا حرکت می کنند، به طرف ماهواره موردنظر می‌فرستند و بازتاب آن توسط ایستگاه زمینی دریافت می‌شود. اگر زمان رفت و برگشت یک تپ  $24$  ثانیه باشد، فاصله ماهواره از ایستگاه زمینی، تقریباً چقدر است؟

### ۱-۳ حرکت با شتاب ثابت

**۱۹.** نمودار  $v-t$  متحرکی که در امتداد محور  $x$  حرکت می کند مطابق شکل زیر است. سرعت متوسط متحرک در بازه زمانی  $0$  تا  $5$  s چند برابر سرعت متوسط آن در بازه زمانی  $25$  تا  $40$  s است؟





pp. شکل نشان داده شده نمودار سرعت – زمان خودرویی را نشان می‌دهد که روی مسیری مستقیم حرکت می‌کند.

الف) شتاب خودرو را در هر یک از لحظه‌های  $t=8\text{s}$  ،  $t=3\text{s}$  و  $t=11\text{s}$  به دست آورید.

ب) شتاب متوسط در بازه زمانی  $t_1=0\text{s}$  تا  $t_2=2\text{s}$  را به دست آورید.

پ) در هر یک از بازه‌های زمانی  $t_1=5\text{s}$  تا  $t_2=11\text{s}$  و  $t_1=11\text{s}$  تا  $t_2=20\text{s}$  خودرو چقدر جابه‌جا شده است؟

ت) سرعت متوسط خودرو در بازه‌های  $t_1=5\text{s}$  تا  $t_2=11\text{s}$  و  $t_1=20\text{s}$  تا  $t_2=11\text{s}$  را به دست آورید.



فصل

## دینامیک



وقتی در یک تصادف، به خودرو از پشت ضربه شدیدی وارد شود، به دلیل تفاوتی که در حرکت تنه و سر راننده رخ می‌دهد، به گردن راننده آسیبی وارد می‌شود که به آن آسیب تازیانه‌ای (whiplash injury) می‌گویند. در نبود ضربه گیر گردن ممکن است این آسیب جدی و جبران ناپذیر باشد. به کمک مفاهیم نیرو می‌توان دلیل این آسیب را توضیح داد.

### بخش‌ها

- ۱-۲ قوانین حرکت نیوتون
- ۲-۲ معرفی برخی از نیروهای خاص
- ۳-۲ تکانه و قانون دوم نیوتون
- ۴-۲ نیروی گرانشی

در تمام فعالیت‌های روزانه با نیرو سروکار داریم. راه رفتن، باز و بسته کردن در و پنجره، نوشتن، کار با گوشی همراه، شنا کردن و دوچرخه‌سواری نمونه‌هایی از این دست هستند و همچنین حرکت قطار، هوایپما، خودرو و ... بدون اعمال نیرو انجام نمی‌شوند.

در فصل اول با کمیت‌های مکان، تندی، سرعت و شتاب آشنا شدیم و حرکت یک جسم را به کمک آنها توصیف کردیم اما از علت انواع حرکت، پرسشی مطرح نشد، مثلاً در چه صورت حرکت جسم با سرعت ثابت است؟ در چه صورت جسم دارای حرکت با شتاب ثابت روی خط راست است؟ در چه صورت جسم ساکن می‌ماند؟ و ... .

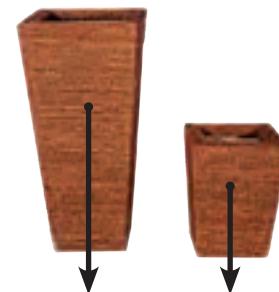
وقتی جسمی را می‌کشیم یا آن را هل می‌دهیم، به آن نیرو وارد می‌کنیم. نیرو، حاصل برهم کش یا اثر متقابل دو جسم بر یکدیگر است. نیرو کمیتی برداری است که علاوه بر اندازه، جهت نیز دارد (شکل ۱-۲). معمولاً نیرو را با  $\vec{F}$  نشان می‌دهند.<sup>۱</sup> در رسم نیرو از یک پاره خط جهت دار با مقیاس مناسب استفاده می‌شود؛ مثلاً در شکل ۲-۲، بردار وزن دو گلدان را مشاهده می‌کنید که با مقیاس مناسب رسم شده‌اند.

نیرو را به کمک نیروسنج اندازه‌گیری می‌کنیم و یکای آن، نیوتون است که با نماد N نشان داده می‌شود. اثر نیرو بر یک جسم به شکل‌های مختلف مانند شروع به حرکت کردن، توقف، کم و زیاد شدن اندازه سرعت (تندی)، تغییر جهت سرعت و تغییر شکل آن جسم، خود را نشان می‌دهد. با توجه به آنچه در مورد سرعت فراگرفتیم، می‌توان به طور خلاصه نشان داد که نیروی وارد بر یک جسم می‌تواند سبب تغییر سرعت جسم یا تغییر شکل آن شود.

به طور کلی در این فصل می‌خواهیم درباره نیروها، که نقش اساسی در تغییر سرعت یک جسم یا تغییر شکل جسم دارند و قوانین حرکت بحث کنیم. در کتاب علوم نهم با مفهوم نیرو و قوانین نیوتون درباره حرکت آشنا شدیم. در اینجا ضمن مرور و یادآوری آنها، مفاهیم فراگرفته شده را گسترش می‌دهیم تا توانایی و درک شما در رابطه با مفهوم نیرو، عمق بیشتری پیدا کند و بتوانید براساس نیروهای وارد شده به یک جسم، حرکت آن را بررسی و تحلیل کنید.



**شکل ۱-۲** هنگام وارد کردن نیرو به توب، باید جهت و اندازه نیروی وارد بر توب به گونه‌ای باشد که توب به مکان مناسب و موردنظر بازیکنان بخورد کند.



**شکل ۲-۲** گاهی برای سادگی فرض می‌شود که همه جرم یک جسم در یک نقطه به نام مرکز جرم جسم متتمرکز شده است و بدجای آنکه نیرو به قسمت‌های مختلف جسم وارد شود به این نقطه وارد می‌شود.

## ۱-۲ قوانین حرکت نیوتون

ایزاك نیوتون (۱۶۴۳-۱۷۲۷ م.) نخستین کسی بود که به رابطه میان نیرو و شتاب بی برد. این رابطه همراه با دیگر قانون‌های نیوتون، اساس مکانیک نیوتونی را تشکیل می‌دهند. در این بخش به بررسی سه قانون اصلی حرکت می‌پردازیم.

**قانون اول نیوتون:** در علوم نهم دیدیم که اگر به جسمی به طور هم‌زمان چند نیرو اثر کند و این نیروها اثر یکدیگر را خنثی کنند، به عبارت دیگر برایند نیروهای وارد بر جسم صفر شود، می‌گوییم نیروهای وارد بر جسم متوازن هستند.

۱- سرواژه انگلیسی Force به معنای نیرو است.

## پرسش ۱-۲



در شکل رو به رو یک کشتی در حال حرکت را می بینید که نیروهای وارد بر آن متوازن‌اند. کدام نیروها اثر یکدیگر را ختنی کرده‌اند؟

قبل از سال ۱۶۰۰ میلادی دیدگاه رایج این بود که هر جسم در حال حرکتی برای ادامهٔ حرکت حتماً نیاز به نیرو دارد، ولی گالیله با طراحی آزمایش‌هایی ذهنی نتیجه گرفت که در نبود نیرو، حرکت جسم متاخر ادامه می‌یابد. نیوتون نظر گالیله را به صورت یک قانون بیان کرد که به نام قانون اول نیوتون شهرت دارد: «یک جسم، حالت سکون یا حرکت با سرعت ثابت خود را حفظ می‌کند مگر آنکه نیروی خالص غیرصفیری به آن وارد شود». به عبارت دیگر وقتی نیروهای وارد بر جسمی متوازن باشند، اگر جسم ساکن باشد، همچنان ساکن باقی می‌ماند و اگر در حال حرکت باشد، سرعت جسم تغییر نمی‌کند و ثابت می‌ماند.

## پرسش ۲-۲

در فیلمی علمی – تخیلی، موتور یک کشتی فضایی که در فضای تهی خارج از جو زمین و دور از هر سیاره و خورشید در حرکت است، از کار می‌افتد. در نتیجهٔ حرکت کشتی فضایی کُند می‌شود و می‌ایستد. آیا امکان وقوع چنین رویدادی وجود دارد؟ توضیح دهید.

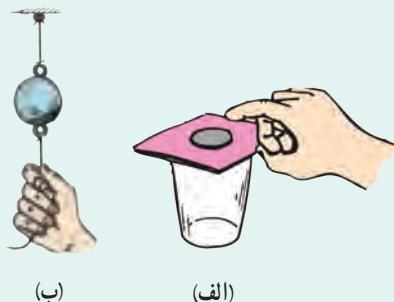
## فعالیت ۱-۲

درباره آزمایش ذهنی گالیله تحقیق کنید و به کلاس گزارش دهید.

فرض کنید در اتوبوسی نشسته‌اید و اتوبوس در یک جاده مستقیم حرکت می‌کند. اگر راننده ترمز کند و شما کمربند خود را نسبته باشید، ممکن است به جلو پرتاپ شوید (متمايل شويد)، یا اگر اتوبوس ساکن باشد و ناگهان شروع به حرکت کند، به طرف عقب به صندلی خود فشرده می‌شوید. آیا علت آن را می‌دانید؟ بر اساس قانون اول نیوتون، اگر بر جسم نیروی خالصی وارد نشود، جسم ساکن می‌ماند و یا با سرعت ثابت به حرکت خود ادامه می‌دهد. به این خاصیت اجسام که میل دارند وضعیت حرکت خود را هنگامی که نیروی خالص وارد بر آنها صفر است حفظ کنند، **لختی<sup>۱</sup>** گویند.

<sup>۱</sup>—Inertia

## پرسش ۳-۲



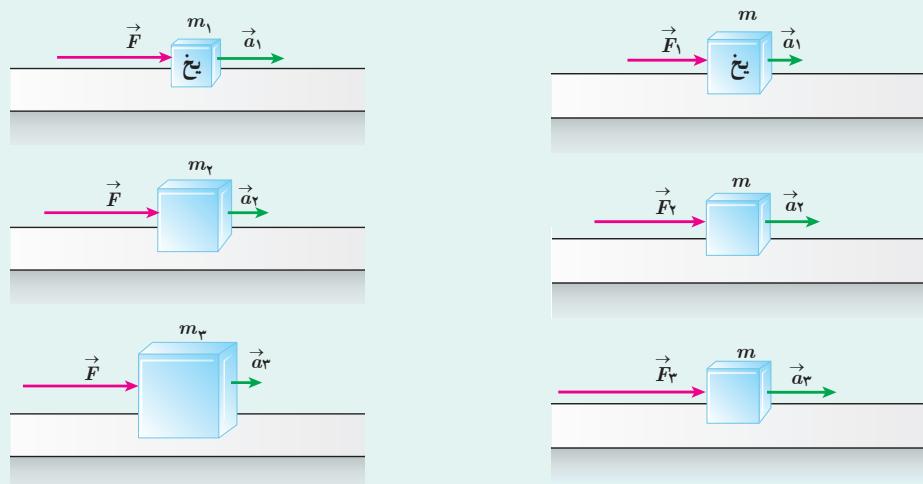
الف) چرا حرکت سریع مقوا در شکل الف، سبب افتادن سکه در لیوان می‌شود؟

ب) چرا در شکل ب، اگر به آرامی نیروی وارد بر گوی سنگین را زیاد کنیم نخ بالای گوی پاره می‌شود، اما اگر ناگهان نخ را بکشیم، نخ پایین آن پاره می‌شود؟

**قانون دوم نیوتون:** قانون اول نیوتون به بررسی حرکت جسمی می‌پردازد که نیروی خالص وارد بر آن صفر است. حال اگر نیروهای وارد بر جسم متوازن نباشند، یعنی نیروی خالصی بر جسم وارد شود، برای حرکت جسم چه اتفاقی می‌افتد؟ قانون دوم نیوتون به این پرسش پاسخ می‌دهد. همان‌طور که در علوم نهم دیدیم وقتی نیروی خالصی به جسمی وارد می‌شود، سرعت آن تغییر می‌کند و جسم تحت تأثیر آن نیرو، شتابی در جهت نیروی خالص پیدا می‌کند.

## پرسش ۴-۲

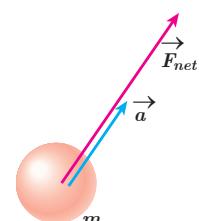
در شکل‌های زیر، قطعه‌یخ‌ها روی یک سطح افقی بدون اصطکاک قرار دارند. استنباط خود را از این شکل‌ها بیان کنید.



مشاهدات مختلف نشان می‌دهد هر چه نیروی خالص وارد بر جسم بزرگ‌تر باشد شتابی که جسم می‌گیرد نیز بیشتر خواهد بود. جرم جسم نیز روی شتابی که این جسم می‌گیرد مؤثر است. با یک نیروی خالص معین، هر چه جرم جسم بیشتر باشد، شتاب آن کمتر است. یعنی شتاب با جرم نسبت وارون دارد.

چنین تجربیاتی در تأیید قانون دوم نیوتون است که بیان می‌کند :

هرگاه بر جسم نیروی خالصی وارد شود، جسم تحت تأثیر آن نیرو شتاب می‌گیرد که این شتاب با نیروی خالص وارد بر آن ( $\vec{F}_{net}$ ) در جهت ( $\vec{a}$ ) است.



شکل ۴-۳ شتاب جسم ( $\vec{a}$ ) در جهت نیروی خالص وارد بر آن ( $\vec{F}_{net}$ ) است.

نسبت وارون دارد.

**توجه:** در رابطه ۱-۲،  $\vec{F}_{net}$  نیرو نیست.  
تمام نیروهای وارد بر یک جسم با هم  
جمع برداری می‌شوند تا نیروی خالص  
 $\vec{F}_{net}$  (وارد بر جسم بدست آید و آن را  
در سمت چپ معادله قرار می‌دهند. این  
نیروی خالص مساوی با حاصل ضرب  
جرم در شتاب  $(ma)$  است.

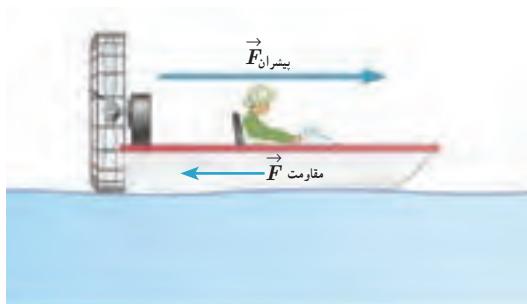
$$\vec{a} = \frac{\vec{F}_{net}}{m}$$

و یا

$$\vec{F}_{net} = m \vec{a}$$

(قانون دوم نیوتون) (۱-۲)

یکای SI نیرو، نیوتون است. یک نیوتون برابر با مقدار نیروی خالصی<sup>۱</sup> است که به جسمی به جرم یک کیلوگرم، شتابی برابر یک متر بر مربع ثانیه می‌دهد.

**مثال ۱-۲**

نیروی موتور یک قایق موتوری که جرم آن با سرنشیش  $40.0 \text{ kg}$  است، به گونه‌ای تنظیم می‌شود که در بازه زمانی معینی، همواره نیروی افقی خالص  $80.0 \text{ N}$  به طرف جلو بر قایق وارد می‌کند.

(الف) شتاب این قایق چقدر و در چه جهتی است؟

(ب) اگر نیروی پیشران در یک لحظه  $130.0 \text{ N}$  باشد، نیروی مقاومت در آن لحظه چقدر است؟

(پ) چقدر طول می‌کشد تا سرعت قایق از حالت سکون به  $15.0 \text{ m/s}$  برسد؟ در این مدت قایق چقدر جابه‌جا می‌شود؟

**پاسخ:** (الف) از قانون دوم نیوتون برای پیدا کردن شتاب قایق استفاده می‌کنیم. قایق در یک مسیر مستقیم حرکت می‌کند،

می‌توان رابطه ۱-۲ را برای یک راستا به صورت  $a = \frac{\vec{F}_{net}}{m}$  نوشت:

$$a = \frac{\vec{F}_{net}}{m} = \frac{80.0 \text{ N}}{40.0 \text{ kg}} = 2.00 \text{ N/kg} = 2.00 \text{ m/s}^2$$

با توجه به اینکه جهت شتاب همواره در جهت نیروی خالص است، شتاب قایق به طرف جلو خواهد بود.

(ب) نیروی پیشران و مقاومت در یک راستا هستند، بنابراین می‌توانیم بنویسیم:

$$\vec{F}_{net} = \vec{F}_{pusher} - \vec{F}_{resistance} \Rightarrow 80.0 \text{ N} = 130.0 \text{ N} - F_{resistance}$$

$$F_{resistance} = 50.0 \text{ N}$$

(پ) از رابطه سرعت - زمان و سرعت - جابه‌جای در حرکت با شتاب ثابت استفاده می‌کنیم.

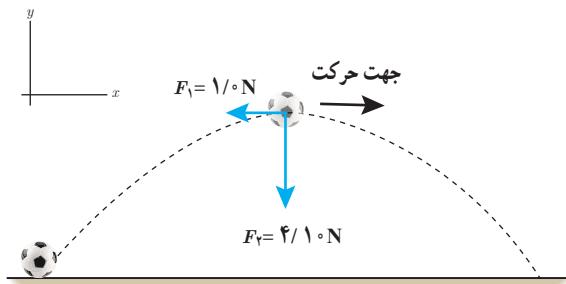
$$v = at + v_0 \Rightarrow 15.0 \text{ m/s} = (2.00 \text{ m/s}^2)t + 0 \text{ m/s} \Rightarrow t = 7.5 \text{ s}$$

$$x = v_0 t + \frac{1}{2} a t^2 \Rightarrow \Delta x = \frac{(15.0 \text{ m/s})^2 - (0 \text{ m/s})^2}{2(2.00 \text{ m/s}^2)} = 56.25 \text{ m}$$

به این ترتیب با داشتن نیروی خالص می‌توانیم کمیت‌های شتاب، سرعت، زمان حرکت، مکان و جابه‌جای را بدست آوریم.

۱- واژه *net* در زبان انگلیسی به معنای خالص است.

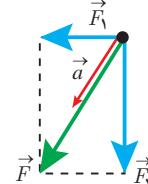
## مثال ۲-۲



شکل رو به رو نیروهای وارد بر توب فوتالی به جرم  $42\text{ g}$  را در بالاترین نقطه مسیرش نشان می‌دهد که در آن  $\vec{F}_1$  نیروی مقاومت هوا و  $\vec{F}_2$  وزن توب است. جهت و بزرگی شتاب توب در این نقطه را تعیین کنید. از نیروهای دیگر وارد بر توب صرف نظر می‌شود.

**پاسخ:** جهت شتاب در جهت نیروی خالص (برایند) است.

$$\begin{aligned}\vec{F}_1 &= (-4/10\text{ N}) \vec{j} \quad \vec{F}_2 = (-1/10\text{ N}) \vec{i} \\ \vec{F}_{net} &= \vec{F}_1 + \vec{F}_2 = (-1/10\text{ N}) \vec{i} + (-4/10\text{ N}) \vec{j} = \text{وزن} + \text{نیروی مقاومت هوا} = \text{نیروی خالص} \\ \vec{a} &= \frac{\vec{F}_{net}}{m} = \frac{(-1/10\text{ N}) \vec{i} + (-4/10\text{ N}) \vec{j}}{420 \times 10^{-3}\text{ kg}} = (-2/4\text{ N/kg}) \vec{i} + (-4/8\text{ N/kg}) \vec{j} \\ a &= \sqrt{a_x^2 + a_y^2} = \sqrt{(-2/4\text{ N/kg})^2 + (-4/8\text{ N/kg})^2} = 1\text{ m/kg} = 1\text{ m/s}^2\end{aligned}$$



قانون سوم نیوتن: وقتی فنری را می‌کشید، فرنیز شما را می‌کشد. در برخورد راکت با توب تنیس، راکت به توب نیرو وارد می‌کند و توب نیز به راکت نیرو وارد می‌کند. اگر شما دیوار را هل دهید. دیوار نیز شما را هل می‌دهد. دو بار الکتریکی بدون آنکه با هم تماس داشته باشند به هم نیروی الکتریکی وارد می‌کنند. همچنین دو قطب آهنربا بدون تماس با یکدیگر به هم نیروی مغناطیسی وارد می‌کنند (شکل ۲-۲). در این مثال‌ها نیرو اثر متقابل دو جسم بر یکدیگر است.

نیروها همواره به صورت جفت وجود دارند. اگر یکی از این نیروها را **کش** بنامیم، نیروی دیگر **واکنش** نامیده می‌شود. قانون سوم نیوتن رابطه کمی بین نیروهای کش و واکنش را به صورت زیر بیان می‌کند:

**هرگاه جسمی به جسم دیگر نیرو وارد کند، جسم دوم نیز به جسم اول نیرویی هماندازه و همراستا اما در خلاف جهت وارد می‌کند.**

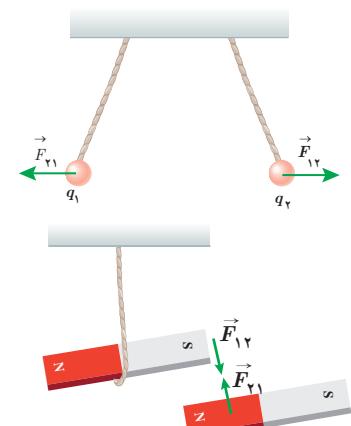
بر اساس قانون سوم نیوتن، در تمام مثال‌های بالا، هر دو نیرو هماندازه و همراستا ولی در خلاف

جهت یکدیگرند و می‌توانیم بنویسیم:

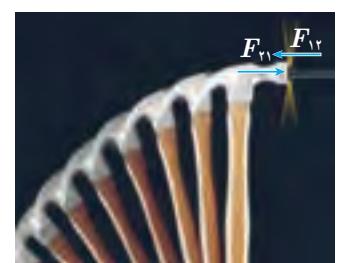
$$\vec{F}_{12} = -\vec{F}_{21} \Rightarrow F_{12} = F_{21} \quad (قانون سوم نیوتن) \quad (2-2)$$

توجه داریم ممکن است نیروهای کش و واکنش منجر به اثرات متفاوتی شود؛ مثلاً هنگام کوییدن میخ در قطعه‌ای چوب، چکش به میخ نیرو وارد می‌کند و سبب فرورفتن میخ در چوب می‌شود. نیروی وارد از میخ به چکش حرکت چکش را کنده و متوقف می‌کند (شکل ۲-۵).

توجه کنید که نیروهای کش و واکنش همواره به دو جسم وارد می‌شوند و همنوع‌اند؛ مثلاً هر دو الکتریکی‌اند، یا هر دو مغناطیسی‌اند یا هر دو گرانشی‌اند و ... .



شکل ۲-۲ نیروهای کش و واکنش هماندازه، هم راستا و در خلاف جهت یکدیگرند.



شکل ۲-۳ چکش به میخ نیرو وارد می‌کند و میخ به چکش. این نیروها هماندازه، هم راستا و در خلاف جهت یکدیگرند.

۱- بررسی حالت‌هایی که نیروها همراستا یا عمود بر هم نیستند خارج از برنامه درسی این کتاب است و نباید مورد ارزشیابی قرار گیرد.

## مثال ۳-۲



دو شخص به جرم‌های  $75\text{ kg}$  و  $50\text{ kg}$  با کفشهای چرخ‌دار در یک سالن مسطح و صاف روبروی هم ایستاده‌اند. شخص اول با نیروی  $N_{100}$  شخص دوم را به طرف راست هُل می‌دهد.

- (الف) شتابی که شخص دوم می‌گیرد چقدر است؟  
 (ب) شتابی که شخص اول می‌گیرد چقدر است؟

**پاسخ:** از قانون سوم نیوتون می‌دانیم نیرویی که شخص اول به دوم وارد می‌کند ( $\vec{F}_{12}$ ) همان‌دازه و در خلاف جهت نیرویی است که شخص دوم به اول وارد می‌کند ( $\vec{F}_{21}$ ). با انتخاب جهت مثبت محور  $x$  به طرف راست می‌توانیم بنویسیم :

$$\vec{F}_{21} = -\vec{F}_{12} \Rightarrow F_{21} = F_{12} = 100\text{ N}$$

$$\vec{a}_2 = \frac{\vec{F}_{12}}{m} = \frac{(100\text{ N})\vec{i}}{50\text{ kg}} = (2\text{ m/s}^2)\vec{i} = (2\text{ m/s}^2)\vec{i}$$

$$\vec{a}_1 = \frac{\vec{F}_{21}}{m} = \frac{(-100\text{ N})\vec{i}}{75\text{ kg}} = -(1.33\text{ m/s}^2)\vec{i} = -(1.33\text{ m/s}^2)\vec{i}$$

توجه کنید نیروهای وارد بر هر دو نفر همان‌دازه بوده است، اما به علت متفاوت بودن جرم‌ها، شتاب‌ها متفاوت شده است.

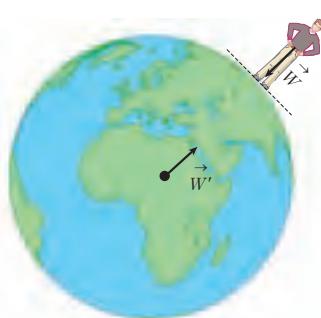
## پرسش ۵-۲

شخصی در حال هل دادن جعبه‌ای سنگین روی سطح افقی است و این جعبه در جهت این نیرو حرکت می‌کند. با توجه به آنکه نیرویی که شخص به جعبه وارد می‌کند با نیرویی که جعبه به شخص وارد می‌کند همان‌دازه است، توضیح دهید چگونه جعبه حرکت می‌کند؟

## ۲-۲ معرفی برخی از نیروهای خاص

با به قانون دوم نیوتون ( $\vec{F}_{net} = m\vec{a}$ ) برای بررسی حرکت یک جسم باید نیروهای وارد بر آن جسم را تعیین کیم. به همین دلیل لازم است با انواع نیروها آشنا شویم. در این بخش تعدادی از نیروهایی را که با آنها بیشتر سروکار داریم، معرفی می‌کنیم.

**وزن :** همان‌طور که در علوم هفتم خواندیم وزن یک جسم روی زمین، نیروی گرانشی است که از طرف زمین بر جسم وارد می‌شود (شکل ۲-۶). وقتی جسمی را در نزدیکی سطح زمین رها می‌کنیم، وزن آن سبب می‌شود تا جسم به طرف زمین شتاب پیدا کند. اگر از نیروی مقاومت هوا در مقابل حرکت چشم‌پوشی شود، طبق قانون دوم نیوتون می‌توانیم بنویسیم :



$$\text{شتاب} \times \text{جرم جسم} = \text{وزن جسم}$$

اگر جرم جسم را با  $m$ ، شتاب گرانشی را با  $g$  و وزن را با  $\vec{W}$  شان دهیم، رابطه بالا به شکل زیر درمی‌آید :

$$\vec{W} = m\vec{g}$$

$$(وزن جسم) \quad (۳-۲)$$

شکل ۲-۶ زمین بر جسم نیروی گرانشی وارد می‌کند و جسم نیز بر زمین نیروی گرانشی ( $\vec{W}$ ) وارد می‌کند.

توجه داریم که جهت وزن و در نتیجه شتاب گرانشی همواره به طرف زمین (مرکز زمین) است. جرم یک جسم در مکان‌های مختلف ثابت است، اما وزن آن طبق رابطه  $g = \frac{W}{m}$  در آن مکان بستگی دارد. مثلاً اگر جرم شخصی  $60\text{ kg}$  باشد، در محلی که  $g = 9.8\text{ m/s}^2$  است، وزن آن  $588\text{ N}$  و در بالونی که در ارتفاع زیاد حرکت می‌کند و در آن ارتفاع  $g = 9.76\text{ m/s}^2$  است تقریباً  $586\text{ N}$  است. شتاب جاذبه در سطح زمین تقریباً  $9.8\text{ m/s}^2$  است.

## تمرین ۱-۲

- الف) وزن قطعه‌ای طلا به جرم  $100\text{ g}$  را روی سطح زمین به دست آورید.  
 ب) وزن یک جسم در سطح یک سیاره برابر با نیروی گرانشی است که از طرف آن سیاره بر جسم وارد می‌شود. وزن این قطعه طلا را در سطح ماه و مریخ به دست آورید و با هم مقایسه کنید. ( $g_{\text{زمین}} = 9.8\text{ m/s}^2$ ,  $g_{\text{ماه}} = 1.6\text{ m/s}^2$ ,  $g_{\text{مریخ}} = 3.7\text{ m/s}^2$ )

توجه کنید، حتی اگر جسم در حال سقوط آزاد نباشد باز هم نیروی وزن ( $\vec{W}$ ) بر آن وارد می‌شود. مثلاً بر یک چترباز قبل از پرش، در حال سقوط و حتی هنگام رسیدن به زمین، نیروی وزن وارد شده و از رابطه  $g = \frac{W}{m}$  به دست می‌آید.

**نیروی مقاومت شاره:** وقتی جسمی مانند یک توپ را از بالای ساختمانی رها می‌کنیم، علاوه بر وزن جسم، نیروی دیگری از طرف هوا به جسم در خلاف جهت حرکت وارد می‌شود. به طور کلی وقتی جسمی در یک شاره (مایع یا گاز) قرار دارد و نسبت به آن حرکت می‌کند از طرف شاره نیروی در خلاف جهت حرکت جسم، به آن وارد می‌شود که به آن **نیروی مقاومت شاره** می‌گویند<sup>۱</sup> و معمولاً آن را با  $\vec{f}_D$  نشان می‌دهند<sup>۲</sup>. نیروی مقاومت شاره به بزرگی جسم، تندی آن و... بستگی دارد. هرچه تندی جسم بیشتر باشد، نیروی مقاومت شاره بیشتر خواهد شد. همان‌طور که می‌دانیم اگر جسم در هوا حرکت کند، به این نیرو، **نیروی مقاومت هوا** می‌گویند.

## مثال ۴-۲

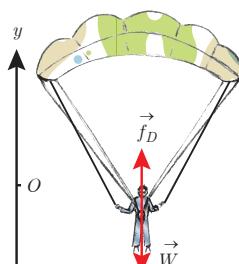
چتربازی به جرم  $60\text{ kg}$  مدتی پس از یک پرش آزاد، چترش را باز می‌کند. ناگهان نیروی مقاومت هوا به  $114\text{ N}$  افزایش می‌یابد. شتاب چترباز را در این لحظه به دست آورید و حرکت آن را تحلیل کنید. برای سادگی  $g = 10\text{ m/s}^2$  فرض کنید.

**پاسخ:** با توجه به شکل، نیروی وزن به طرف پایین و مقاومت هوا به طرف بالا است. اگر محور

مختصات را رو به بالا انتخاب کنیم، برای محاسبه شتاب چترباز در این حالت می‌توانیم بنویسیم:

$$\begin{aligned} f_D - W &= ma \Rightarrow (114\text{ N}) - (60\text{ kg})(10\text{ m/s}^2) = (60\text{ kg})a \\ \Rightarrow a &= \frac{54\text{ N}}{60\text{ kg}} = 9\text{ m/s}^2 \end{aligned}$$

همان‌طور که ملاحظه می‌کنید شتاب چترباز در این حالت  $9\text{ m/s}^2$  و رو به بالا، یعنی در خلاف جهت حرکت آن است. پس به تدریج تندی چترباز کاهش پیدا می‌کند و در نتیجه نیروی مقاومت هوا نیز



۱- توجه کنید، نیروی مقاومت شاره با نیروی شناوری که از سال دهم با آن آشنا هستید، متفاوت است.

۲- سروازه Drag به معنای پسا (پس‌کشی) است.

کم می شود تا اینکه نیروی مقاومت هوا و وزن هماندازه شده و نیروهای وارد بر چتریاز متوازن شوند. پس از این چتریاز با تندی ثابتی موسوم به **تندی حدی**، به طرف پایین حرکت می کند. تندی حدی برای یک چتریاز نوعی حدود  $5/\text{m/s}$  و برای قطرات باران حدود  $7/\text{m/s}$  است.

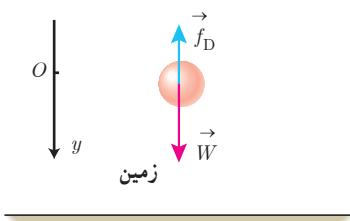
## مثال ۵-۲

دو گوی هماندازه را که جرم یکی دو برابر دیگری است ( $m_2 = 2m_1$ ) از بالای برجی به ارتفاع  $h$  به طور همزمان رها می کنیم.

با فرض اینکه نیروی مقاومت هوا در طی حرکت دو گوی ثابت و یکسان باشد، تندی برخورد کدام گوی با زمین بیشتر است؟

**پاسخ:** بر این گوی ها، دو نیروی وزن و مقاومت هوا وارد می شود. طبق قانون دوم نیوتون، نیروی خالص وارد بر گوی برابر

با حاصل ضرب جرم در شتاب است. نیروی مقاومت هوا را با  $f_D$  و وزن را با  $W$  نشان می دهیم و برای ساده تر حرکت گوی ها، جهت مثبت محور  $y$  را به طرف پایین انتخاب می کنیم :



$$W - f_D = ma \Rightarrow a = \frac{W - f_D}{m} = \frac{mg - f_D}{m} = g - \frac{f_D}{m}$$

یعنی با درنظر گرفتن مقاومت هوا، هر چه  $m$  بیشتر باشد، شتاب حرکت بیشتر است.

در نتیجه  $a_2 > a_1$  است.

طبق رابطه سرعت - جابه جایی می توانیم بنویسیم :

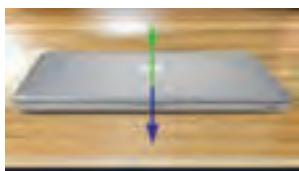
$$v^2 - v_0^2 = 2a\Delta y \Rightarrow v^2 - 0 = 2ah \Rightarrow v = \sqrt{2ah} \Rightarrow v_2 > v_1$$

یعنی در این مثال تندی برخورد گوی سنگین تر، بیشتر از گوی سبک تر است.

## تمرین ۲-۲

اگر در مثال ۵-۲ از مقاومت هوا صرف نظر کنیم، سرعت برخورد گوی ها با زمین را با هم مقایسه کنید.

نیروی عمودی سطح : مطابق شکل ۷-۲، لپ تاپ را روی سطح افقی میزی در نظر بگیرید. بر لپ تاپ ساکن روی میز افقی چه نیروهایی وارد می شود؟ با توجه به اینکه نیروی وزن بر لپ تاپ وارد می شود، چه نیرویی سبب خنثی شدن آن و سکون جسم می شود؟



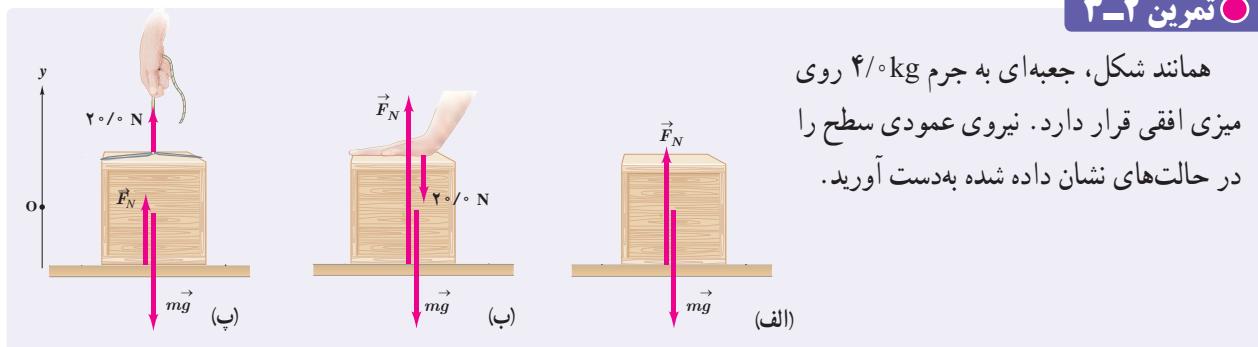
شکل ۷-۲ نیروهای وارد بر لپ تاپ متوازن اند.

همان طور که می دانیم نیروهای وارد بر جسم ساکن، متوازن اند، بنابراین در این حالت باید یک نیروی هماندازه و در خلاف جهت وزن از طرف میز (سطح) بر لپ تاپ وارد شده باشد تا نیروی وزن را خنثی کند. به این نیرو که عمود بر سطح تماس است، **نیروی عمودی سطح** (تکیه گاه) می گویند و آن را با  $\vec{F}_N$  نشان می دهند.

$$\vec{F}_{net} = \vec{0} \Rightarrow \vec{F}_N + \vec{W} = \vec{0} \rightarrow \vec{F}_N = -\vec{W} \Rightarrow F_N = W$$

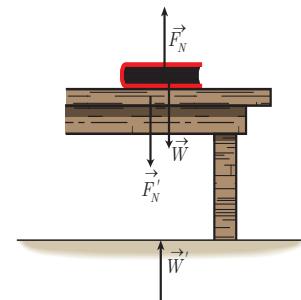
نیروی عمودی سطح ناشی از تغییر شکل سطح تماس دو جسم است. اگر جسمی سنگین را روی یک سطح اسفنجی یا یک تشك قرار دهیم تغییر شکل اسفنج یا تشك به خوبی دیده می شود. حتی یک زمین به ظاهر سفت و سخت نیز وقتی جسمی روی آن قرار می گیرد، تغییر شکل می دهد. این تغییر شکل مربوط به نیروهای بین مولکولی است که در فیزیک ۱ با آن آشنا شدیم.

## ۳-۲ تمرین



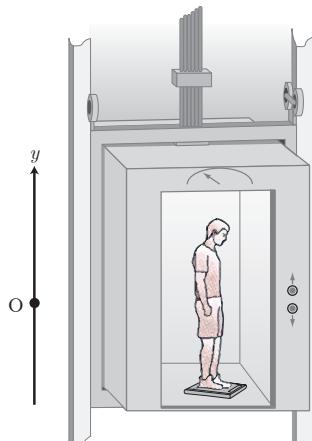
همانند شکل، جعبه‌ای به جرم  $4\text{ kg}$  روی میزی افقی قرار دارد. نیروی عمودی سطح را در حالت‌های نشان داده شده به دست آورید.

نیروی عمودی تکیه‌گاه از طرف سطح به جسمی که روی آن قرار دارد وارد می‌شود، بنابراین واکنش این نیرو  $\vec{F}'_N$  به صورت عمودی و در خلاف جهت  $\vec{F}_N$  از طرف جسم به سطح جسم به سطح وارد می‌شود (شکل ۳-۲). همچنین واکنش نیروی وزن ( $\vec{W}'$ ) نیرویی است که از طرف جسم به زمین و در خلاف جهت  $\vec{W}$  وارد می‌شود.



شکل ۳-۲ بر جسم نیروی عمودی سطح ( $\vec{F}_N$ ) و وزن ( $\vec{W}$ ) وارد می‌شود.

## ۶-۲ مثال



شخصی درون آسانسوری ساکن، روی یک ترازوی فنری ایستاده است. در این حالت ترازو عدد  $588\text{ N}$  را نشان می‌دهد. (الف) جرم شخص چند کیلوگرم است؟ (ب) وقتی آسانسور شتاب رو به بالای  $2\text{ m/s}^2$  دارد، ترازو چه عددی را نشان می‌دهد؟ (پ) وقتی آسانسور شتاب رو به پایین  $2\text{ m/s}^2$  دارد ترازو چه عددی را نشان می‌دهد؟ (ت) اگر کابل آسانسور پاره شود و آسانسور سقوط آزاد کند، ترازو چه عددی را نشان می‌دهد؟ ( $g = 9.8\text{ N/kg}$ )

**پاسخ:** بر شخص نیروی وزن به طرف پایین و نیروی عمودی سطح به طرف بالا وارد می‌شود. جهت مثبت محور  $y$  را رو به بالا انتخاب می‌کنیم و از قانون دوم نیوتون برای پاسخ به قسمت‌های مختلف استفاده می‌کنیم.

(الف) در حالتی که آسانسور ساکن است می‌توانیم بتویسیم:

$$F_N - W = ma = 0 \Rightarrow F_N = W = mg$$

توجه داریم نیروسنجه نیروی وارد بر خودش یعنی  $F'_N$  است را نشان می‌دهد. پس نیروسنجه اندازه  $F_N$  را در حالت‌های مختلف نشان می‌دهد.

$$F'_N = 588\text{ N} \Rightarrow F_N = F'_N = 588\text{ N}, F_N = W = mg \Rightarrow 588\text{ N} = m(9.8\text{ N/kg}) \Rightarrow m = 60\text{ kg}$$

(ب)

$$F_N - W = ma \rightarrow F_N = mg + ma = (60\text{ kg})(9.8\text{ N/kg}) + (60\text{ kg})(2\text{ m/s}^2)$$

$$F_N = 708\text{ N}$$

یعنی در این حالت، ترازو عددی بزرگ‌تر از اندازه وزن را نشان می‌دهد.

$$F_N - W = ma \Rightarrow F_N - mg = ma \Rightarrow F_N = mg + ma = m(g+a)$$

جهت شتاب رو به پایین است.

$$F_N = (60/\text{kg})(9.8\frac{\text{N}}{\text{kg}} - 2.0\frac{\text{N}}{\text{kg}}) = 468\text{N}$$

یعنی در این حالت ترازو، عددی کوچک‌تر از اندازه وزن را نشان می‌دهد.

ت) وقتی کابل آسانسور پاره شود، آسانسور سقوط آزاد می‌کند و اندازه شتاب آن برابر  $g$  و شتاب رو به پایین است.

$$F_N - W = ma \rightarrow F_N = mg + ma = m(g-g) = 0$$

یعنی در سقوط آزاد، نیروی عمودی سطح صفر است. به عبارت دیگر ترازو عدد صفر را نشان می‌دهد.

## پرسش ۶-۲

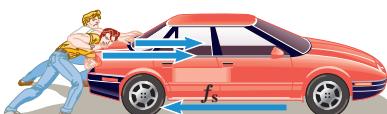
در مثال ۶-۲، در هر یک از حالت‌های زیر، عددی را که ترازوی فزی نشان می‌دهد با وزن شخص مقایسه کنید.

الف) آسانسور به طرف بالا شروع به حرکت کند.

ب) آسانسور به طرف پایین شروع به حرکت کند.

پ) آسانسور در حالی که به طرف بالا حرکت می‌کند، متوقف شود.

ت) آسانسور در حالی که به طرف پایین حرکت می‌کند، متوقف شود.



شکل ۹-۲ نیروی اصطکاک ایستایی در خلاف جهت هل دادن بوجود آمده است.



شکل ۱۰-۴

**نیروی اصطکاک:** وقتی تلاش می‌کیم جسمی را روی سطحی به حرکت درآوریم، چه جسم حرکت کند و چه ساکن بماند، با مقاومتی روبرو می‌شویم که به آن **نیروی اصطکاک** گویند.

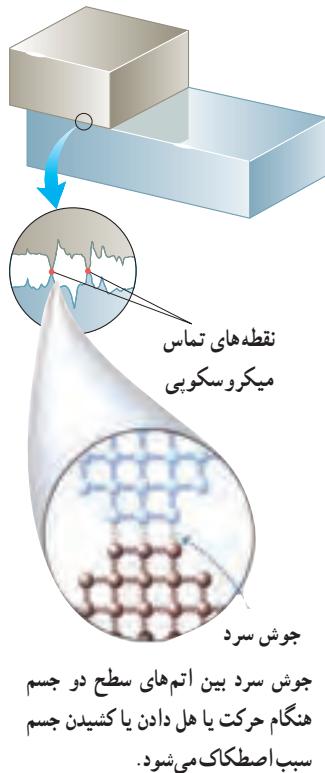
اگر یک خودروی ساکن بر سطح افقی خیابان را هُل دهید، و نتوانید آن را به حرکت درآورید، در این حالت نیرویی در خلاف جهت هُل دادن شما بین لاستیک‌ها و سطح به وجود آمده است که با حرکت خودرو مخالفت می‌کند (شکل ۹-۲). این نیرو، نمونه‌ای از **نیروی اصطکاک ایستایی** است و آن را با  $f_s$  نشان می‌دهند. حال خودروی در حال حرکتی را در نظر بگیرید که راننده‌اش ترمز کرده و چرخ‌های خودرو قفل شده است. سرعت خودرو کاهش پیدا می‌کند و پس از طی مسافتی متوقف می‌شود. در این حالت نیز نیرویی در خلاف جهت حرکت از طرف سطح بر خودرو وارد می‌شود. این نیرو، نمونه‌ای از **نیروی اصطکاک جنبشی** است و آن را با  $f_k$  نشان می‌دهند.

نیروی اصطکاک بین دو جسم به جنس سطح دو جسم، و زیری و نرمی آنها و... بستگی دارد؛ مثلاً اصطکاک بین کفش و سطح زمین به جنس زیره کفش و سطحی که روی آن حرکت می‌کنیم بستگی دارد. نیروی اصطکاک بین دو جسم به علت ناهمواری‌های محل تماس دو جسم ایجاد می‌شود (شکل ۱۰-۱). حتی سطوحی که بسیار هموار به نظر می‌آیند، ناهمواری‌های میکروسکوپی بسیاری دارند که سبب اصطکاک می‌شوند.

نیروی اصطکاک عمدهاً به عنوان نیروی اتلافی شناخته می‌شود، با وجود این در زندگی روزمره لازم است. نگهداشت یک قلم در دست، نوشتن، راندن خودرو، قدم زدن و دویدن، ترمز کردن و... بدون اصطکاک ممکن نیست. بدون اصطکاک حتی ایستادن ناممکن است، زیرا کمترین جابه‌جایی سبب لغزیدن و افتادن می‌شود.

## پرسش ۷-۲

- الف) بر اساس قانون سوم نیوتن و آنچه از اصطکاک آموختید، توضیح دهید راه رفتن با شروع از حالت سکون چگونه انجام می‌شود؟
- ب) چرا راه رفتن روی یک سطح سُر مانند سطح یخ به سختی ممکن است؟



**دیدگاه میکروسکوپی:** در واقع، نیروی اصطکاک و نیروی عمودی سطح، جمع برداری نیروهای بیشماری است که طبیعت الکتریکی دارند و بین اتم های سطح یک جسم و اتم های سطح جسم دیگر عمل می کنند. اگر دو سطح فلزی کاملاً صیقل داده شده و تمیز روی هم گذاشته شوند، نمی توان به راحتی آنها را روی هم لغزاند. چون سطح آنها بسیار صاف است، بسیاری از اتم های یک سطح در تماس با بسیاری از اتم های سطح دیگراند و مطابق شکل انگار دو سطح با هم جوش خورده اند که اصطلاحاً به آن جوش سرد گویند. وقتی دو سطح معمولی روی هم قرار داده شوند، برخی نقاط تماس پیدا می کنند. سطح میکروسکوپی تماس بسیار کوچکتر از سطح ماکروسکوپی ظاهری تماس است (حدود  $10^4$  بار کوچکتر). با وجود این بسیاری از نقاط تماس با یکدیگر جوش می خورند. این جوش ها وقتی یک نیرو بخواهد دو سطح را روی هم بلغزاند، اصطکاک ایستایی ایجاد می کنند. اگر نیروی وارد شده برای کشیدن یک سطح روی دیگری به حد کافی بزرگ باشد، نخست جوش ها جدا می شوند (در لحظه شروع به حرکت) و پس از آن با شروع حرکت، جوش ها به طور پیوسته مجددآ تشکیل و سپس پاره می شوند.

در ادامه نیروی اصطکاک را در دو حالت بررسی می کنیم :

**الف) اصطکاک ایستایی :** جسمی مطابق شکل ۱۱-۲ روی یک سطح افقی ساکن است. به این جسم نیروی وزن ( $\vec{W}$ ) و نیروی عمودی سطح ( $\vec{F}_N$ ) در راستای قائم وارد می شود. در ابتدا نیروی افقی  $\vec{F}_1$  را به جسم وارد می کنیم به طوری که جسم ساکن بماند (شکل ۱۲-۲ الف)، چون جسم ساکن است بنا به قانون دوم نیوتن باید نیروی خالص وارد بر آن صفر باشد. بنابراین در راستای افقی داریم :

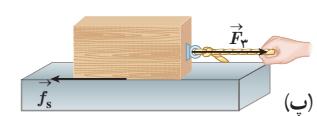
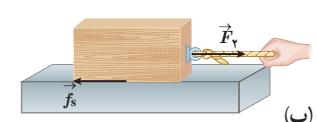
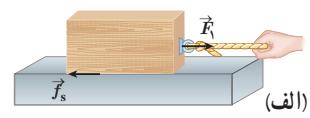
$$\vec{F}_1 - \vec{f}_s = ma = 0 \Rightarrow \vec{f}_s = \vec{F}_1$$

اکنون فرض کنید اندازه نیروی  $\vec{F}_1$  را افزایش داده و به اندازه  $\vec{F}_2$  رسانده ایم (شکل ۱۲-۲ ب).

اگر جسم همچنان ساکن بماند، با استدلالی شبیه قبل نتیجه می گیریم که نیروی اصطکاک ایستایی افزایش یافته و برابر اندازه  $\vec{F}_2$  شده است. بنابراین با افزایش نیروی افقی، نیروی اصطکاک ایستایی نیز افزایش می یابد. با افزایش این نیرو به حالتی می رسمیم که اگر اندازه آن برابر  $\vec{F}_3$  شود، جسم در آستانه حرکت قرار می گیرد (شکل ۱۲-۲ پ). به نیروی اصطکاک در این حالت **نیروی اصطکاک ایستایی بیشینه** می گوییم. بزرگی نیروی اصطکاک ایستایی بیشینه را با  $f_{s,\max}$  نشان می دهیم ( $f_{s,\max} = F_3$ ). آزمایش نشان می دهد که بیشینه نیروی اصطکاک ایستایی با اندازه نیروی عمودی سطح ( $F_N$ ) متناسب است.



شکل ۱۱-۲ جسم ساکن روی سطح افقی



شکل ۱۲-۲ با افزایش نیروی  $\vec{F}$  نیروی اصطکاک ایستایی نیز افزایش می یابد تا اینکه به یک مقدار بیشینه معین می رسد.

$$f_{s,\max} = \mu_s F_N \quad (4-2)$$

در این رابطه  $\mu_s$  ضریب اصطکاک ایستایی نام دارد. تجربه و آزمایش نشان می‌دهد که ضریب اصطکاک ایستایی به عامل‌هایی مانند جنس سطح تماس دو جسم، میزان صافی و زیری آنها و... بستگی دارد.

توجه کنید که رابطه ۴-۲ اندازه نیروی اصطکاک ایستایی را فقط در آستانه حرکت می‌دهد. در حالت کلی نیروی اصطکاک ایستایی کوچک‌تر و یا مساوی  $f_{s,\max}$  است:

$$f_s \leq \mu_s F_N \quad (5-2)$$

## تمرین ۴-۲

اگر در شکل ۱۲-۲، جرم جسم  $40\text{ kg}$  و بزرگی نیروها  $F_1=40\text{ N}$ ،  $F_2=80\text{ N}$  و  $F_3=160\text{ N}$  باشد،

(الف) بزرگی نیروهای اصطکاک ایستایی در هر حالت چقدر است؟

(ب) ضریب اصطکاک ایستایی را پیدا کنید.

### آزمایش ۲-۱: اندازه‌گیری ضریب اصطکاک ایستایی بین دو جسم



**وسایل لازم:** نیروسنج، قطعه چوبی به شکل مکعب مستطیل

با وجود یکنواخت، ترازو، خط کش

**شرح آزمایش:**

۱- مکعب چوبی را از طرف وجه بزرگ آن، روی سطح افقی میز قرار دهید.

۲- نیروسنج را مانند شکل به مکعب چوبی وصل کنید و سر دیگر نیروسنج را با دست بگیرید و به طور افقی بکشید.

۳- نیروی دستتان را به‌آرامی افزایش دهید تا جایی که مکعب چوبی در آستانه لغزیدن قرار گیرد. در این حالت عددی را که نیروسنج نشان می‌دهد، در جدول یادداشت کنید (برای اینکه دقیق شما افزایش باید لازم است آزمایش را چند بار تکرار کنید).

۴- اکنون مکعب چوبی را از طرف وجه کوچک‌تر روی سطح قرار دهید و مراحل ۲ و ۳ را تکرار کنید.

۵- با اندازه‌گیری جرم مکعب چوبی و استفاده از رابطه ۴-۲ مقدار  $\mu_s$  را در هر آزمایش محاسبه و در جدول یادداشت کنید.

وزن قطعه:		مساحت سطح تماس قطعه با میز	شماره آزمایش
$\mu_s$	عددی که نیروسنج نشان می‌دهد ( $f_{s,\max}$ )		

همراه با اعضای گروه خود، نتیجه‌های بدست آمده را تفسیر کنید.

## ۲-۲ فعالیت

آزمایشی طراحی کنید که نشان دهد  $f_{s,\max}$  متناسب با  $F_N$  است.



شکل ۲-۱۳ برچوب‌های اسکی نیروی اصطکاک جنبشی در خلاف جهت حرکت وارد می‌شود.

$$f_k = \mu_k F_N \quad (6-2)$$

(نیروی اصطکاک جنبشی) در این رابطه  $\mu_k$  ضریب اصطکاک جنبشی نام دارد.

تجربه و آزمایش‌های گوناگون نشان می‌دهد که ضریب اصطکاک جنبشی مانند ضریب اصطکاک ایستایی به عامل‌های مانند جنس سطح تماس دو جسم، میزان صافی و زبری آنها و ... بستگی دارد. معمولاً ضریب اصطکاک جنبشی میان دو سطح، کمتر از ضریب اصطکاک ایستایی میان آن دو سطح است؛ یعنی  $\mu_s < \mu_k$ . جدول ۱-۲ تعدادی ضریب اصطکاک ایستایی و جنبشی را نشان می‌دهد.

## ۳-۲ فعالیت

آزمایشی طراحی کنید که با آن بتوانید:

- الف) نیروی اصطکاک جنبشی وارد بر جسمی مانند یک قطعه چوب در حال لغزش روی سطح را اندازه بگیرید و با استفاده از آن  $\mu_k$  را به دست آورید.  
ب) بستگی یا عدم بستگی نیروی اصطکاک جنبشی به مساحت سطح تماس دو جسم را تحقیق کنید.

$\mu_s$	$\mu_k$	جنس دو سطح تماس
۰/۷۴	۰/۵۷	فولاد بر فولاد
۰/۶۱	۰/۴۷	فولاد بر آلومینیوم
۰/۵۳	۰/۳۶	فولاد بر مس
۱/۰۵	۰/۲۹	مس بر چدن
۰/۶۸	۰/۵۳	مس بر شیشه
۰/۹۴	۰/۴۰	شیشه بر شیشه
۰/۳۰	۰/۲۵	لاستیک بر بتون تر
۱/۰	۰/۸	لاستیک بر بتون خشک
۰/۰۴	۰/۰۴	تفلون بر تفلون

## ۷-۲ مثال

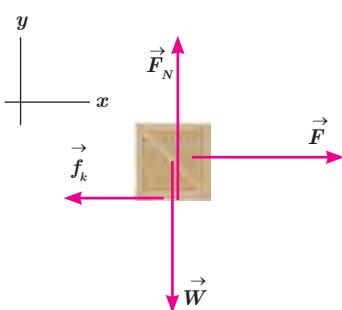
شکل مقابل شخصی را نشان می‌دهد که در حال کشیدن یک جعبه ۷۵ کیلوگرمی با نیروی  $30\text{ N}$  روی سطح افقی است. نیرویی که شخص به جعبه وارد می‌کند افقی و جعبه در حال حرکت است. اگر ضریب اصطکاک جنبشی بین سطح و جعبه  $0.400$  باشد،

الف) نیروی اصطکاک جنبشی وارد به جعبه چقدر است؟

ب) شتاب جعبه در این حالت چقدر است؟ ( $g = 9.8\text{ m/s}^2$ )

**پاسخ:** الف) نیروهای وارد بر جعبه را رسم می‌کنیم. چون جسم در امتداد قائم شتاب ندارد از قانون دوم نیوتون نتیجه می‌شود که برایند نیروهای وارد بر جسم در راستای قائم صفر است.

$$F_N - W = 0 \Rightarrow F_N = W = mg = (75 / 0.0\text{ kg})(9.8 / 0.0\text{ N/kg}) = 735\text{ N}$$



با استفاده از رابطه ۲-۶ داریم:

$$f_k = \mu_k F_N \Rightarrow f_k = 0.40 \times 735\text{N} \Rightarrow f_k = 294\text{N}$$

ب) برایند نیروهای افقی وارد بر جسم برابر با حاصل ضرب جرم در شتاب است.

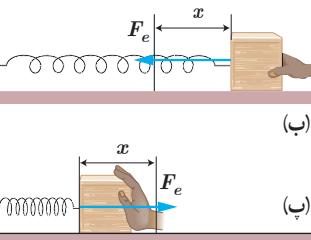
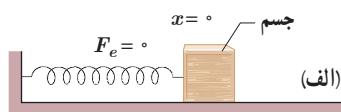
$$F - f_k = ma \Rightarrow a = \frac{F - f_k}{m} = \frac{309\text{N} - 294\text{N}}{75\text{kg}} = 0.20\text{m/s}^2$$

**تمرین ۵-۲**

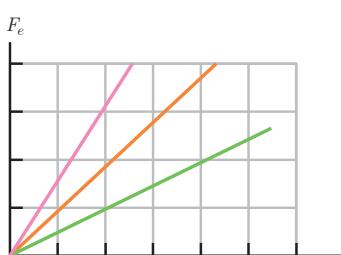
در مثال قبل اگر ضریب اصطکاک استاتیک بین جعبه و زمین  $0.60$  و جسم در ابتدا ساکن باشد، حداقل نیروی افقی لازم برای به حرکت درآوردن جعبه چقدر است؟



**شکل ۲-۱۴** فنرهای به کار رفته در چرخ‌های خودرو



**شکل ۲-۱۵** (الف) فنر طول عادی دارد و جسم در نقطه تعادل است، (ب) فنر کشیده شده است و نیروی کشسانی رو به نقطه تعادل به جسم وارد می‌کند، و (پ) فنر فشرده شده است، و نیروی کشسانی رو به نقطه تعادل به جسم وارد می‌کند.



**شکل ۲-۱۶** هرچه ثابت فنر بیشتر باشد، شبیه نمودار بیشتر و فنر سخت‌تر است.

نیروی کشسانی فنر: همان‌طور که در فیزیک ۱ دیدیم فنرهای اجزای مهمی در فناوری هستند و به شکل‌های مختلفی ساخته می‌شوند (شکل ۲-۱۴). همچنین با تأثیر نیرو بر یک فنر آشنا شدیم و می‌دانیم که اگر یک سر فنری را به نقطه‌ای محکم کنیم و سر دیگر آن را بکشیم، طول فنر افزایش می‌یابد. شکل ۲-۱۵ الف، فنری را با طول عادی نشان می‌دهد که در آن، فنر نه فشرده و نه کشیده شده است. اگر فنر را به اندازه  $x$  بکشیم یا فشرده کنیم (شکل ۲-۱۵ ب و پ)، فنر نیرویی به طرف نقطه تعادل به جسم وارد می‌کند. تجربه نشان می‌دهد هر چه فنر را بیشتر بکشیم یا فشرده کنیم (در محدوده معینی از تغییر طول فنر)، **نیروی کشسانی فنر** نیز بیشتر می‌شود. برای بیشتر فنرهای با تقریب قابل قبولی، نیروی کشسانی فنر با اندازه تغییر طول آن ( $x$ ) رابطه مستقیم دارد:

$$F_e = kx \quad (\text{نیروی کشسانی فنر}) \quad (۷-۲)$$

ضریب  $k$  در رابطه ۷-۲، ثابت فنر نام دارد. ثابت فنر از مشخصات فنر است و به اندازه، شکل و ساختار ماده‌ای که فنر از آن ساخته شده بستگی دارد. در رابطه ۷-۲ نیرو بر حسب نیوتون (N)،  $x$  بر حسب متر (m) و  $k$  بر حسب نیوتون بر متر (N/m) است. معادله ۷-۲ را به افتخار رایرت هوک، دانشمند انگلیسی (۱۷۰۳-۱۸۳۵م.)، که این رابطه را کشف کرد، **قانون هوک** می‌نامند. برای یک فنر انعطاف‌پذیر،  $k$  عددی کوچک (حدود  $100\text{ N/m}$ ) و برای یک فنر سفت  $k$  عددی بزرگ (حدود  $10000\text{ N/m}$ ) است. نمودار نیروی کشسانی بر حسب تغییر طول برای سه فنر با  $k$ ‌های متفاوت در شکل ۲-۱۶ رسم شده است.

**فعالیت ۴-۲**

تعدادی فنر متفاوت تهیه کنید. (الف) سختی آنها را مقایسه کنید. (ب) با طراحی یک آزمایش، ثابت هر فنر را به دست آورید.

۱- زیرنویس  $e$  در نماد نیروی کشسانی فنر ( $F_e$ ) سرواژه elastic به معنی کشسان است.

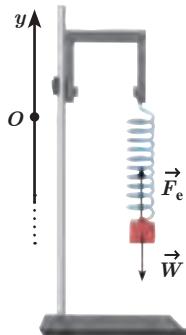
## مثال ۸-۲

فری به طول  $L = 10\text{ cm}$  را از یک نقطه آویزان می‌کنیم و به سر دیگر آن وزنه  $20\text{ g}$  می‌وصل می‌کنیم. پس از رسیدن به تعادل، طول فرنر به  $L = 12\text{ cm}$  می‌رسد.

(الف) ثابت فرنر چند نیوتون بر متر است؟

(ب) اگر وزنهای  $30\text{ g}$  را به فرنر وصل کنیم، پس از رسیدن به تعادل طول فرنر چند سانتی‌متر می‌شود؟

**پاسخ:** (الف) محور مختصات را همانند شکل انتخاب می‌کنیم و نیروهای وارد بر جسم را رسم و با استفاده از قانون دوم نیوتون مسئله را حل می‌کنیم.



$$F_e - W = ma \Rightarrow F_e - W = 0 \quad \text{و} \quad F_e = kx \Rightarrow kx = mg$$

$$k(12/\text{cm} - 10/\text{cm}) = (20 \times 10^{-3}\text{ kg})(9.8 \text{ N/kg})$$

$$k = 9.8 \text{ N/m}$$

$$kx = mg \Rightarrow (9.8 \text{ N/m})x = (30 \times 10^{-3}\text{ kg})(9.8 \text{ N/kg}) \Rightarrow$$

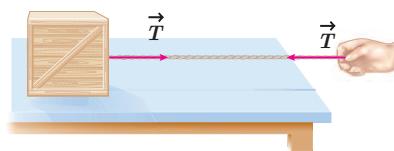
$$x = 0.30 \text{ m} = 30 \text{ cm}$$

$$x = L - L_0 \Rightarrow 30 \text{ cm} = L - 10 \text{ cm} \Rightarrow L = 130 \text{ cm}$$

(ب)

**نیروی کشش طناب :** وقتی طناب (کابل، ریسمان و...) متصل به جسمی را مانند شکل ۱۷-۲ می‌کشیم، طناب جسم را با نیرویی می‌کشد که جهت آن از جسم به سمت بیرون و در راستای طناب است. چون در این حالت طناب تحت کشش قرار دارد، به این نیرو، **نیروی کشش طناب** گفته می‌شود و آن را با  $\vec{T}$  نشان می‌دهند. همان‌طور که در شکل می‌بینید طناب دست را نیز با نیروی  $\vec{T}$  می‌کشد. بزرگی نیروی کشش طناب برابر با بزرگی نیروی  $\vec{T}$  وارد بر جسم است. مثلاً اگر بزرگی نیروی وارد بر جسم از طرف طناب  $N = 60$  باشد، کشش طناب نیز  $N = 60$  است ( $T = 60\text{ N}$ ). در این کتاب از جرم طناب و همچنین از کش آمدن آن صرف نظر می‌شود. بنابراین طناب فقط به عنوان رابط بین دو جسم عمل می‌کند و هر دو جسم (دست و جعبه) را با بزرگی نیروی یکسان  $T$  می‌کشد، حتی اگر این دو جسم و طناب شتابدار باشند.

شکل ۱۷-۲ طناب جسم را با نیروی کشش  $\vec{T}$  می‌کشد.



**توجه:** در حل مسئله‌های دینامیک به کمک قانون‌های نیوتون، معمولاً گام‌های مشخصی طی می‌شود. این گام‌ها که در حل مسائل می‌توان استفاده کرد، عبارت‌انداز:

- ۱- با مشخص کردن جسم مورد نظر، شکل ساده‌ای از آن را رسم و دستگاه محورهای مختصات را مشخص می‌کنیم.

- ۲- نیروهای وارد بر جسم از طرف اجسام دیگر را مشخص و رسم می‌کنیم (در این کتاب، این نیروها فقط در راستاهای افقی و قائم هستند و در جایی نیاز به تجزیه نیروها پیدا نمی‌کنیم).

- ۳- در صورت لزوم نیروهای مانند وزن، اصطکاک، کشسانی فرنر، کشش نیخ و ... را محاسبه می‌کنیم.

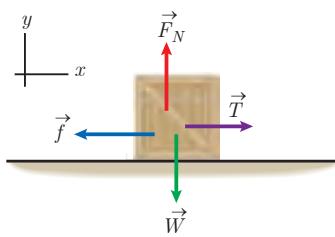
- ۴- قانون دوم نیوتون را بنا به نیاز در راستای قائم و افقی به کار می‌بریم. در این کتاب فقط به بررسی مسئله‌های تک جسمی می‌پردازم.

## مثال ۹-۲

در شکل رویه‌رو، کارگری جعبه ساکنی را با طنایی افقی با نیروی ثابت افقی  $N = 310\text{ N}$  می‌کشد. اگر جرم جعبه  $10\text{ kg}$  و ضریب اصطکاک ایستایی و جنبشی بین جعبه و سطح به ترتیب  $0.30$  و  $0.25$  باشد،

(الف) آیا جعبه شروع به حرکت می‌کند؟





ب) اگر جعبه حرکت کند، شتاب حرکت آن را حساب کنید.

پ) سرعت جعبه را  $6/\text{s}$  از حرکت به دست آورید. ( $g = ۹.۸\text{ m/s}^2$ )

**پاسخ:** الف) شکل ساده‌ای از جسم مورد نظر (جعبه) رسم و نیروهای وارد بر آن را مشخص می‌کنیم. چون جعبه در راستای قائم حرکت ندارد، می‌توانیم بنویسیم:

$$F_N - W = ۰ \Rightarrow F_N = W \Rightarrow F_N = mg = (۱۰\text{ kg})(۹.۸\text{ N/kg}) = ۹۸\text{ N}$$

برای اینکه جسم شروع به حرکت کند، باید  $T > f_{s,\text{max}}$  باشد. پس ابتدا  $f_{s,\text{max}}$  را از معادله  $۴-۲$  به دست می‌آوریم:

$$f_{s,\text{max}} = \mu_s F_N = (۰/۳۰)(۹۸\text{ N}) = ۲۹۴\text{ N}$$

با توجه به اینکه  $T = ۳۱\text{ N} > ۲۹۴\text{ N}$  است، جعبه شروع به حرکت می‌کند.

ب) نیروی اصطکاک جنبشی در خلاف جهت حرکت بر جعبه اثر می‌کند و برابر است با:

$$f_k = \mu_k F_N = (۰/۲۵)(۹۸\text{ N}) = ۲۴۵\text{ N}$$

$$T - f_k = ma \Rightarrow ۳۱\text{ N} - ۲۴۵\text{ N} = (۱۰\text{ kg})a \Rightarrow a = ۰/۶۵\text{ m/s}^2$$

پ) چون شتاب جعبه ثابت است، از رابطه سرعت – زمان در حرکت با شتاب ثابت روی مسیر مستقیم استفاده می‌کنیم:

$$v = at + v_0 \Rightarrow v = (۰/۶۵\text{ m/s}^2)(۶/\text{s}) + (۰/\text{m/s}) \Rightarrow v = ۳/۹\text{ m/s}$$

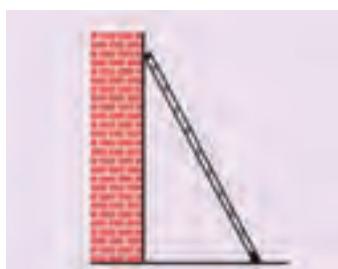
علامت مثبت نشان می‌دهد که سرعت نیز در جهت محور  $x$  است.

## تمرین ۶-۲



کارگری یک سطل محتوی مصالح به جرم  $۱۶\text{ kg}$  را با طناب سبکی به طرف بالا می‌کشد.

اگر شتاب رو به بالای سطل  $۱/۲\text{ m/s}^2$  باشد، نیروی کشش طناب چقدر است؟



## مثال ۱۰-۲

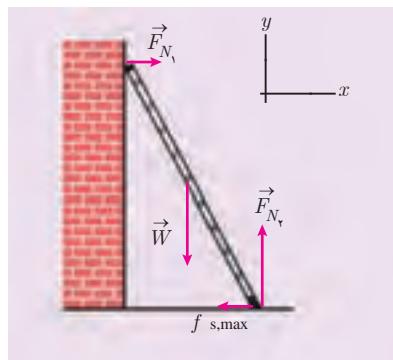
در شکل روبرو نزدبانی به جرم  $۲۰\text{ kg}$  به دیوار قائم بدون اصطکاکی تکیه داده شده است. ضریب اصطکاک ایستایی بین زمین و پای نزدبان  $۰/۴۶$  است. در آستانه سُرخوردن نزدبان،

الف) زمین به نزدبان چه نیرویی وارد می‌کند؟

ب) چه نیرویی از دیوار به نزدبان وارد می‌شود؟

**پاسخ:** الف) نخست نیروهای وارد بر نزدبان را رسم می‌کنیم که عبارت‌اند از: نیروی عمودی سطح دیوار ( $\vec{F}_{N_\perp}$ )، نیروی وزن ( $\vec{W}$ )، نیروی عمودی سطح زمین ( $\vec{F}_{N_\parallel}$ )

و نیروی اصطکاک ایستایی بین زمین و نزدبان ( $f_{s,\text{max}}$ ).

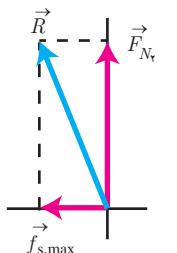


یک دستگاه مختصات انتخاب می‌کنیم.  
در آستانه حرکت، نزدبان همچنان در حال تعادل است. بنابراین نیروی خالص در راستای قائم و افقی صفر است.

$$F_{N_\gamma} - W = 0 \Rightarrow F_{N_\gamma} = W = mg = (20 / 0\text{kg})(9.8\text{ N/kg}) = 196\text{ N}$$

$$f_{s,\max} = \mu_s F_{N_\gamma} = (0.46) \times (196\text{ N}) = 90/2\text{ N}$$

از طرف زمین بر نزدبان دو نیروی عمودی  $F_{N_\gamma}$  و افقی  $f_{s,\max}$  وارد می‌شود.  
بنابراین برایند این دو نیرو که آن را با  $\vec{R}$  نشان می‌دهیم، نیرویی است که سطح زمین



$$\vec{R} = \vec{F}_{N_\gamma} + \vec{f}_{s,\max}$$

بر نزدبان وارد می‌کند:

که بزرگی آن برابر است با

$$R = \sqrt{F_{N_\gamma}^2 + f_{s,\max}^2} = \sqrt{(196\text{ N})^2 + (90/2\text{ N})^2} = 216\text{ N}$$

ب) برایند نیروهای افقی وارد بر نزدبان صفر است؛ پس:

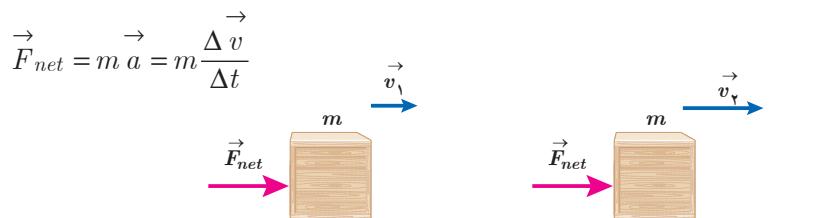
$$F_{N_\gamma} - f_{s,\max} = 0 \Rightarrow F_{N_\gamma} = f_{s,\max} = 90/2\text{ N}$$

در نبود نیروی اصطکاک بین نزدبان و دیوار، نیروی  $F_{N_\gamma}$  همان نیروی وارد از دیوار به نزدبان است.

## ۲-۳ تکانه و قانون دوم نیوتون

قانون‌های نیوتون به ما امکان حل بسیاری از مسائل مکانیک را می‌دهند. قانون دوم نیوتون را می‌توان به صورت دیگر نیز نوشت که در بسیاری از موارد مناسب‌تر است و برخی از پدیده‌های فیزیکی را به کمک آن می‌توان ساده‌تر توجیه و بررسی کرد.

فرض کنید سرعت جسمی به جرم  $m$  تحت تأثیر نیروی خالص ثابت  $\vec{F}_{net}$  در بازه زمانی  $\Delta t$  از  $v_1$  به  $v_2$  برسد. در این صورت قانون دوم نیوتون به صورت زیر درمی‌آید:



شکل ۴-۱۸ سرعت جسم تحت تأثیر نیروی خالص ثابت  $\vec{F}_{net}$  از  $v_1$  به  $v_2$  می‌رسد.

با فرض ثابت بودن جرم جسم ( $m$ ) می‌توانیم جرم را در کنار سرعت ( $v$ ) قرار دهیم.

$$\vec{F}_{net} = \frac{\vec{\Delta}(mv)}{\Delta t}$$

حاصل ضرب جرم جسم ( $m$ ) در سرعت آن ( $v$ )، تکانه جسم نامیده می‌شود و آن را با  $p$  نشان می‌دهیم.

$$\vec{p} = m\vec{v} \quad (\text{تکانه جسم}) \quad (8-2)$$

تکانه کمیتی برداری است زیرا سرعت، یک کمیت برداری و جرم، یک کمیت نرده‌ای است. جهت تکانه همان جهت سرعت است. یکای SI تکانه kg.m/s است. با توجه به تعریف تکانه، قانون دوم نیوتون برای نیروی ثابت را می‌توان چنین نوشت:

$$\vec{F}_{net} = \frac{\vec{p}}{\Delta t} \quad (\text{قانون دوم نیوتون بر حسب تکانه برای نیروی ثابت}) \quad (9-2)$$

یعنی نیروی خالص وارد بر جسم برابر با تغییر تکانه جسم تقسیم بر زمان تغییر آن است. همچنین از این رابطه نتیجه می‌گیریم که تغییر تکانه برابر با حاصل ضرب نیرو در مدت زمان تأثیر آن است.

$$\vec{\Delta p} = \vec{F}_{net} \Delta t \quad (10-2)$$

### ۷-۲) تمرین

نشان دهید بین اندازه تکانه ( $p$ ) و انرژی جنبشی ( $K$ ) جسمی به جرم  $m$ ، رابطه  $\frac{p^2}{2m} = K$  برقرار است.

### ۱۱-۲) مثال

گلوله‌ای به جرم  $g = 10 \text{ kg}$  با سرعت  $v = 5 \text{ m/s}$  در حال حرکت است. الف) تکانه گلوله را تعیین کنید. ب) انرژی جنبشی گلوله را به دست آورید.

**پاسخ:** الف) با استفاده از معادله ۸-۲، تکانه جسم را به دست می‌آوریم:

$$\begin{aligned} \vec{p} &= m\vec{v} = (10 \text{ kg}) (5 \text{ m/s}) \vec{i} \\ &= 50 \text{ kg.m/s} \vec{i} \Rightarrow p = 50 \text{ kg.m/s} \end{aligned}$$

ب) برای به دست آوردن انرژی جنبشی می‌توانیم از رابطه  $K = \frac{1}{2}mv^2$  یا  $K = \frac{p^2}{2m}$  استفاده کنیم. در اینجا از رابطه اول استفاده می‌کنیم:

$$K = \frac{p^2}{2m} = \frac{(50 \text{ kg.m/s})^2}{(2 \times 10 \text{ kg})} = 125 \text{ J}$$

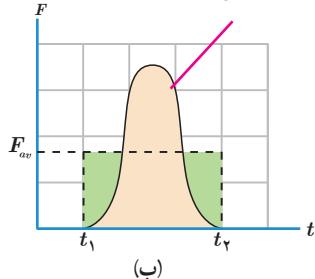
در شرایط واقعی نیروی وارد بر یک جسم به ندرت ثابت است. اگر نیرو ثابت نباشد، معادله‌های داده شده را فقط برای بازه‌های زمانی‌ای می‌توان به کار برد که بسیار کوچک باشد و بتوان نیرو را در این بازه‌ها تقریباً ثابت در نظر گرفت. برای بازه زمانی بزرگ به جای نیروی خالص باید نیروی خالص متوسط در فاصله زمانی مورد نظر را به کار برد و بنابراین رابطه (۹-۲) چنین می‌شود:

$$\vec{F}_{av} = \frac{\vec{\Delta p}}{\Delta t} \quad (\text{نیروی خالص متوسط بر حسب تکانه}) \quad (11-2)$$

این نتیجه به کاربردهای جالبی در توجیه و بررسی پدیده‌های فیزیکی می‌انجامد.

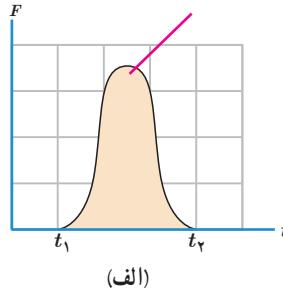
تغییر تکانه یک جسم (یعنی  $\vec{F}_{av} \Delta t = \vec{p} - \vec{p}_0$ ) را می‌توان از سطح زیر نمودار نیرو – زمان نیز به دست آورد (شکل ۱۹-۲).

تغییر تکانه ناشی از نیروی متوسط برابر با تغییر تکانه نیروی واقعی متغیر با زمان است.



(ب)

تغییر تکانه برابر با مساحت سطح زیر نمودار نیرو – زمان است.



(الف)

شکل ۱۹-۲ (الف) نیروی خالص وارد بر یک جسم می‌تواند بر حسب زمان تغییر کند. (ب) مقدار نیروی متوسط ( $F_{av}$ ) (خط چمن افقی) به گونه‌ای است که مساحت مستطیل ( $F_{av} \Delta t$ ) برابر با مساحت سطح زیر منحنی شکل (الف) باشد.



شکل رو به رو صحنه‌ای از یک آزمون تصادف را نشان می‌دهد که در آن خودرویی به جرم  $120\text{ kg}$  به دیواری برخورد کرده و سپس  $54/0\text{ km/h}$  به گردد. اگر تندی اولیه و نهایی خودرو به ترتیب  $90/0\text{ km/h}$  و  $15/0\text{ km/h}$  باشد و تصادف  $15/0\text{ s}$  طول بکشد، (الف) تغییر تکانه خودرو را پیدا کنید.

(ب) اندازه و جهت نیروی متوسط وارد بر خودرو را تعیین کنید.

**پاسخ:** (الف) جهت محور  $x$  را به طرف راست انتخاب می‌کنیم و تکانه‌ها را با استفاده از رابطه ۸-۲ به دست می‌آوریم.

$$v_1 = +54/0\text{ km/h} = +15/0\text{ m/s} \quad v_2 = -9/00\text{ km/h} = -2/5\text{ m/s}$$



$$p_1 = mv_1 = (120\text{ kg})(+15/0\text{ m/s}) = +180 \times 10^4 \text{ kg.m/s} = +18/0 \times 10^3 \text{ kg.m/s}$$

$$p_2 = mv_2 = (120\text{ kg})(-2/5\text{ m/s}) = -3/0 \times 10^3 \text{ kg.m/s}$$

$$\Delta p = (-3/0 \times 10^3 \text{ kg.m/s}) - (+18/0 \times 10^3 \text{ kg.m/s}) = -2/10 \times 10^4 \text{ kg.m/s}$$

(ب) نیروی متوسط وارد بر اتومبیل با استفاده از رابطه ۱۱-۲ برابر است با :

$$F_{av} = \frac{\Delta p}{\Delta t} = \frac{-2/10 \times 10^4 \text{ kg.m/s}}{15/0 \text{ s}} = -1/4 \times 10^5 \text{ N}$$

یعنی نیروی خالص متوسطی که از دیوار به خودرو وارد می‌شود در خلاف جهت محور  $x$  (یعنی به طرف چپ) است. توجه داریم اگر خودرو پس از برخورد، برنگردد نیروی متوسط وارد بر خودرو کوچک‌تر از مقداری است که اکنون به دست آوردهیم.

## ۴-۲ نیروی گرانشی

وقتی سببی از یک درخت جدا می‌شود، چه نیرویی سبب سقوط آن به طرف زمین می‌شود؟ وقتی شیر آب را باز می‌کنیم، چه نیرویی سبب می‌شود آب به طرف زمین شارش کند؟ چرا وقتی یک جسم را به بالا پرتاب می‌کنیم پس از مدتی به پائین می‌افتد؟ منشأ نیرویی که سبب چرخش ماه به دور زمین



**شکل ۲-۱۰** اگر بر ماه نیرویی وارد نشود ماه باید به طور مستقیم حرکت کند نه به صورت دایره‌ای

می‌شود چیست (شکل ۲-۲)؟ زمین به همراه هفت سیاره دیگر نیز به دور خورشید می‌چرخد؛ منشأ نیروی وارد بر زمین و سیارات دیگر چیست؟

تاسال ۱۶۸۷ داده‌های زیادی در مورد حرکت ماه و سیارات گردآوری شده بود، اما کسی شناخت روشی از نیروهای مؤثر بر آنها نداشت. در آن سال ایزاک نیوتن، داشمند انگلیسی، با انتشار کتاب اصول خود راز این معما را بیان کرد. از قانون‌های نیوتن می‌دانیم که باید نیروی خالصی بر ماه وارد شود. اگر چنین نبود، ماه به جای مدار تقریباً دایره‌ای به گرد زمین، باید روی خط راست حرکت می‌کرد. نیوتن استدلال کرد که این نیرو ناشی از نیروی جاذبه بین ماه و زمین است و گفت این نیرو همان نیرویی است که اجسام نزدیک به سطح زمین – مانند سیب – را جذب می‌کند. نیوتن نشان داد هر جسمی در عالم، اجسام دیگر را به خود جذب می‌کند و این الهام‌بخش او برای قانون گرانش عمومی بوده است که بیان می‌دارد:

**نیروی گرانشی میان دو ذره<sup>۱</sup> با حاصل ضرب جرم دو ذره نسبت مستقیم و با مربع فاصله آنها از یکدیگر نسبت وارون دارد.**

اگر مطابق شکل ۲-۲، جرم دو ذره  $m_1$  و  $m_2$  و فاصله آنها از یکدیگر  $r$  باشد، اندازه نیروی گرانشی میان دو ذره یعنی  $F$  از رابطه زیر بدست می‌آید:

$$F = G \frac{m_1 m_2}{r^2} \quad (۲-۲)$$

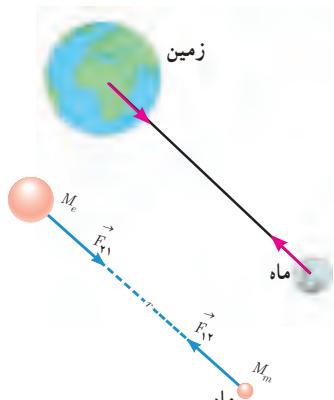
(نیروی گرانشی میان دو ذره)

در این رابطه،  $G$  ثابت گرانش عمومی نام دارد و برابر است با:

$$G = ۶/۶۷ \times ۱۰^{-۱۱} \text{ N.m}^2 / \text{kg}^۲$$

## فعالیت ۵-۲

ثابت گرانشی  $G$  را اولین بار هنری کاوندیش<sup>۳</sup> در سال ۱۷۹۸ اندازه‌گیری کرد. در مورد روش اندازه‌گیری  $G$  توسط هنری کاوندیش تحقیق کنید و نتیجه را به کلاس گزارش دهید.



## مثال ۱۳-۲

جرم زمین و ماه به ترتیب حدود  $۱۰^{۲۴} \text{ kg}$  و  $۵/۹۸ \times ۱۰^{۲۴} \text{ kg}$  و  $۷/۳۶ \times ۱۰^{۲۲} \text{ kg}$  و فاصله متوسط آنها از یکدیگر حدود  $۳/۸۴ \times ۱۰^۸ \text{ m}$  است. نیروی گرانشی را که زمین و ماه به یکدیگر وارد می‌کنند پیدا کنید.

**پاسخ:** فاصله دو کره در این مثال خیلی بزرگ‌تر از قطر کره‌های است. بنابراین می‌توان کره‌ها را ذره فرض کرد.

به کمک رابطه ۲-۲، نیروی گرانشی را که زمین و ماه برهم وارد می‌کنند محاسبه می‌کنیم:

$$F_{e2} = F_{21} = G \frac{M_e M_m}{r^2} = (۶/۶۷ \times ۱۰^{-۱۱} \text{ N.m}^2 / \text{kg}^۲) \frac{(۵/۹۸ \times ۱۰^{۲۴} \text{ kg})(۷/۳۶ \times ۱۰^{۲۲} \text{ kg})}{(۳/۸۴ \times ۱۰^۸ \text{ m})^2} = ۱/۹۹ \times ۱۰^{۲۰} \text{ N}$$

این نیرو سبب چرخش ماه به دور زمین می‌شود.

۱- اگر فاصله دو جسم از یکدیگر چنان زیاد باشد که بتوان از ابعاد هر یک از دو جسم در مقایسه با فاصله آنها چشم‌بوشی کرد، می‌توان دو جسم را به صورت ذره در نظر گرفت.

۲- Henry Cavendish

## مثال ۱۴-۲

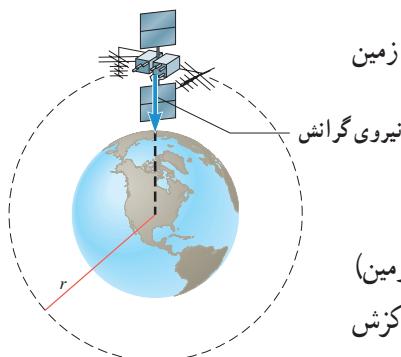
دو کره همگن به جرم‌های  $kg\ 80/_{\circ}$  و  $kg\ 120/_{\circ}$  را در نظر بگیرید که فاصله مرکز آنها از یکدیگر  $m\ 1/_{\circ}$  است. نیروی گرانشی را که این دو کره بر یکدیگر وارد می‌کنند محاسبه کنید.

**پاسخ:** برای محاسبه نیروی گرانشی را که دو کره همگن بهم وارد می‌کنند می‌توانیم فرض کنیم همه جرم‌های دو کره در مرکز آنها قرار دارد، بنابراین کره‌ها را به صورت ذراتی در نظر می‌گیریم که همان جرم کره‌ها را داشته باشند. به کمک رابطه ۱۲-۲، نیروی گرانشی را که دو کره به یکدیگر وارد می‌کنند محاسبه می‌کنیم:

$$F = G \frac{m_1 m_2}{r^2} = (6/67 \times 10^{-11} N \cdot m^2/kg^2) \frac{(80/_{\circ} kg)(120/_{\circ} kg)}{(1/_{\circ} m)^2} = 6/40 \times 10^{-7} N$$

همان‌طور که محاسبه این مثال نشان می‌دهد، نیروی گرانشی میان جسم‌های با جرم کوچک قابل ملاحظه نیست.

## مثال ۱۵-۲



ماهواره‌ها در اثر نیروی گرانشی بین زمین و ماهواره، روی مدار تقریباً دایره‌ای به دور زمین می‌چرخند. اگر جرم ماهواره  $kg\ 200/_{\circ}$  و فاصله آن از سطح زمین  $km\ 2600$  باشد:

(الف) نیروی گرانشی بین ماهواره و زمین چقدر است؟

(ب) نمودار نیروی گرانشی وارد بر ماهواره را بر حسب فاصله آن از مرکز زمین رسم کنید.

$$(R_e = 6400 km, M_e = 5/98 \times 10^{24} kg, G = 6/67 \times 10^{-11} N \cdot m^2/kg^2)$$

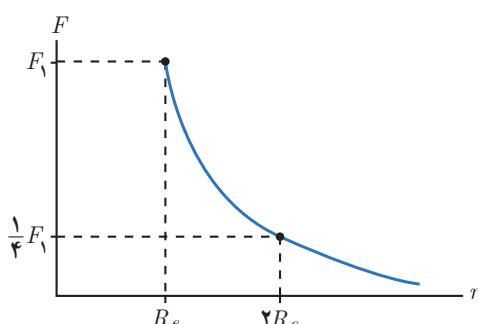
**پاسخ:** ماهواره را به صورت ذره و زمین را به صورت کره‌ای همگن که جرم آن در مرکزش قرار دارد در نظر می‌گیریم و به کمک رابطه ۱۲-۲، نیروی گرانشی بین آنها را محاسبه می‌کنیم.

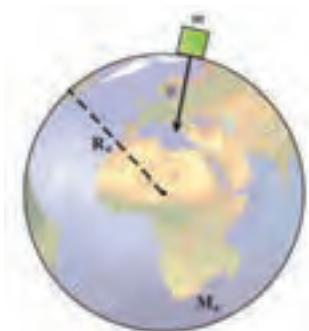
(الف)

$$r = R_e + h = 6400 km + 2600 km = 9000 km = 9/000 \times 10^6 m$$

$$F = G \frac{M_e m}{r^2} = (6/67 \times 10^{-11} N \cdot m^2/kg^2) \frac{(5/98 \times 10^{24} kg)(200/_{\circ} kg)}{(9/000 \times 10^6 m)^2} = 985 N$$

(ب) بیشترین نیروی گرانشی بر ماهواره در سطح زمین به آن وارد می‌شود. هر چه فاصله ماهواره بیشتر شود، نیروی گرانشی با وارون مربع فاصله کاهش می‌یابد. بنابراین نمودار آن به شکل زیر خواهد بود.





**شکل ۲-۲** وزن نیروی گرانشی است که زمین بر جسم وارد می‌کند.

وزن و نیروی گرانشی : در بخش ۲-۲، در مورد وزن یک جسم مطالبی را آموختیم. در آنجا گفتیم وزن یک جسم روی زمین برابر با نیروی گرانشی است که زمین بر جسم وارد می‌کند (شکل ۲-۲). اگر جرم جسم را با  $m$ ، جرم زمین را با  $M_e$  و شعاع زمین را با  $R_e$  نمایش دهیم، وزن جسم در سطح زمین از رابطه زیر به دست می‌آید :

$$W = G \frac{M_e m}{R_e^2} \quad (وزن جسم در سطح زمین) \quad (۱۳-۲)$$

### ۸-۲ تمرین

شان دهید که شتاب گرانشی در سطح زمین از رابطه  $g = G \frac{M_e}{R_e^2}$  به دست می‌آید.

### ۱۶-۲ مثال

ماهواره‌ای مخابراتی در ارتفاع  $35600$  کیلومتری سطح زمین به دور زمین می‌چرخد. شتاب گرانشی در این ارتفاع چقدر است؟ ( $M_e = 5.98 \times 10^{24}$  kg و  $R_e = 6400$  km)

**پاسخ :** شتاب گرانشی در فاصله  $r$  از مرکز زمین از رابطه  $g = G \frac{M_e}{r^2}$  محاسبه می‌شود. با در نظر گرفتن  $r = R_e + h$  می‌توانیم بنویسیم :

$$g = (6.67 \times 10^{-11} \text{ N.m}^2/\text{kg}^2) \frac{5.98 \times 10^{24} \text{ kg}}{(6400 \times 10^3 \text{ m} + 35600 \times 10^3 \text{ m})^2} = 0.226 \text{ m/s}^2$$

همان‌طور که ملاحظه می‌شود، مقدار  $g$  در این فاصله بسیار ناچیز است.

### ۹-۲ تمرین

تلسکوپ فضایی هابل در ارتفاع تقریبی  $600$  کیلومتری از سطح زمین به دور زمین می‌چرخد.

(الف) شتاب گرانشی در این فاصله چقدر است؟

(ب) وزن این تلسکوپ در این ارتفاع چند برابر وزن آن روی زمین است؟



الف) نیروی اصطکاک ایستایی بین جسم و سطح در هر حالت چقدر است؟

ب) ضریب اصطکاک ایستایی بین جسم و سطح چقدر است؟

پ) اگر پس از حرکت، شخص با نیروی  $20\text{ N}$  جسم را هُل دهد و ضریب اصطکاک جنبشی بین سطح و جسم  $\frac{1}{2}\%$  باشد، شتاب حرکت جسم چقدر خواهد شد؟



۶. در شکل رو به رو وقتی وزنه  $4\text{ kg}$  را به فنر آویزان می‌کنیم، طول فنر  $14\text{ cm}$  می‌شود، وقتی وزنه  $5\text{ kg}$  را به فنر آویزان می‌کنیم، طول فنر  $15\text{ cm}$  می‌شود.

الف) ثابت فنر چقدر است؟ ب) طول عادی فنر (بدون وزنه) چند سانتی‌متر است؟

۷. در هر یک از موارد زیر، نیروهای وارد بر جسم را مشخص کنید. واکنش هر یک از این نیروها به چه جسمی وارد می‌شود؟ الف) خودرویی با سرعت ثابت در یک مستقیم افقی در حال حرکت است.

ب) کشتی ای با سرعت ثابت در حال حرکت است. پ) قایقرانی در حال پارو زدن است.

ت) چتربازی در هوای آرام و در امتداد قائم در حال سقوط است. ث) هواپیمایی در یک سطح پروازی افقی با سرعت ثابت در حال حرکت است.

ج) تویی در راستای قائم به زمین برخورد می‌کند و برمی‌گردد.

۸. راننده خودرویی که با سرعت  $h/\text{km} = 72$  در یک مستقیم در حال حرکت است، با دیدن مانع اقدام به ترمز می‌کند و خودرو پس از طی مسافت  $m = 20\text{ m}$  متوقف می‌شود.

الف) شتاب خودرو در مدت ترمز چقدر است؟

ب) از لحظه ترمز تا توقف کامل خودرو، چقدر طول می‌کشد؟

پ) نیروی اصطکاک بین لاستیک‌ها و سطح چقدر است؟

جرم خودرو را  $120\text{ kg}$  بگیرید.

## ۱-۲ و ۲-۲ قوانین حرکت نیوتون و معرفی برخی از نیروهای خاص

۱. سبی را در نظر بگیرید که به شاخه درختی آویزان است و سپس از درخت جدا می‌شود.

الف) با رسم شکل نیروهای وارد بر سبی را قبل و بعد از جداشدن از درخت نشان دهید. ب) در هر حالت واکنش این نیروها بر چه اجسامی وارد می‌شود؟

۲. وقتی در خودروی ساکنی نشسته‌اید و خودرو ناگهان شروع به حرکت می‌کند، به صندلی فشرده می‌شوید. همچنین اگر در خودروی در حال حرکتی نشسته باشید، در توقف ناگهانی به جلو پرتاب می‌شوید.



الف) علت این پدیده‌ها را توضیح دهید. ب) نقش کمرنگ‌ایمنی و کیسه‌هوا در کم شدن آسیب‌ها در تصادف‌ها را بیان کنید.

۳. داشن‌آموزی به جرم  $50\text{ kg}$  روی یک ترازوی فنری در آسانسور ایستاده است. در هر یک از حالت‌های زیر این ترازو چند نیوتون را نشان می‌دهد؟ ( $g = 9.8\text{ N/kg}$ )

الف) آسانسور ساکن است.

ب) آسانسور با سرعت ثابت حرکت می‌کند.

پ) آسانسور با شتاب  $1/2\text{ m/s}^2$  به طرف بالا شروع به حرکت می‌کند.

ت) آسانسور با شتاب  $1/2\text{ m/s}^2$  به طرف پایین شروع به حرکت می‌کند.

۴. در شکل نشان داده شده، شخص با نیروی  $200\text{ N}$  جسم  $90\text{ kg}$  را هُل می‌دهد، اما جسم ساکن می‌ماند. ولی وقتی با نیروی  $300\text{ N}$  جسم را هُل می‌دهد، جسم در آستانه حرکت قرار می‌گیرد.

ب) اگر از یک قطعه چوب دیگر استفاده کنیم که جرم آن دو برابر جرم قطعه چوب اول و ضریب اصطکاک جنبشی آن با سطح افقی با اولی یکسان باشد و با همان سرعت پرتاب شود، مسافت پیموده شده آن چند برابر می‌شود؟

**۳۰.** وزنهای به جرم  $20\text{ kg}$  را به انتهای فنری به طول  $12\text{ cm}$  که ثابت آن  $20\text{ N/cm}$  است می‌بندیم و فنر را از سقف یک آسانسور آویزان می‌کنیم. طول فنر را در حالت‌های زیر محاسبه کنید.  
 الف) آسانسور ساکن است.

ب) آسانسور با سرعت ثابت  $20\text{ m/s}$  رو به پایین در حرکت است.

پ) آسانسور با شتاب ثابت  $20\text{ m/s}^2$  از حال سکون رو به پایین شروع به حرکت کند.

ت) آسانسور با شتاب ثابت  $20\text{ m/s}^2$  از حال سکون رو به بالا شروع به حرکت کند.

**۳۱.** برای یک راننده دانستن کل مسافت توقف خودرو اهمیت دارد. همان‌طور که شکل نشان می‌دهد کل مسافت توقف، دو قسمت دارد؛ مسافت واکنش (مسافتی که خودرو از لحظه دیدن مانع تا ترمز گرفتن طی می‌کند) و مسافت ترمز (مسافتی که خودرو از لحظه ترمز گرفتن تا توقف کامل طی می‌کند).



الف) دو عامل مؤثر در مسافت واکنش را بنویسید.

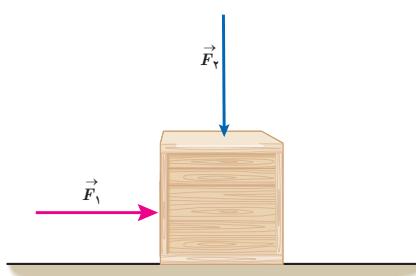
ب) زمان واکنش راننده‌ای  $0.6\text{ s}$  است. در طی این زمان، خودرو مسافت  $18\text{ m}$  را طی می‌کند. با فرض ثابت بودن سرعت در این مدت، اندازه آن را حساب کنید.

پ) اگر در این سرعت راننده ترمز کند و خودرو پس از  $5\text{ s}$  متوقف شود، مسافت ترمز و شتاب خودرو را حساب کنید.

ت) وقتی خودرو ترمز می‌کند، نیروی خالص وارد بر آن چقدر است؟ جرم خودرو را  $15\text{ kg}$  فرض کنید.

**۳۲.** چتریازی از یک بالگرد تقریباً ساکن که در ارتفاع نسبتاً زیادی قرار دارد، به بیرون می‌برد و پس از مدتی چتر خود را باز می‌کند و در امتداد قائم سقوط می‌کند. حرکت چتریاز را از لحظه پرش تا رسیدن به زمین تحلیل کنید و نموداری تقریبی از تندی آن بر حسب زمان رسم کنید.

**۳۳.** در شکل زیر، نیروی  $F_1$  به بزرگی  $20\text{ N}$  بر جعبه وارد شده است، اما جعبه همچنان ساکن است. اگر در همین حالت بزرگی  $\vec{F}_2$  که جعبه را به زمین می‌فشارد از صفر شروع به افزایش کند، کمیت‌های زیر چگونه تغییر می‌کنند؟



الف) اندازه نیروی عمودی سطح وارد بر جعبه

ب) اندازه نیروی اصطکاک ایستایی وارد بر جعبه

پ) اندازه بیشینه نیروی اصطکاک ایستایی

ت) نیروی خالص وارد بر جسم

**۳۴.** می‌خواهیم به جسمی که جرم آن  $5\text{ kg}$  است، شتاب  $20\text{ m/s}^2$  بدهیم. در هر یک از حالت‌های زیر، نیرویی را که باید به جسم وارد کنیم محاسبه کنید.

الف) جسم روی سطح افقی بدون اصطکاک حرکت کند.

ب) جسم روی سطح افقی با ضریب اصطکاک  $0.2$  به طرف راست حرکت کند، و شتابش نیز به طرف راست باشد.

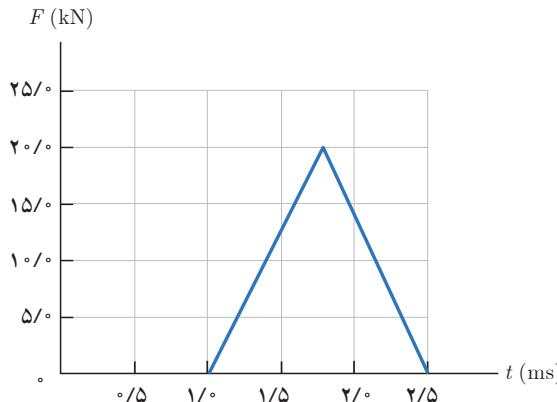
پ) جسم در راستای قائم با شتاب روبرو به بالا شروع به حرکت کند.

ت) جسم در راستای قائم با شتاب روبرو به پایین شروع به حرکت کند.

**۳۵.** قطعه چوبی را با سرعت افقی  $10\text{ m/s}$  روی سطحی افقی پرتاب می‌کنیم. ضریب اصطکاک جنبشی بین چوب و سطح  $0.2$  است.

الف) چوب پس از پیمودن چه مسافتی می‌ایستد؟

**۱۷.** شکل زیر، منحنی نیروی خالص بر حسب زمان را برای توب پیسبالی که با چوب پیسبال به آن ضربه زده شده است، نشان می‌دهد. تغییر تکانه توب و نیروی خالص متوسط وارد بر آن را به دست آورید.



#### ۴-۲ نیروی گرانشی

**۱۸.** دو جسم در فاصله  $20\text{ m}$  از هم، یکدیگر را با نیروی گرانشی کوچک  $N = 10^{-8} \times 10^8$  جذب می‌کنند. اگر جرم یکی از اجسام  $50\text{ kg}$  باشد، جرم جسم دیگر چقدر است؟

**۱۹.** (الف) در چه ارتفاعی از سطح زمین، وزن یک شخص به نصف مقدار خود در سطح زمین می‌رسد؟

(ب) اگر جرم ماهواره‌ای  $25\text{ kg}$  باشد، وزن آن در ارتفاع  $36000\text{ km}$  از سطح زمین چقدر خواهد شد؟

$$(M_e = 5.98 \times 10^{24}\text{ kg} \quad R_e = 6400\text{ km})$$

**.۲۰.** (الف) شتاب گرانشی ناشی از خورشید در سطح زمین چقدر است؟

$$\text{خورشید} = M_e = 1.99 \times 10^{30}\text{ kg} \quad M_{\oplus} = 5.96 \times 10^{24}\text{ kg}$$

$$\text{فاصله زمین تا خورشید} = 149 \times 10^6\text{ km}$$

$$\text{فاصله زمین تا ماه} = 3.84 \times 10^5\text{ km}$$

**.۲۱.** (الف) سفینه‌ای به جرم  $10^3 \times 10^3\text{ kg}$  در وسط فاصله بین زمین و ماه قرار دارد. نیروی گرانشی خالصی را که از طرف زمین و ماه به این سفینه در این مکان وارد می‌شود به دست آورید (از داده‌های مسئله‌های قبل استفاده کنید).

(ب) در چه فاصله‌ای از زمین، نیروی گرانشی ماه و زمین بر سفینه، یکدیگر را خنثی می‌کنند؟

**.۲۲.** یک خودروی باری با طناب افقی محکمی، یک خودروی سواری به جرم  $150\text{ kg}$  را می‌کشد. نیروی اصطکاک و مقاومت هوا در مقابل حرکت خودروی سواری  $N = 220\text{ N}$  و  $N = 380\text{ N}$  است.



(الف) اگر سرعت خودرو ثابت باشد نیروی کشش طناب  $T$  چقدر است؟

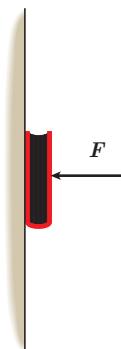
(ب) اگر خودرو با شتاب ثابت  $2\text{ m/s}^2$  به طرف راست کشیده شود، نیروی کشش طناب چقدر است؟

**.۲۳.** کتابی را مانند شکل با نیروی عمودی  $F$  به دیوار قائمی فشرده و ثابت نگه داشته‌ایم.

(الف) نیروهای وارد بر کتاب را رسم کنید.

(ب) اگر جرم کتاب  $2.5\text{ kg}$  باشد، اندازه نیروی اصطکاک را به دست آورید.

(پ) اگر کتاب را بیشتر به دیوار بفشاریم، آیا نیروی اصطکاک تغییر می‌کند؟ با این کار چه نیروهایی افزایش می‌یابد؟



#### ۳-۲ تکانه و قانون دوم نیوتون

**.۲۴.** توپی به جرم  $g = 28\text{ g}$  با تندی  $15\text{ m/s}$  به طور افقی به بازیکنی تزدیک می‌شود. بازیکن با مشت به توپ ضربه می‌زند و باعث می‌شود توپ با تندی  $22\text{ m/s}$  در جهت مخالف برگردد.

(الف) اندازه تغییر تکانه توپ را محاسبه کنید.

(ب) اگر مشت بازیکن  $60\text{ g}$  با توپ در تماس باشد، اندازه نیروی متوسط وارد بر مشت بازیکن از طرف توپ را به دست آورید.

## نوسان و امواج



عمل لیتوتریپسی (Lithotripsy)، روشی غیرتهاجمی برای شکستن سنگ‌های کلیه است. در این عمل، امواج فرماصوتی روی سنگ‌های کلیه متمرکز می‌شوند، به طوری که با خرد شدن سنگ‌ها، آنها بتوانند از طریق مجاری ادراری خارج شوند. چگونه یک دستگاه عمل لیتوتریپسی می‌تواند امواج فرماصوتی را بر یک سنگ کلیه چنان متمرکز کند که موجب شکستن آن شود؟

### بخش‌ها

- |                           |     |
|---------------------------|-----|
| نوسان دوره‌ای             | ۱-۲ |
| حرکت هماهنگ ساده          | ۲-۲ |
| انرژی در حرکت هماهنگ ساده | ۳-۲ |
| تشدید                     | ۴-۲ |
| موج و انواع آن            | ۵-۲ |
| مشخصه‌های موج             | ۶-۲ |
| بازتاب موج                | ۷-۲ |
| شکست موج                  | ۸-۲ |

دنیای ما پر از نوسان است. ضربان قلب انسان، تاب خوردن، بالا و پایین رفت و سرنشیان کشته روی امواج خروشان دریا و زمین لرزه نمونه‌هایی از این دست هستند (شکل ۱-۳). مطالعه و کنترل نوسان‌ها در سامانه‌های مختلف دو هدف اصلی فیزیک‌دان‌ها و مهندسان است. در این فصل نوعی از نوسان موسوم به **نوسان دوره‌ای** و نمونه‌ای مشهور از این نوع نوسان‌ها به نام **حرکت هماهنگ ساده** را بررسی می‌کنیم. در ادامه با پدیده تشديد و سپس با موج و انواع آن آشنا می‌شویم و آنگاه به موج‌های عرضی و طولی می‌پردازیم. نمونه‌ای از موج‌های عرضی که در این فصل بررسی می‌شود امواج الکترومغناطیسی (و از جمله نور مرئی) و نمونه‌ای از موج‌های طولی که مورد بررسی قرار می‌گیرند، امواج صوتی هستند. همچنین امواج با محیطی که در آن منتشر می‌شوند برهم کنش نیز می‌کنند. بازتاب و شکست امواج نمونه‌هایی از این برهم کنش هستند که به خصوصی کاربردهایی فراوان در علوم طبیعی دارند.



(الف)



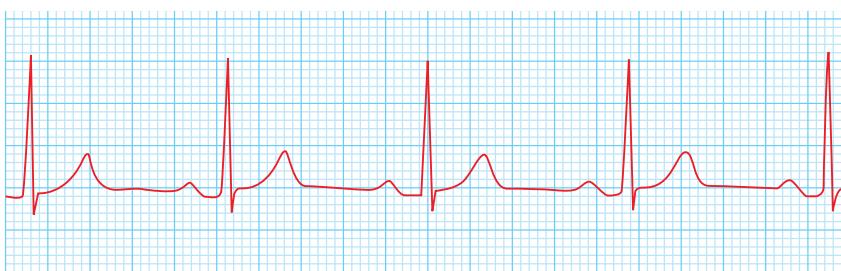
(ب)



(پ)



(ت)



شکل ۱-۳ نمونه‌ای از نمودار الکتروقلب نگاره<sup>۱</sup> (نوار قلب) یک شخص<sup>۲</sup>

تعداد نوسان‌های انجام شده (تعداد چرخه) در هر ثانیه **بسامد** (فرکانس) نامیده می‌شود و آن را با  $f$  نشان می‌دهند. بنابراین :

$$f = \frac{1}{T} \quad (\text{بسامد}) \quad (1-3)$$

یکای بسامد در SI، هرتز (Hz) است که به افتخار فیزیک‌دان آلمانی، هاینریش هرتز، نام‌گذاری شده است. طبق تعریف :

$$1 \text{ Hz} = \text{چرخه بر ثانیه} = 1 \text{ s}^{-1}$$

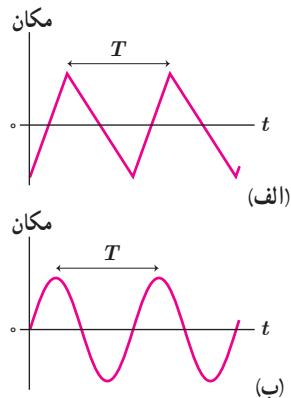
### پرسش ۱-۳

بسامد ضربان قلب مربوط به نمودار شکل ۱-۳ چقدر است؟

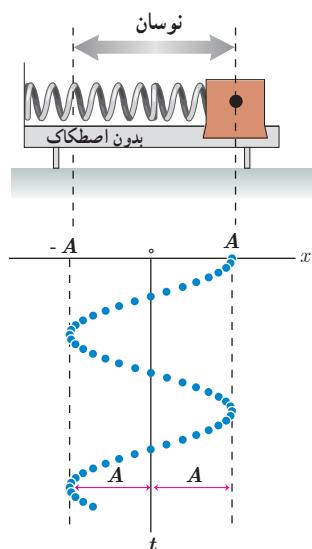
<sup>۱</sup>—Electro Cardio Gram (ECG)

<sup>۲</sup>—در این نمودار محور عمودی، ولتاژ و محور افقی، زمان است.

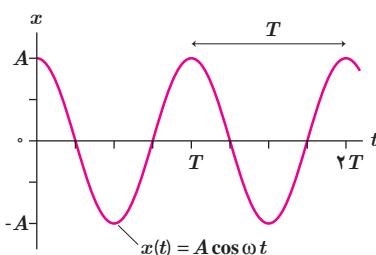
## ۲-۳ حرکت هماهنگ ساده



شکل ۳-۳ نمودار مکان – زمان برای دو نمونه از نوسان دوره‌ای



شکل ۳-۴ سامانه جسم و فنر، نمونه مشهوری از یک حرکت هماهنگ ساده است.



شکل ۳-۵ نمودار مکان – زمان برای حرکت هماهنگ ساده

در بخش پیش با نمونه‌ای از یک نوسان دوره‌ای آشنا شدیم. شکل ۳-۳، دو نمونه دیگر از نوسان‌های دوره‌ای را با رسم نمودار مکان – زمان آنها نشان می‌دهد. هر دوی این نوسان‌ها دوره‌ای هستند، ولی نوسان شکل ۳-۳ ب، به طور سینوسی<sup>۱</sup> رخ داده است. به نوسان‌های سینوسی، حرکت هماهنگ ساده (SHM)<sup>۲</sup> گفته می‌شود. حرکت هماهنگ ساده، مبنای برای درک هر نوع نوسان دوره‌ای دیگر است زیرا در سطح بالاتر نشان داده می‌شود که هر نوسان دوره‌ای را می‌توان مجموعی از نوسان‌های سینوسی در نظر گرفت.

یک نمونه معروف از حرکت هماهنگ ساده، جرمی است که با یک فنر نوسان می‌کند. شکل ۴-۳ جسم متصل به فنری را نشان می‌دهد که روی سطح افقی بدون اصطکاکی قرار گرفته است. اگر جسم به اندازه چند سانتی‌متر کشیده و سپس رها شود، به جلو و عقب نوسان خواهد کرد. اگر مکان جسم را در بازه‌های زمانی متوالی و یکسان ثبت کنیم به نوسانی سینوسی می‌رسیم که در این شکل نشان داده شده است. در این شکل جسم بین  $x = -A$  و  $x = +A$  به جلو و عقب می‌رود که در آن  $A$  رامنه حرکت است. به عبارتی دامنه حرکت، بیشینه فاصله جسم از نقطه تعادل است. توجه کنید که دامنه، فاصله بین دو انتهای مسیر نیست.

همان‌طور که دیدیم، در حرکت هماهنگ ساده نمودار مکان – زمان، نموداری سینوسی است. یعنی مکان (یا جایه‌جایی نسبت به نقطه تعادل) را می‌توان به صورت تابعی سینوسی یا کسینوسی از زمان  $t = 0$  نوشت. در این کتاب برای سادگی تابع کسینوس را بر می‌گزینیم، یعنی فرض می‌کنیم در لحظه  $t = 0$  نوسانگر در مکان بیشینه خود، یعنی  $x = +A$ ، باشد. بنابراین مکان  $x(t)$  نوسانگر را می‌توان چنین نوشت:

$$(2-3) \quad \text{معادله مکان – زمان در حرکت هماهنگ ساده} \quad x(t) = A \cos \omega t$$

در این رابطه  $\omega$  بسامد زاویه‌ای نوسانگر نامیده می‌شود و برابر است با:

$$(3-3) \quad \omega = \frac{2\pi}{T} = 2\pi f \quad \text{(بسامد زاویه‌ای)}$$

یکای بسامد زاویه‌ای در SI برابر  $\text{rad/s}$  است.

توجه کنید که در رابطه ۲-۳، شناسه تابع کسینوس (یعنی  $\cos \omega t$ ) بر حسب رادیان است. شکل ۵ نموداری از این تابع را نشان می‌دهد. اگر به حرکت سامانه جرم – فنر شکل ۴-۳ توجه کنید در می‌باید که وقتی نوسانگر در  $x = \pm A$  است، سرعت آن برابر با صفر است. به این نقطه‌ها اصطلاحاً نقطه‌های بازگشته<sup>۳</sup> حرکت می‌گویند. همچنین وقتی  $x = 0$  است (یعنی نوسانگر از نقطه تعادل می‌گذرد) اندازه سرعت بیشینه است، یعنی بسته به اینکه جسم در جهت  $+x$  یا  $-x$  از نقطه تعادل بگذرد،  $v = +v_{max}$  یا  $v = -v_{max}$  خواهد بود. اگرچه روابط ۲-۳ و ۳-۳ و بحث کوتاهی که درباره سرعت نوسانگر انجام دادیم برای سامانه جرم – فنر بود، ولی برای هر نوسانگر هماهنگ ساده‌ای (از جمله آونگ ساده) برقرار است.

۱-Sinusoidal. به طور عمومی به همه تابع‌های سینوسی و کسینوسی، تابع سینوسی می‌گویند.

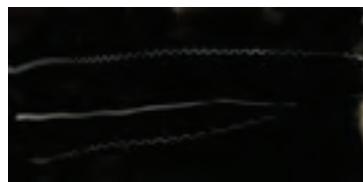
۲-Simple Harmonic Motion

۳-بررسی روابط سرعت – زمان و سرعت – مکان در حرکت هماهنگ ساده خارج از اهداف آموزشی این کتاب است و باید در ارزشیابی این درس مورد بررسی قرار گیرد.

## ۱-۳ فعالیت



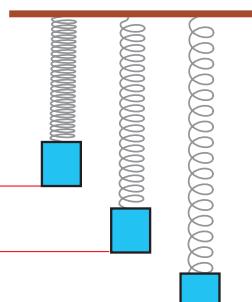
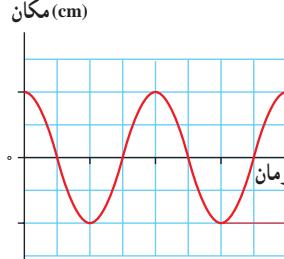
دیاپازون با تیغه‌ای نوک تیز



انر ارتعاش‌های دیاپازون روی شیشه دوداندو

**نوسان‌نگار:** نوسان‌نگار وسیله‌ای برای ثبت نوسان‌ها است. می‌خواهیم یک نوسان‌نگار ساده درست کنیم. به این منظور، یک وجه قطعه شیشه‌ای با طول و عرض تقریبی  $2\text{ cm}$  و  $1\text{ cm}$  را روی شعله شمعی بگیرید تا به خوبی دوداندو شود. سپس تیغه نوک تیزی را به نوک یکی از شاخه‌های دیاپازون<sup>۱</sup> کم‌سامدی (در حدود  $10\text{ Hz}$ ) محکم بچسبانید. دیاپازون را به نوسان وادارید و آن را به سرعت روی شیشه دوداندو به حرکت درآورید، طوری که اثر نوک تیز تیغه روی سطح دوداندو بیفتند. روی شیشه، خط موج‌داری رسم می‌شود که به آن نوسان‌نگاشت<sup>۲</sup> گفته می‌شود.

## ۱-۳ مثال



جرمی متصل به یک فنر با سامد  $2\text{ Hz}$  و دامنه  $2\text{ cm}$  به طور هماهنگ در امتداد قائم نوسان می‌کند. پس از گذشت  $10/66\text{ s}$  از رهاشدن جرم از بالای نقطه تعادل، جابه‌جایی این جرم نسبت به نقطه تعادل چقدر است؟

**پاسخ:** با استفاده از رابطه  $x = A \cos \omega t$  جابه‌جایی نسبت به نقطه تعادل جرم – فنر را محاسبه می‌کیم :

که در آن :

$$A = 2\text{ cm}, \omega = 2\pi f = 2\pi (10/66\text{ s})^{-1} = 10/40\pi \text{ rad/s}, t = 10/66\text{ s}$$

در نتیجه، در یکای SI داریم<sup>۳</sup> :

$$x = (2\text{ cm}) \cos (10/40\pi \text{ rad/s} \times 10/66\text{ s}) = 2\text{ cm}$$

## ۱-۳ تمرین

ذره‌ای در حال نوسان هماهنگ ساده با دوره تناوب  $T$  است. با فرض اینکه در  $t=0$  ذره در  $x=+A$  باشد، تعیین کنید در هر یک از لحظات زیر، آیا ذره در  $x=-A$ ، در  $x=+A$ ، در  $x=0$  خواهد بود؟ (الف)  $t=2/5T$ ، (ب)  $t=3/5T$ ، (پ)  $t=5/25T$ . (راهنمایی: برای پاسخ به این تمرین، ساده‌تر آن است که چند دوره از یک نمودار کسینوسی را رسم کنید.)

## ۲-۳ تمرین

در حرکت هماهنگ ساده، مکان  $x(t)$  باید پس از گذشت یک دوره تناوب برابر مقدار اولیه‌اش شود. یعنی اگر  $x(t)$  مکان در زمان دلخواه  $t$  باشد، آن‌گاه نوسانگر باید در زمان  $t+T$  دوباره به همان مکان بازگردد و بنابراین  $A \cos \omega t = A \cos \omega(t+T)$ . براین اساس نشان دهید  $\omega = 2\pi/T$ .

۱— Tuning Fork

۲— Oscillogram

۳— اگر از ماشین حساب برای محاسبه چنین روابطی استفاده می‌کنید، دقت کنید که مُد ماشین حساب روی رادیان (RAD) باشد.

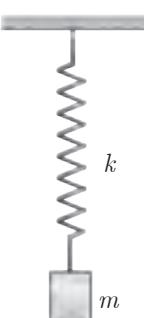


هاینریش هرتز (۱۸۵۷–۱۸۹۴ م.)

در آلمان به دینا آمد. او در ابتدا به رشته‌های معماری و مهندسی علاقه‌مند بود، اما خیلی زود از این علاقه دست کشید و به علوم پایه دل بست. او در دانشگاه برلین تحصیل کرد و از شاگردان هرمن فون هلمهولتز بود. هرتز پس از فارغ‌التحصیلی به تحقیق درباره نظریه الکترومغناطیس مکسول پرداخت. او به خاطر آزمایش‌هایی که در این زمینه انجام داد به سمت استادی فیزیک دانشگاه پلی‌تکنیک کالسروهه منصوب شد. در آنجا یک فرستنده و یک گیرنده رادیویی ساخت که مورد توجه قرار گرفت و به کمک آن توانست تندی امواج رادیویی را بدست آورد. آزمایش‌های متعدد هرتز، به قول خود او، همگی شانه‌ای از پیروزی درخشنان نظریه مکسول بود.

آزمایش‌های متعدد با جرم و فرن نشان می‌دهد که افزایش جرم  $m$  در سامانه جرم – فرن (با فرن یکسان) به کند شدن نوسان‌ها، یعنی افزایش دوره تناوب  $T$  می‌انجامد. همچنین اگر این آزمایش‌ها را با وزنهای به جرم ثابت ولی فرن‌هایی با سختی متفاوت ( $k$ ) می‌انجام دهیم، در می‌باییم که با افزایش ثابت فرن  $k$  دوره تناوب  $T$  نوسان‌ها کوتاه‌تر می‌شود.

### ۲-۳ فعالیت



با انتخاب وزنهای و فرن‌های مختلف، با جرم‌ها و ثابت فرن‌های معلوم و مناسب، در آرایشی مطابق شکل، و با اندازه‌گیری زمان تعداد مشخصی نوسان کامل، و سپس محاسبه دوره تناوب  $T$  برای هر سامانه جرم – فرن، به طور تجربی نشان دهید که :

(الف) دوره تناوب سامانه جرم – فرن با یک فرن معین ولی وزنهای متفاوت، با جذر جرم وزنه به طور مستقیم متناسب است ( $T \propto \sqrt{m}$ ).

(ب) دوره تناوب سامانه جرم – فرن با یک وزن معین ولی فرن‌های متفاوت، با جذر ثابت فرن به طور وارون متناسب است ( $T \propto 1/\sqrt{k}$ ).

محاسبات و همچنین آزمایش‌هایی مشابه با آنچه در فعالیت ۲-۳ دیدید نشان می‌دهد دوره تناوب سامانه جرم – فرن با وزنهای به جرم  $m$  و فرن‌ی با ثابت  $k$  برابر است با :

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{m}{k}} \quad (4-3)$$

بسامد زاویه‌ای  $\omega$  را نیز می‌توانیم از رابطه  $T = 2\pi/\omega$  به دست آوریم :

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} \quad (5-3)$$

### ۲-۳ مثال

قطعه‌ای به جرم  $g = 68\text{ g}$  به فرنی با ثابت فرن  $k = 65\text{ N/m}$  بسته شده است. قطعه را به اندازه مشخصی از مکان تعادل خود روی یک سطح افقی بدون اصطکاک می‌کشیم و از حالت سکون رها می‌کنیم. (الف) دوره تناوب و (ب) بسامد زاویه‌ای نوسان چقدر می‌شود؟

**پاسخ :** (الف) دوره تناوب با استفاده از رابطه ۴-۳ به دست می‌آید :

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{m}{k}} = 2\pi\sqrt{\frac{0.068\text{ kg}}{65\text{ N/m}}} = 0.64\text{ s}$$

(ب) بسامد زاویه‌ای از رابطه ۵-۳ به دست می‌آید :

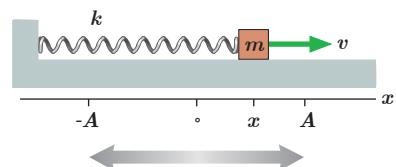
$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} = \sqrt{\frac{65\text{ N/m}}{0.068\text{ kg}}} = 9.8\text{ rad/s}$$

### ۳-۳ انرژی در حرکت هماهنگ ساده

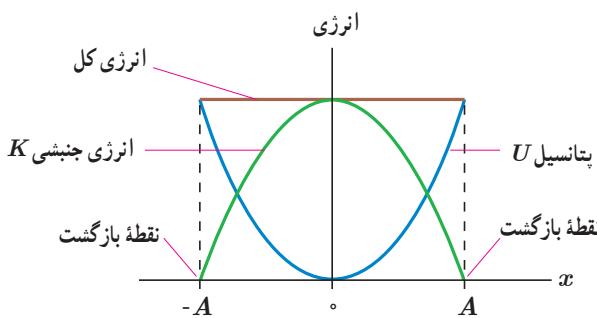
شکل ۳-۶ سامانه جرم - فنر را هنگام نوسان روی سطح افقی بدون اصطکاک نشان می‌دهد. این سامانه مثال بارز حرکت هماهنگ ساده است. در کتاب فیزیک ۱ دیدی و قدمی فنری فشرده یا کشیده می‌شود در سامانه جرم - فنر انرژی پتانسیل کشسانی ذخیره می‌شود، به طوری که با افزایش جابه‌جایی از نقطه تعادل (جامی) که فنر نه فشرده و نه کشیده شده است) این انرژی پتانسیل افزایش می‌یابد. بنابراین انرژی پتانسیل سامانه جرم - فنر در نقاط بازگشتی ( $x = \pm A$ ) بیشینه و در نقطه تعادل ( $x = 0$ ) برابر صفر است.

انرژی جنبشی این سامانه نیز به جرم قطعه متصل به فنر و تندی آن بستگی دارد و برابر با  $K = \frac{1}{2}mv^2$  است. با افزایش جابه‌جایی از نقطه تعادل، تندی کاهش می‌یابد و انرژی جنبشی سامانه نیز کم می‌شود، طوری که در نقاط بازگشتی  $x = \pm A$  که تندی صفر می‌شود انرژی جنبشی سامانه به صفر می‌رسد. بیشینه تندی در نقطه تعادل  $x = 0$  رخ می‌دهد و بنابراین انرژی جنبشی نیز در این نقطه بیشینه می‌شود.

در فیزیک ۱ آموختیم که انرژی مکانیکی این سامانه برابر با مجموع انرژی جنبشی و انرژی پتانسیل آن است ( $E = K + U$ ). چون سطح بدون اصطکاک است، انرژی مکانیکی سامانه پایسته می‌ماند و بنابراین مجموع انرژی‌های جنبشی و پتانسیل در نقاط بازگشتی، نقطه تعادل، و هر نقطه دلخواه دیگری از مسیر با هم برابر است. به همان اندازه که با افزایش جابه‌جایی از نقطه تعادل، انرژی پتانسیل افزایش می‌یابد، انرژی جنبشی کاهش می‌یابد و بالعکس. شکل ۳-۷ تبدیل انرژی‌های جنبشی و پتانسیل به یکدیگر و پایستگی انرژی مکانیکی در حرکت هماهنگ ساده سامانه جرم - فنر را نشان می‌دهد.



شکل ۳-۶ سامانه جرم - فنر در نوسان روی سطح افقی بدون اصطکاک



شکل ۳-۷ تبدیل انرژی در حین حرکت هماهنگ ساده  
سامانه جرم - فنر. توجه کنید که در نقطه  $x = 0$  انرژی، صرفاً جنبشی و در نقطه‌های  $x = \pm A$  انرژی، صرفاً پتانسیل است. در این حرکت انرژی مکانیکی پایسته است، به گونه‌ای که به طور پیوسته از انرژی پتانسیل  $U$  به انرژی جنبشی  $K$  تبدیل می‌شود و بالعکس.

نشان داده می‌شود انرژی مکانیکی سامانه جرم - فنر در حرکت هماهنگ ساده از رابطه زیر به دست می‌آید<sup>۱</sup> :

$$E = \frac{1}{2}kA^2 \quad (انرژی مکانیکی سامانه جرم - فنر) \quad (۳-۶)$$

که در آن  $k$  ثابت فنر و  $A$  دامنه نوسان است. با استفاده از رابطه‌های ۳-۵ و ۳-۳ به رابطه مفید دیگری می‌رسیم که برای هر نوسانگر هماهنگ ساده دیگری از جمله آونگ ساده نیز

۱- انرژی پتانسیل کشسانی سامانه جرم - فنر در هر نقطه از مسیر نوسان از رابطه  $U = \frac{1}{2}kx^2$  به دست می‌آید که آموزش و ارزشیابی آن خارج از برنامه درسی این کتاب است. در نقاط بازگشتی که  $x = \pm A$  است، این انرژی مساوی  $\frac{1}{2}kA^2$  و برابر با انرژی مکانیکی سامانه است.

برقرار است:

$$E = \frac{1}{2} k A^2 = \frac{1}{2} m \omega^2 A^2 = \frac{1}{2} \pi^2 m A^2 f^2$$

یا

$$E = \frac{1}{2} \pi^2 m A^2 f^2 \quad (7-3)$$

اگرچه پایستگی انرژی مکانیکی و تبدیل انرژی‌های جنبشی و پتانسیل به یکدیگر را فقط برای نوسانگر جرم - فنر بررسی کردیم، ولی می‌توان نشان داد در حالت کلی، برای هرگونه نوسانگر هماهنگ ساده دیگری (از جمله آونگ ساده) نیز برقرار است. همچنین با به رابطه ۷-۳ انرژی مکانیکی هر نوسانگر هماهنگ ساده‌ای متناسب با مربع دامنه ( $A^2$ ) و مربع بسامد ( $f^2$ ) است.

### مثال ۳-۳

(الف) نشان دهید تندی بیشینه در حرکت هماهنگ ساده برابر است با  $A\omega$ .

(ب) تندی نوسانگر هماهنگ ساده‌ای که با دامنه  $10\text{ cm}$  و دوره  $5.0\text{ s}$  نوسان می‌کند هنگام عبور از نقطه تعادل چقدر است؟

**پاسخ:** (الف) بیشینه تندی در حرکت هماهنگ ساده هنگام عبور نوسانگر از نقطه تعادل رخ می‌دهد، جایی که انرژی پتانسیل

صفراست. با استفاده از تعریف انرژی مکانیکی ( $E = K + U$ ) و همچنین روابطهای ۷-۲ و ۷-۳ خواهیم داشت:

$$\frac{1}{2} \pi^2 m A^2 f^2 = \frac{1}{2} m v_{\max}^2 + \dots \Rightarrow v_{\max} = \pi A f = A\omega$$

(ب)

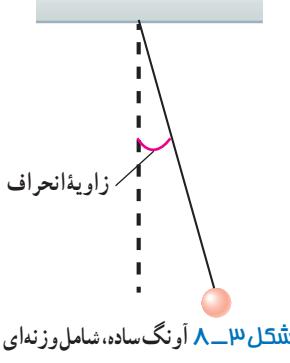
$$v_{\max} = A\omega = A\left(\frac{\pi}{T}\right) = (10\text{ cm})\left(\frac{\pi}{5.0\text{ s}}\right) = 1.3\text{ m/s}$$

**آونگ ساده:** آونگ ساده شامل وزنه کوچکی به جرم  $m$  (موسوم به وزنه آونگ) است که از نخی بدون جرم و کش نیامدنی به طول  $L$  که سر دیگر آن ثابت شده، آویزان است (شکل ۸-۳). اگر زاویه انحراف آونگ از وضع تعادل کوچک باشد، آونگ حرکت هماهنگ ساده خواهد داشت و همان تبدیل‌های انرژی نوسانگر هماهنگ ساده در اینجا نیز رخ می‌دهد.

آزمایش‌های متعدد و محاسبه، نشان می‌دهد دوره تناوب آونگ ساده فقط به شتاب گرانشی ( $g$ ) و طول آونگ ( $L$ ) بستگی دارد، و از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} \quad (8-3)$$

این روابطه نشان می‌دهد که دوره تناوب آونگ ساده به جرم و دامنه آن بستگی ندارد.



شکل ۸-۳ آونگ ساده، شامل وزنه‌ها کوچک است که از نخی بدون جرم و کش نیامدنی آویزان است.

### مثال ۴-۳

بستگی دوره تناوب آونگ به شتاب گرانشی، روش دقیقی را برای تعیین  $g$  به دست می‌دهد. در این روش با اندازه‌گیری طول  $L$  و دوره تناوب  $T$ ، می‌توان  $g$  را به دست آورد. ژئوفیزیک‌دانی با استفاده از یک آونگ ساده به طول  $1.71\text{ m}$  که  $72.0^\circ$  نوسان کامل را در  $6.0\text{ s}$  انجام می‌دهد، شتاب  $g$  زمین را در مکانی خاص تعیین می‌کند. وی مقدار  $g$  را در این مکان چقدر به دست می‌آورد؟

**پاسخ:** رابطه دوره تناوب آونگ ساده را برای  $g$  حل می کیم :

$$g = \frac{4\pi^2 L}{T^2}$$

$$T = \frac{\text{زمان}}{\text{تعداد نوسان ها}} = \frac{60 / \text{s}}{72 / \circ} = 0 / 833 \text{s}$$

که در آن  $T$  دوره تناوب این آونگ است :

در نتیجه  $g$  چنین به دست می آید :

$$g = \frac{4\pi^2 L}{T^2} = \frac{4\pi^2 (0 / 171 \text{m})}{(0 / 833 \text{s})^2} = 9 / 73 \text{ m/s}^2$$

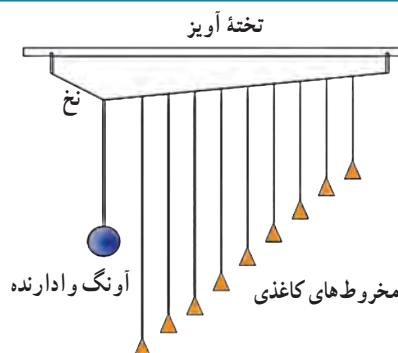
### ۴-۳ تشدید

در تمام مثال هایی که تا اینجا بررسی کردیم، نوسانگر (مثلاً جرم - فنر یا آونگ ساده) با انحراف از وضع تعادل با بسامدی معین شروع به نوسان می کرد. به بسامد این نوسان ها **بسامد طبیعی** گفته می شود. مطابق این تعریف، بسامد طبیعی سامانه جرم - فنر  $f_0 = \sqrt{k/m} / 2\pi$  و بسامد طبیعی آونگ ساده  $f_d = \sqrt{g/L}$  است. اما این نوسانگرها می توانند با اعمال یک نیروی خارجی، با بسامدهای دیگری نیز به نوسان درآیند. به چنین نوسانی، **نوسان واداشته** گفته می شود و بسامد این نوسان را با  $f_d$  نمایش می دهند.<sup>۱</sup> مثالی از یک نوسان واداشته، تاب خوردن کودکی است که به طور دوره ای هُل داده می شود (شکل ۴-۳). نوسان تاب بی آنکه در ادامه حرکت هُل داده شود مثالی از یک نوسان آزاد است، به طوری که نوسان های تاب، میرا و سرانجام متوقف می شود. ولی وقتی شخصی تاب را هُل می دهد، او از تلف شده بر اثر اصطکاک و مقاومت هوا را جبران می کند و مانع از میراشدن نوسان تاب می شود. اگر دامنه نوسان های تاب بزرگ تر و بزرگ تر شود حاکی از آن است که بسامد نوسان های واداشته با بسامد طبیعی تاب برابر شده است. در چنین وضعیتی ( $f_d = f_0$ ) اصطلاحاً گفته می شود که برای نوسانگر **تشدید** (رزونانس) رخ داده است. اگر تاب را با بسامدهایی بیشتر یا کمتر از بسامد طبیعی آن هُل دهیم، دامنه نوسان کوچک تر از حالتی خواهد شد که آن را با بسامد طبیعی اش هُل می دهیم. پدیده تشدید را می توان با فعالیت ساده زیر بررسی کرد.



شکل ۴-۳ با هُل دادن تاب، کودک به نوسان واداشته می شود.

### ۳-۳ فعالیت



آونگ های بارتون<sup>۲</sup> : یک آونگ با وزن سنجن و تعدادی آونگ سبک با طول های مختلف را مطابق شکل سوار کنید. آونگ ها روی نخ سوار شده اند که هر دو انتهای آن توسط گیره هایی به تخته آویز متصل شده است. به آونگ سنجن اصطلاحاً آونگ وادارنده<sup>۳</sup> گفته می شود، زیرا به نوسان درآوردن این آونگ در صفحه عمود بر صفحه شکل، موجب تاب خوردن نخ آویز و در نتیجه به نوسان واداشتن سایر آونگ ها می شود. آونگ وادارنده را به نوسان درآورید و آنچه را مشاهده می کنید توضیح دهید.

۱- شاخص پایین  $\text{driven}$  سروازه به معنی واداشته است.

## تمرين ۳-۳

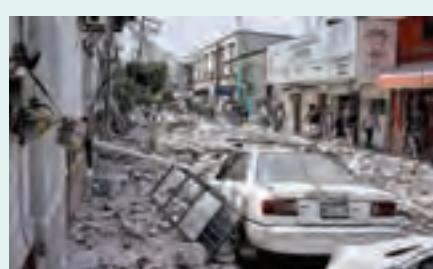
طول تعدادی آونگ ساده که از ميله‌اي افقی آویزان‌اند، عبارت‌اند از،  $0.0/40\text{m}$ ،  $0.0/80\text{m}$ ،  $0.0/120\text{m}$ ،  $0.0/50\text{m}$ ،  $0.0/80\text{m}$ ،  $0.0/120\text{m}$ . فرض کنید ميله دستخوش نوسان‌هایي افقی با بسامد زاويه‌اي در گستره  $2/0\text{ rad/s}$  تا  $4/0\text{ rad/s}$  بشود. کدام آونگ‌ها با دامنه بزرگ‌تری به نوسان درمی‌آیند؟ (توجه کنید گرچه تشدید در بسامد مشخصی رخ می‌دهد، اما دامنه نوسان در تردیک این بسامد همچنان بزرگ است).

## پرسش ۲-۳

در بی‌زمین لرزه عظیمی (به بزرگی  $8/1$  در مقیاس ریشتر) که در ساحل غربی مکزیک در سال  $1985$  اتفاق افتاد ساختمان‌های نیمه بلند فرو ریختند، ولی ساختمان‌های کوتاه‌تر و بلندتر پابرجا ماندند. علت این پدیده را توضیح دهید.



(ب)



(الف)

(الف) ساختمان‌های کوتاه و (ب) ساختمان‌های بلند، در زمین لرزه مکزیکوستی برجای ماندند.



شکل ۱۰-۱۱ با پرتتاب سنگ در آب، فورانه‌گی‌ها و برآمدگی‌هایی دایره‌ای شکل بر سطح آب پخش می‌شوند.

هر گاه در ناحیه‌ای از یک محیط کشسان، ارتعاشی به وجود آید، موجب پدید آمدن ارتعاش‌های بی‌دری بی‌دیگری می‌شود که از محل شروع ارتعاش دور و دورترند، و به این ترتیب آنچه را که **موج** می‌نامند به وجود می‌آید. موج‌ها را عموماً به دو دسته تقسیم‌بندی می‌کنند: **موج‌های مکانیکی** و **موج‌های الکترومغناطیسی**. موج‌های مکانیکی – مانند موج‌های روی سطح آب (شکل ۱۰-۳) و موج‌های صوتی – برای انتشار خود به یک محیط مادی نیاز دارند، و موج‌های الکترومغناطیسی – مانند نور مرئی، موج‌های رادیویی و تلویزیونی، میکروموج و پرتوهای X – برای انتشار خود به محیط مادی نیاز ندارند.

به رغم متفاوت بودن منشأ امواج مکانیکی و الکترومغناطیسی، همگی آنها مشخصه‌های یکسانی دارند و رفتار آنها از قاعده‌هایی کلی پیروی می‌کند که در هر پدیده موجی برقرار است.

اگر مانند شکل ۱۱-۳ یک سرفربلند<sup>۱</sup> کشیده شده‌ای را به سرعت به چپ و راست تکان دهید، موجی به شکل یک تپ در طول فنر منتشر می‌شود. وقتی سر آزاد فنر را مانند شکل ۱۲-۳ رو به بالا حرکت می‌دهید، بخش مجاور آن نیز از طریق کشش بین این دو بخش شروع به بالا رفتن می‌کند. وقتی بخش مجاور به بالا حرکت کند، این بخش نیز به نوبه خود شروع به بالا کشیدن بخش بعدی می‌کند و این روند ادامه می‌یابد. به همین ترتیب، پایین کشیدن سر آزاد فنر



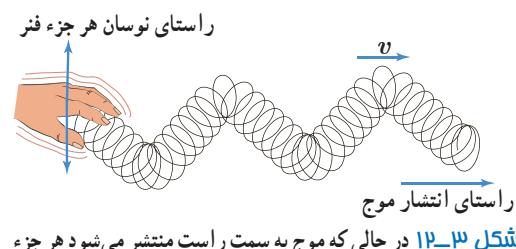
شکل ۱۱-۱۱ نمایش ایجاد موج در یک فنر بلند کشیده

۱- به این فنر، فنر اسلینکی (Slinky) می‌گویند.

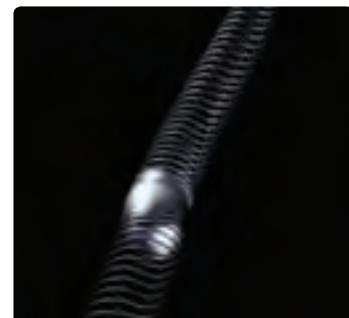
موجب پایین کشیده شدن بخش‌های بعدی فنر می‌شود، و بدین ترتیب آشفتگی‌ای در شکل فنر ایجاد می‌شود که با تندي  $v$  در طول فنر حرکت می‌کند. اگر دست خود را پیاپی به بالا و پایین حرکت دهید یک موج پیوسته با تندي  $v$  در طول فنر به حرکت درمی‌آید. اگر به حرکت جزئی از فنر که در هنگام عبور موج به بالا و پایین نوسان می‌کند دقت کنید درمی‌یابید جایه‌جایی هر جزء نوسان‌کننده‌ای از فنر، عمود بر جهت حرکت موج است، که به آن، **موج عرضی** گفته می‌شود.

از این فنر بلند می‌توان برای ایجاد نوع دیگری از موج موسوم به **موج طولی** نیز استفاده کرد. اگر این بار، سر آزاد فنر را به جای اینکه به بالا و پایین یا به چپ و راست حرکت دهید، به سرعت به جلو و عقب ببرید، یک تپ در طول فنر به راه می‌افتد (شکل ۱۳-۳) و اگر دست خود را پیاپی به جلو و عقب حرکت دهید یک موج طولی پیوسته با تندي  $v$  در طول فنر به حرکت درمی‌آید. اگر به حرکت جزئی از فنر که در هنگام عبور این موج به چپ و راست نوسان می‌کند دقت کنید، درمی‌یابید جایه‌جایی هر جزء نوسان‌کننده‌ای از فنر در راستای حرکت موج است (شکل ۱۴-۳). به همین دلیل است که به چنین موجی، موج طولی می‌گویند.

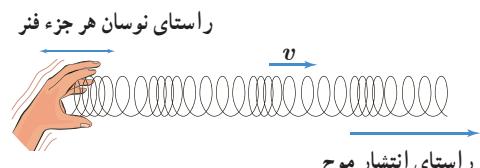
به موج‌های عرضی و طولی که تا اینجا بررسی شد، **موج‌های پیش‌روند** گفته می‌شود. زیرا، هر دوی این موج‌ها از نقطه‌ای به نقطه دیگر حرکت کرده و انرژی را با خود منتقل می‌کنند. توجه کنید/ین موج است که از یک سر به سر دیگر حرکت می‌کند نه ماده‌ای (در مثال‌های بالا فنر) که موج در آن حرکت می‌کند. همچنین دریافتید که برای ایجاد چنین امواجی به یک جسم (چشم) نوسانی نیاز دارید و موج از این چشم دور می‌شود، و اگر چشم به طور هماهنگ ساده نوسان کند، اجزای محیط حول نقطه تعادل خود با همان بسامد چشم نوسان می‌کنند.



شکل ۱۴-۱۳ در حالی که موج به سمت راست منتشر می‌شود هر جزء فنر عمود بر راستای انتشار موج، به بالا و پایین نوسان می‌کند.



شکل ۱۴-۱۴ نمایش ایجاد یک تپ طولی در یک فنر بلند کشیده شده

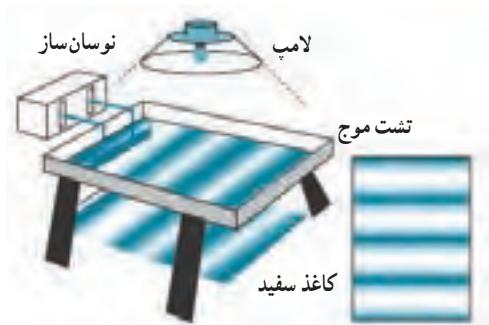


شکل ۱۴-۱۵ در حالی که موج به سمت راست حرکت می‌کند، هر حلقه فنر هم‌راستا با حرکت موج به چپ و راست نوسان می‌کند، به طوری که ناحیه‌های جمع‌شدگی و باز‌شدگی به طور متناسب در طول فنر ظاهر می‌شود.

همان‌طور که گفتیم یکی از ویژگی‌های موج پیش‌روند می‌باشد، در جهت انتشار موج است. با در نظر گرفتن یک تپ طولی در یک فنر بلند کشیده شده، این ویژگی را توضیح دهید.

### ۶-۳ مشخصه‌های موج

برای مطالعه برخی از مشخصه‌های موج از وسیله‌ای موسوم به تشت موج استفاده می‌شود. طرح ساده‌ای از این وسیله در شکل ۱۵-۳ نشان داده شده است. این وسیله شامل یک تشت شیشه‌ای کم عمق و یک نوسان‌ساز است. یک راه مشاهده رفتار موج، استفاده از سایه‌ای است که توسط لامپ از سطح آب داخل تشت بر ورقه کاغذی زیر تشت تشکیل می‌شود. برآمدگی‌ها و فرورفتگی‌های موج

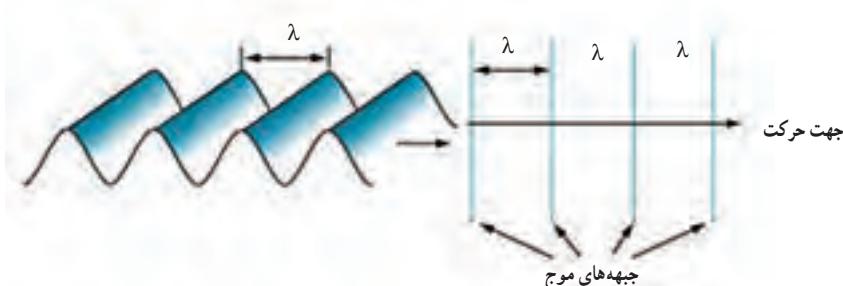


شکل ۱۵-۱۵ طرحی از دستگاه تشت موج



شکل ۱۶-۲۰ تشكيل امواج دايره‌اي بر سطح آب يك تشت موج

روي سطح آب، بهوضوح در سايهه تشکیل شده بر ورقه کاغذ دیده می‌شود. اگر مانند شکل ۱۵-۳ تیغه‌ای را بر سطح آب به نوسان درآوریم، موجی تخت بر سطح آب تشکیل می‌شود و اگر به جای تیغه از یک گوی کوچک استفاده کنیم به یک موج دایره‌ای می‌رسیم که از نقطه تماس با سطح آب در تمام جهت‌ها حرکت می‌کند (شکل ۱۶-۳). در هر دو حالت، به هر یک از برآمدگی‌ها یا فرورفتگی‌های ایجادشده روی سطح آب، یک **جبهه موج** می‌گویند. به برآمدگی‌ها، **فله** (ستیغ) و به فرورفتگی‌ها **دره** (پاستیغ) گفته می‌شود. فاصله بین دو برآمدگی یا دو فرورفتگی مجاور، **طول موج** نامیده می‌شود و آن را با  $\lambda$  نشان می‌دهند (شکل ۱۷-۳). طول موج  $\lambda$  برابر با مسافتی است که موج در مدت دوره تناوب نوسان چشمۀ طی می‌کند.



شکل ۱۷-۱۷ طرحی از تشكيل جبهه‌های موج تخت بر سطح آب يك تشت موج. جبهه‌های موج، روشی مناسب برای نمایش يك موج پیش‌رونده هستند.

با استفاده از آنچه برای موج سطحی در تشت موج آموختیم سایر مشخصه‌های این موج را نیز می‌توانیم معرفی کنیم.

**دامنه (A)**: پیشینه فاصله یک ذره از مکان تعادل، دامنه موج نامیده می‌شود که همان فاصله قله یا دره نسبت به سطح آرام یا ساکن است.

**دوره تناوب (T)**: مدت زمانی که هر ذره محیط یک نوسان کامل انجام می‌دهد دوره تناوب موج نامیده می‌شود که برابر با زمانی است که چشمۀ موج یک نوسان کامل انجام می‌دهد.

**بسامد (f)**: تعداد نوسان‌های انجام شده توسط هر ذره محیط در یک ثانیه بسامد موج نامیده می‌شود که برابر با بسامد چشمۀ موج نیز هست. بنابراین  $f = \frac{1}{T}$ .

**تندی انتشار موج (v)**: اگر جبهه موج در مدت  $\Delta t$  مسافت  $L$  را طی کند، تندی انتشار موج از رابطه  $v = \frac{L}{\Delta t}$  به دست می‌آید. از آنجا که طول موج  $\lambda$  در دوره  $T$  طی می‌شود، داریم:

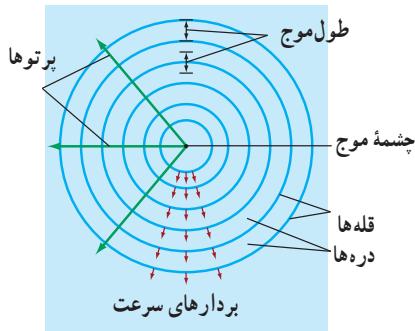
$$v = \frac{\lambda}{T} = \lambda f \quad (تندی انتشار موج) \quad (۹-۳)$$

تجربه و محاسبات نظری نشان می‌دهد که تندی انتشار موج به جنس و ویژگی‌های محیط انتشار بستگی دارد.

### مثال ۵-۳

امواج دایره‌ای تشکیل شده بر سطح آب تشت موج شکل ۱۶-۳ را در نظر بگیرید. آزمایش نشان داده است اگر گوی متحرك با دورهٔ تناوب  $s = 1/0$  در تشتی به عمق  $2/5\text{ cm}$  نوسان کند، فاصلهٔ بین دو برآمدگی مجاور  $5\text{ cm}$  و اگر در تشتی به عمق  $3/5\text{ cm}$  نوسان کند، این فاصله  $6\text{ cm}$  می‌شود. تندی انتشار موج سطحی در این تشت در هر حالت چقدر است؟ از این محاسبه چه نتیجه‌ای می‌گیرید؟

**پاسخ:** فاصلهٔ دو برآمدگی مجاور، طول موج است و همان‌طور که پیش‌تر گفتیم دورهٔ تناوب موج برابر با دورهٔ تناوب نوسان‌های چشممه موج است. تندی انتشار موج را با استفاده از رابطهٔ ۹-۳ به دست می‌آوریم.



با قرار دادن  $m = 5/0\text{ s} = 0.5\text{ s}$  و  $\lambda_1 = 1/0\text{ m} = 1\text{ m}$  در رابطهٔ ۹-۳ خواهیم داشت:

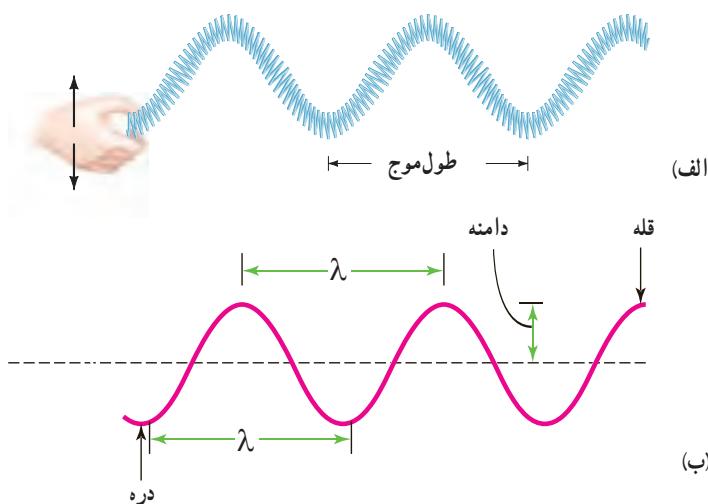
$$v_1 = \frac{\lambda_1}{T} = \frac{1/0\text{ m}}{1/0\text{ s}} = 1/0\text{ m/s}$$

و با قرار دادن  $m = 6/0\text{ s} = 0.6\text{ s}$  و  $\lambda_2 = 1/0\text{ m} = 1\text{ m}$  در رابطهٔ ۹-۳ خواهیم داشت:

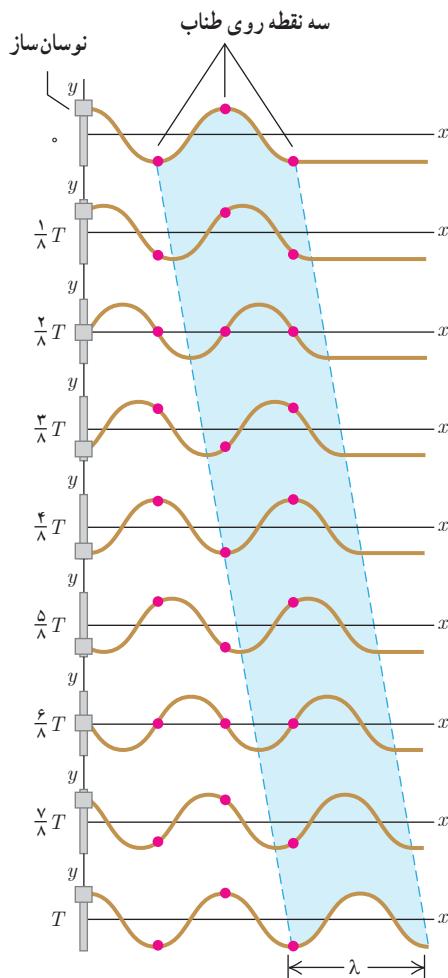
$$v_2 = \frac{\lambda_2}{T} = \frac{1/0\text{ m}}{1/0\text{ s}} = 1/0\text{ m/s}$$

از اینجا در می‌یابیم که تندی انتشار موج سطحی روی آب‌های کم عمق، به عمق آب که یکی از ویژگی‌های محیط انتشار موج است بستگی دارد.

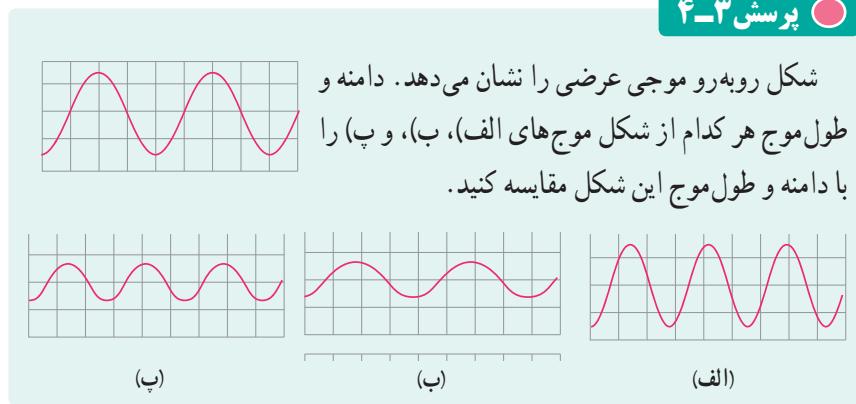
**موج عرضی و مشخصه‌های آن:** موج روی سطح آب، که در بالا بررسی کردیم، نمونه‌ای تقریبی از موج عرضی است. اگر یک سرنبرلنگ کشیده شده‌ای را با حرکت هماهنگ ساده، پیاپی به بالا و پایین حرکت دهید موج عرضی پیوسته‌ای در طول فنر منتشر می‌شود (شکل ۱۸-۳ الف). امواج عرضی، همانند موج عرضی ایجاد شده در این فنر، در هر لحظه از زمان انتشار موج را می‌توان با شکل موجی سینوسی مانند شکل ۱۸-۳ ب مدل‌سازی کرد. در این شکل طول موج و دامنهٔ این موج عرضی، نیز نشان داده شده است.



شکل ۱۸-۳ (الف) یک موج عرضی در فنر کشیده شده و (ب) مدل سینوسی برای این موج



شکل ۳-۱۹ نمای عکس لحظه‌ای از یک موج عرضی منتشر شده در یک تار کشیده شده



شکل ۳-۱۹، نقش یک موج عرضی را در چند لحظه متفاوت در مدت یک دوره تناوب ( $T$ ) نشان می‌دهد. در این مدت، هر ذره از محیط یک نوسان کامل انجام داده است و موج به اندازه یک طول موج ( $\lambda$ ) پیش روی کرده است. بنابراین تندی انتشار موج عرضی نیز از همان رابطه ۳-۹ به دست می‌آید.

همان‌طور که پیش از این گفتیم تندی انتشار موج به جنس و ویژگی‌های محیط انتشار بستگی دارد. برای مثال، تندی انتشار موج عرضی در یک فنر، تار یا ریسمان کشیده به نیروی کشش ( $F$ ) و چگالی خطی جرم ( $m = m/L$ ) بستگی دارد و از رابطه زیر به دست می‌آید :

$$v = \sqrt{\frac{F}{\mu}} \quad (3-۱۰)$$

(تندی انتشار موج عرضی در تار یا فنر)



فری به جرم  $kg/۶۰$  و طول  $m/۴۰$  را با نیروی  $N/۲۰$  می‌کشیم. (الف) تندی انتشار موج در این فنر چقدر است؟ (ب) سرآزاد فنر را با چه بسامدی تکان دهیم تا طول موج ایجاد شده در فنر  $m/۱۰$  شود؟

**پاسخ :** (الف) با استفاده از رابطه ۳-۱۰ تندی انتشار موج را به دست می‌آوریم. در اینجا  $F = N/۲۰$  است و چگالی خطی

جرم برابر است با :

$$\mu = \frac{m}{L} = \frac{kg/۶۰}{m/۴۰} = kg/m$$

بنابراین تندی انتشار  $v$  چنین می‌شود :

$$v = \sqrt{\frac{F}{\mu}} = \sqrt{\frac{N/۲۰}{kg/m}} = \frac{m/s}{m/s} = \frac{m/s}{m/s} = m/s$$

(ب) با استفاده از رابطه ۳-۹ بسامد  $f$  را به دست می‌آوریم :

$$f = \frac{v}{\lambda} = \frac{m/s}{m} = Hz$$

### تمرين ۴-۳



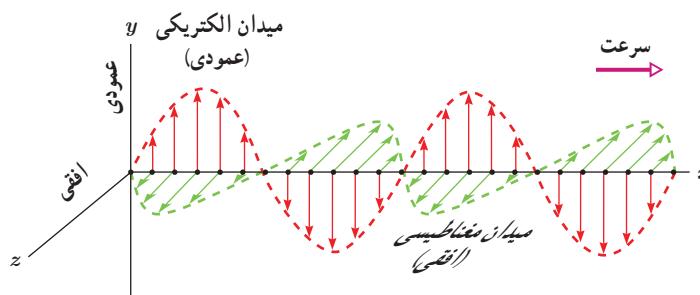
در سازهای زهی همانند تار، کمانچه و گیتار با سفت یا شل کردن تار، تندی انتشار موج عرضی در تار تغییر می‌کند. در یک گیتار طول هر تار بین دو انتهای ثابت  $628\text{ cm}$  است. برای نواختن بالاترین بسامد، جرم تار  $20.8\text{ g}$  و برای نواختن پایین‌ترین بسامد، جرم تار  $32.2\text{ g}$  است. تارها تحت کششی برابر  $226\text{ N}$  قرار دارند. تندی انتشار موج برای ایجاد این دو بسامد چقدر است؟

**انتقال انرژی در موج عرضی:** هر موجی حامل انرژی است. وقتی در یک ریسمان یا فنر کشیده موجی عرضی را ایجاد می‌کنیم، در واقع، انرژی را برای ایجاد موج در ریسمان فراهم کرده‌ایم. با انتشار موج، این انرژی به صورت انرژی جنبشی و پتانسیل در ریسمان انتقال می‌یابد. انرژی جنبشی و انرژی پتانسیل لازم برای حرکت و کشیدگی هر جزء ریسمان یا فنر را شخصی تأمین می‌کند که سر ریسمان یا فنر را دائمًا به نوسان درمی‌آورد. ثابت می‌شود مقدار متوسط آهنگ انتقال انرژی (توان متوسط) در یک موج سینوسی برای همه انواع امواج مکانیکی با مریع دامنه<sup>(۱)</sup> و نیز مربع بسامد<sup>(۲)</sup> موج مناسب است.

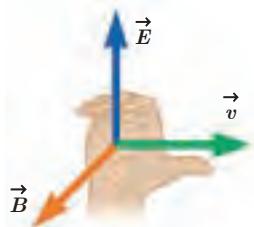
**امواج الکترومغناطیسی:** در کتاب فیزیک ۲ آموختیم که بار الکتریکی، میدان الکتریکی ایجاد می‌کند و جریان الکتریکی، میدان مغناطیسی تولید می‌کند. اگر بارهای الکتریکی ساکن باشند، میدان الکتریکی حاصل از آنها با زمان تغییر نمی‌کند. به همین ترتیب اگر جریان الکتریکی ثابت باشد، میدان مغناطیسی حاصل از آن ثابت و بدون تغییر می‌شود. امواج الکترومغناطیسی از رابطه متقابل میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی به وجود می‌آیند. یعنی هر تغییری در میدان الکتریکی در هر نقطه از فضا، میدان مغناطیسی متغیری ایجاد می‌کند و این میدان مغناطیسی متغیر، خود میدان الکتریکی متغیری به وجود می‌آورد. این رابطه متقابل میدان‌ها سبب انتقال نوسان‌های میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی از یک نقطه فضا به نقاط دیگر و یا همان انتشار موج الکترومغناطیسی می‌شود. ایجاد میدان الکتریکی به علت تغییر میدان مغناطیسی همان القای الکترومغناطیسی است که در سال ۱۸۳۱ میلادی توسط مایکل فاراده به طور تجربی کشف شد و در کتاب فیزیک ۲ با آن آشنا شدید. پدیده معکوس این اثر، یعنی تولید میدان مغناطیسی بر اثر تغییر میدان الکتریکی بعدها توسط جیمز کلارک ماکسول، فیزیکدان انگلیسی، در سال ۱۸۶۵ میلادی پیش‌بینی شد. ماکسول از این دو پدیده نتیجه گرفت که امواج الکترومغناطیسی باید لزوماً ناشی از تغییرات هم زمان میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی (اصطلاحاً میدان الکترومغناطیسی) باشد. شکل ۳-۲، یک موج الکترومغناطیسی سینوسی را در لحظه‌ای از زمان و در نقطه‌ای دور از چشمۀ تولید موج نشان می‌دهد.



**جیمز کلارک ماکسول (۱۸۳۱-۱۸۷۹)**  
در شهادتینبورگ اسکاتلند زاده شد. جیمز در دوران داشن آموزی بسیار کنجکاو بود و به ساختن اسباب‌ها و دستگاه‌های فنی خلیل علاقه داشت و پدرسش هم او را به این کار تشویق می‌کرد. وی در دانشگاه‌های اینبیورک و کبریج تحصیل نمود. ماکسول قادر شکرگرفتی در تجزیه و تحلیل مسائل ریاضی داشت و با استفاده از روش‌های ریاضی توانست روی حلقه‌های سیاره‌زحل و همچنین نظریه جنبشی گازها مطالعات ارزشمندی انجام دهد. در سال ۱۸۶۵ کتاب معروف وی تحت عنوان «نظریه دینامیکی میدان الکترومغناطیسی» به چاپ رسید و انتشار این کتاب کمک‌های فراوانی به علم و فناوری کرد و راه جدیدی را بر روی دستگاه‌های مانند رادیو، تلویزیون، رادار و غیره گشود که همگی بر اساس امواج الکترومغناطیس کار می‌کنند.



**شکل ۳-۲** یک تصویر لحظه‌ای از موجی الکترومغناطیسی که میدان الکتریکی در امتداد قائم (y) و میدان مغناطیسی در امتداد افقی (z) و انتشار موج در جهت x است.



شکل ۲۱-۱۱ قاعده دست راست برای یافتن جهت انتشار موج الکترومغناطیسی

چند مشخصه بارز چنین موجی به قرار زیر است:

۱- میدان الکتریکی  $\vec{E}$  همواره عمود بر میدان مغناطیسی  $\vec{B}$  است.

۲- میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی  $\vec{E}$  و  $\vec{B}$  همواره بر جهت حرکت موج عمودند و در نتیجه موج الکترومغناطیسی، یک موج عرضی است.

۳- میدان‌ها با سامدیکسان و همگام با یکدیگر تغییر می‌کنند.

جهت انتشار امواج الکترومغناطیسی را می‌توان مطابق شکل ۲۱-۳ از قاعده دست راست تعیین کرد.

### پرسش ۵-۳

در یک لحظه خاص، میدان الکتریکی مربوط به یک موج الکترومغناطیسی در نقطه‌ای از فضا در جهت  $z^+$  و میدان مغناطیسی مربوط به آن در جهت  $y^+$  است. جهت انتشار در کدام سو است؟ (جهت‌های  $x^+$ ,  $y^+$  و  $z^+$  را مانند شکل ۲۱-۳ در نظر بگیرید.)

ماکسول با یک تحلیل ریاضی نشان داد که تندی انتشار امواج الکترومغناطیسی در خلا از رابطه  $c = \frac{1}{\sqrt{\mu_0 \epsilon_0}}$  به دست می‌آید، که در آن  $\mu_0$  تراوایی مغناطیسی خلا و برابر  $10^{-7} \text{ T.m/A}$  و  $\epsilon_0$  ضریب گذردهی الکتریکی خلا و برابر  $8/85 \times 10^{-12} \text{ C}^2/\text{N.m}^2$  است. مقدار  $c$  با استفاده از این رابطه  $10^8 \text{ m/s} = 3/10^8 \text{ m/s}$  می‌شود که همان تندی انتشار نور در خلا است که پیش‌تر توسط فیزیکدان فرانسوی آرماند لوئیس فیزو (۱۸۹۶-۱۸۱۹) به روش تجربی به دست آمده بود. این نتیجه‌ای بسیار مهم بود، زیرا نشان می‌داد نور، یک موج الکترومغناطیسی است.

نظریه ماکسول نیاز به تأیید تجربی داشت. هاینریش هرتز در سال ۱۸۸۸ میلادی با ایجاد نوسان‌های الکتریکی پُر سامدی، آزمایش‌های مشهوری در تأیید نظریه ماکسول انجام داد. هرتز نشان داد که امواج رادیویی نیز با همان تندی نور مرئی در آزمایشگاه حرکت می‌کنند و این حاکی از سرشت یکسان امواج رادیویی و نور مرئی بود.

### مثال ۷-۳

گستره بسامد نور مرئی از  $400 \text{ nm}$  تا  $700 \text{ nm}$  (نور بنفش) است. گستره طول موج‌های مربوط به نور مرئی در خلا را بر حسب نانومتر تعیین کنید.

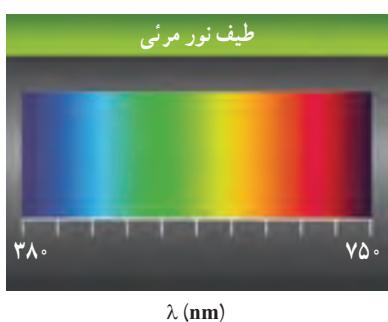
**پاسخ:** نور یک نوع موج است و برای آن می‌توان از رابطه  $v = f\lambda$  استفاده کرد.

اما برای این موج  $v$  برابر با تندی نور ( $c = 3 \times 10^8 \text{ m/s}$ ) است. بنابراین برای دو حد

پایین و بالای طول موج نور مرئی به ترتیب داریم:

$$\lambda_{بنفش} = \frac{c}{f_{بنفش}} = \frac{3 \times 10^8 \text{ m/s}}{700 \times 10^{14} \text{ s}^{-1}} = 3.8 \times 10^{-7} \text{ m} = 380 \text{ nm}$$

$$\lambda_{قرمز} = \frac{c}{f_{قرمز}} = \frac{3 \times 10^8 \text{ m/s}}{400 \times 10^{14} \text{ s}^{-1}} = 7.5 \times 10^{-7} \text{ m} = 750 \text{ nm}$$

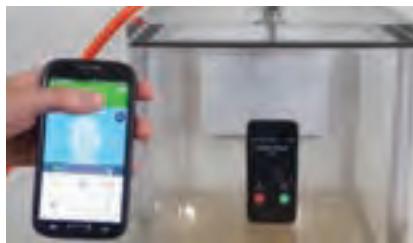


### تمرین ۵-۳



طول آتن یک گوشی تلفن همراه قدیمی معمولاً  $\frac{1}{4}$  طول موج دریافتی است. اگر طول چنین آتنی تقریباً برابر  $8/5\text{cm}$  باشد بسامدی را که این گوشی با آن کار می‌کند تعیین کنید.

### فعالیت ۴-۳



مطابق شکل رو به رو یک گوشی تلفن همراه را در یک محفظه تخلیه هوای شیشه‌ای آویزان کنید. با برقراری تماس با گوشی، صدای آن را خواهید شنید. ولی با به کار افتادن پمپ تخلیه هوای، صدا به تدریج ضعیف و سرانجام خاموش می‌شود، در حالی که امواج الکترومغناطیسی همچنان به گوشی می‌رسند. از این آزمایش چه نتیجه‌ای می‌گیرید؟

همان طور که پیش‌تر گفتیم امواج مکانیکی برای انتشار به محیط مادی نیاز دارند. اما انتشار امواج الکترومغناطیسی به محیط مادی نیاز ندارد و این امواج، انرژی را نه به صورت انرژی جنبشی و انرژی پتانسیل ذرات محیط، بلکه به صورت انرژی میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی منتقل می‌کنند. مثلاً کل انرژی دریافتی از خورشید که باعث بقای زندگی روی کره زمین می‌شود از نوع امواج الکترومغناطیسی است. با اینکه خورشید در فاصله  $15^\circ$  میلیون کیلومتری از زمین قرار دارد، توان امواج الکترومغناطیسی گسیل شده از خورشید که به سطح زمین می‌رسد، تقریباً  $10^\circ$  میلیون گیگاوات است. جالب است که بدانید مرتبه بزرگی توان تولیدی یک نیروگاه هسته‌ای، ۱ گیگاوات است.

**طیف امواج الکترومغناطیسی:** امروزه طیف وسیعی از امواج الکترومغناطیسی را می‌شناسیم. این طیف شامل امواج رادیویی، میکروموج، فروسرخ، طیف نور مرئی، فرابنفش، پرتوهای X و پرتوهای گاما است، که از کمترین بسامد تا بیشترین بسامد گستردۀ شده‌اند (شکل ۲۲-۳). تمام این امواج به رغم تفاوت فراوان در روش‌های تولید و کاربردهای آنها، امواجی الکترومغناطیسی هستند و همگی با تندی نور در خلا حرکت می‌کنند و هیچ گستنگی‌ای در این طیف وجود ندارد.

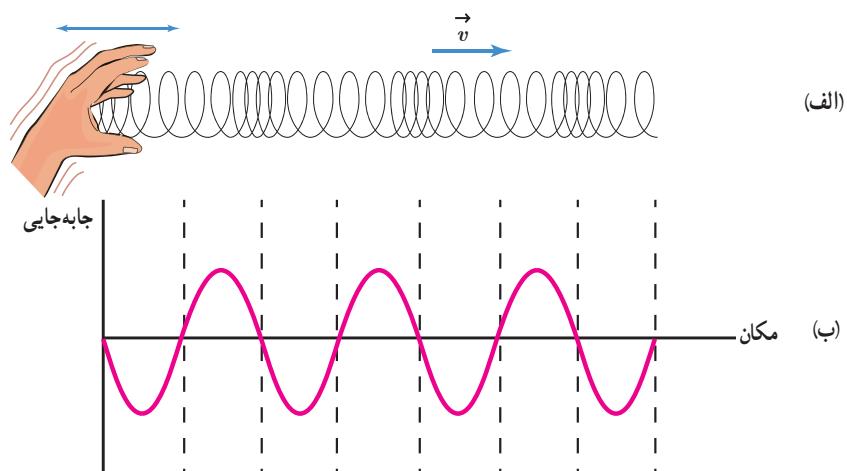


شکل ۲۲-۳ طیف امواج الکترومغناطیسی

در مورد نواحی اصلی طیف امواج الکترومغناطیسی، چگونگی تولید و کاربردهای آنها تحقیق کید.

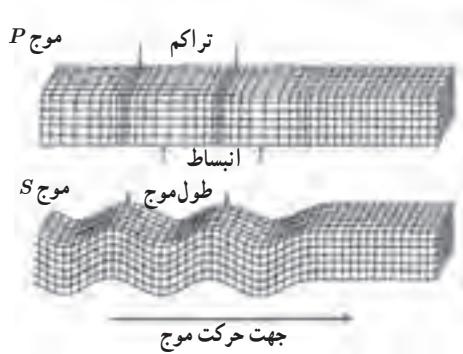
**موج طولی و مشخصه‌های آن :** در انتشار موج طولی در یک فنر بلند کشیده شده دیدیم که با انتشار موج، ناحیه‌های جمع‌شدگی و بازشدگی به‌طور متناوب در طول فنر ظاهر می‌شوند. برای اینکه این موج را مدل‌سازی کنیم لازم است ناحیه‌های جمع‌شدگی و بازشدگی را با دقت بیشتری مورد بررسی قرار دهیم. در یک لحظه از زمان، در مکان‌هایی که بیشترین جمع‌شدگی یا بیشترین بازشدگی حلقه‌ها رخ می‌دهد، جابه‌جایی هر جزء فنر از وضعیت تعادل برابر صفر است. در وسط فاصله‌یین یک جمع‌شدگی بیشینه و یک بازشدگی بیشینه مجاور هم، اندازه جابه‌جایی هر جزء فنر از وضعیت تعادل، بیشینه است. به این ترتیب می‌توان برای فنر شکل ۳-۲۳الف، نمودار جابه‌جایی - مکان شکل ۳-۲۳ب را رسم کرد. با استفاده از چنین نموداری، برای یک موج طولی نیز می‌توانیم همان مشخصه‌های موج عرضی را تعریف کنیم؛ مثلاً در حالی که طول موج برای امواج عرضی برابر با فاصله دو قله یا دو درء متواالی است، در مورد امواج طولی، طول موج برابر با فاصله‌یین دو تراکم (برای فنر، جمع‌شدگی) یا دو انبساط (برای فنر، بازشدگی) متواالی است. همچنین دامنه موج طولی برابر با بیشینه جابه‌جایی از مکان تعادل است.

در اینجا نیز همانند موج عرضی، هر جزء فنر در مدت یک دوره ( $T$ ) یک نوسان کامل انجام می‌دهد و در این مدت موج به اندازه یک طول موج ( $\lambda$ ) پیشروی می‌کند. بنابراین تندی انتشار موج طولی نیز با همان رابطه موج عرضی به طول موج و دوره تناوب بستگی دارد ( $v = \lambda/T$ ). البته این به این معنا نیست که در یک جسم تندی انتشار هر دو نوع موج برابر است. برای امواج مکانیکی، تندی انتشار امواج طولی در یک محیط جامد بیشتر از تندی انتشار امواج عرضی در همان محیط است.



شکل ۳-۲۳ (الف) تصویری لحظه‌ای از ایجاد نواحی جمع‌شدگی و بازشدگی در طول یک فنر بلند کشیده، هنگام انتشار موج طولی سینوسی در فنر (ب) نمودار جابه‌جایی - مکان برای موج ایجاد شده در فنر

## مثال ۸-۳



/موجاً لرزه‌ای<sup>۱</sup> موج‌های مکانیکی‌ای هستند که از لایه‌های زمین عبور می‌کنند. یکی از منشأهای مهم امواج لرزه‌ای، زمین‌لرزه‌ها هستند. دو نوع از امواج لرزه‌ای، امواج اولیه<sup>۲</sup>  $P$  و امواج ثانویه<sup>۳</sup>  $S$  هستند. امواج  $P$ ، امواج طولی و امواج  $S$  امواجی عرضی هستند. معمولاً تندی موج‌های  $P$  در حدود  $8/\text{km/s}$  و تندی موج‌های  $S$  در حدود  $4/\text{km/s}$  است. یک دستگاه لرزه‌نگار<sup>۴</sup> موج‌های  $P$  و  $S$  حاصل از یک زمین‌لرزه را ثبت می‌کند. فرض کنید نخستین امواج  $P$ ،  $3/\text{sec}$  دقیقه پیش از نخستین امواج  $S$  دریافت شوند.

اگر این موج‌ها روی خط راستی حرکت کنند، زمین‌لرزه در چه فاصله‌ای از محل لرزه‌نگار رخ داده است؟

**پاسخ:** نخست با استفاده از رابطه  $\Delta x = v \Delta t$  که در فصل ۱ آموختیم، زمان پیمودن هر یک از دو موج را می‌یابیم. اگر تندی

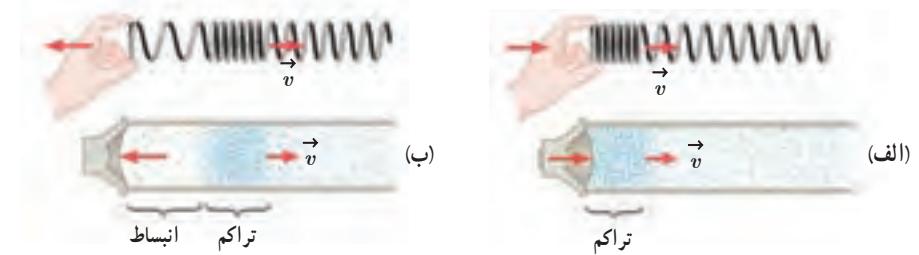
موج  $S$  را با  $v_s$  و تندی موج  $P$  را با  $v_P$  نشان دهیم، اختلاف زمان رسیدن این دو موج چنین می‌شود:

$$\Delta t = \frac{\Delta x}{v_s} - \frac{\Delta x}{v_P} = \frac{(v_P - v_s) \Delta x}{v_s v_P}$$

و از آنجا  $\Delta x$  را به دست می‌آوریم

$$\Delta x = \frac{v_s v_P}{v_P - v_s} \Delta t = \frac{(4/\text{km/s})(8/\text{km/s})}{(8/\text{km/s}) - (4/\text{km/s})} (3/\text{sec}) = 1/9 \times 10^3 \text{ km}$$

**موج صوتی:** صوت یک موج طولی است که توسط جسمی مرتعش از قبیل سیم گیtar، تارهای صوتی حنجره انسان، دیاپازون، و یا پوسته‌های مرتعشی مانند صفحه مرتعش (دیافراگم) یک بلندگو، تولید می‌شود، که اصطلاحاً به اینها چشم‌های صوت گفته می‌شود. وقتی یک چشم‌های صوت مرتعش می‌شود، معمولاً صوت ایجاد شده در تمام جهت‌ها منتشر می‌شود. افزون بر این، صوت فقط در محیط‌های مادی مانند گاز، مایع، یا جامد می‌تواند ایجاد و منتشر شود. امواج صوتی به دلیل طبیعت طولی خود، مثل موج طولی ایجاد شده در یک فنر کشیده، در مقایسه با بازشدگی‌ها و جمع شدگی‌ها فنر، از مجموعه‌ای از تراکم‌ها و انبساط‌ها تشکیل شده‌اند؛ مثلاً با ارتعاش دیافراگم یک بلندگو، موجی صوتی ایجاد می‌شود. حرکت رو به بیرون دیافراگم، هوای جلوی آن را متراکم می‌کند. این تراکم که با تندی صوت از بلندگو دور می‌شود مشابه ناحیه جمع شدگی در یک فنر کشیده است که در آن موجی طولی روانه شده است (شکل ۸-۳-الف). پس از تولید یک ناحیه متراکم، دیافراگم حرکش



شکل ۸-۳ (الف) با حرکت رو به بیرون دیافراگم، یک تراکم ایجاد می‌شود. (ب) با حرکت رو به داخل دیافراگم، یک انبساط ایجاد می‌شود. این تراکم و انبساط شبیه به جمع شدگی و بازشدگی در یک فنر بلند است.

۱— Seismic Waves

۲— Secondary Waves

۲— Primary Waves

۴— Seismograph



ارتاعش یک  
مولکول هوا

**شکل ۲۵-۱۱** در حالی که موج از بلندگو به سمت شنونده حرکت می‌کند، مولکول‌های هوا در جای خود نوسان می‌کنند.

### جدول ۲۵-۱۱ تندی صوت در محیط‌های مختلف

محیط	تندی (m/s)
<b>گازها*</b>	
هوای (°C)	۳۳۱
هوای (۲۰ °C)	۳۴۳
هليم (°C)	۹۶۵
هيدروژن (°C)	۱۲۸۴
<b>مایع‌ها</b>	
متیل الكل (۲۵ °C)	۱۱۴۳
آب (°C)	۱۴۰۲
آب (۲۰ °C)	۱۴۸۲
آب دریا (۲۰ °C) و شوری (%) / ۳/۵	۱۵۲۲
<b>جامدها</b>	
فولاد	۵۹۴۱
گرانیت	۶۰۰۰
آلومینیم	۶۲۲۰

\* فشار همه گازها ۱atm است.

را برعکس می‌کند و به سمت داخل می‌رود. حرکت رو به داخل دیافراگم، هوای جلوی آن را منبسط می‌کند. این انبساط که با تندی صوت از بلندگو دور می‌شود، مشابه ناحیه بازشدگی در یک فنر کشیده است که در آن موجی طولی روانه شده است (شکل ۲۴-۳ ب). توجه کنید، در حالی که موج از بلندگو به شنونده می‌رسد، هر مولکول هوا، با موج حرکت نمی‌کند، بلکه در مکان ثابتی به جلو و عقب نوسان می‌کند (شکل ۲۵-۳).

### پرسش ۳-۶

- (الف) چگونگی ایجاد صوت توسط دیاپازون را توضیح دهید.  
(ب) به نظر شما چه سازوکاری موجب صدای وزوزِ حشرات هنگام پرواز می‌شود؟

تندی انتشار صوت نیز مانند هر موج مکانیکی دیگری با رابطه  $v=f\lambda$  به بسامد و طول موج مربوط می‌شود و به ویژگی‌های فیزیکی محیط بستگی دارد. اندازه‌گیری‌ها نشان داده است که عموماً صوت در جامد‌ها سریع‌تر از مایع‌ها و در مایع‌ها سریع‌تر از گازها حرکت می‌کند، گرچه استثناهایی نیز وجود دارد. جدول ۱-۳ تندی صوت را در تعدادی از گازها، مایع‌ها و جامد‌ها نشان می‌دهد. آزمایش‌ها نشان می‌دهد که تندی صوت افزون بر جنس محیط به دما نیز بستگی دارد و از این رو معمولاً تندی صوت در مواد، همراه با دمای متناظر آنها نوشته می‌شود.

### فعالیت ۳-۶

**اندازه‌گیری تندی صوت :** یک روش ساده برای اندازه‌گیری تندی صوت به این ترتیب است: دو میکروفون را مطابق شکل به یک زمان‌سنج حساس<sup>۱</sup> متصل کنید. این زمان‌سنج می‌تواند بازه‌های زمانی را با دقت میلی‌ثانیه اندازه‌گیری کند. وقتی چکش را به صفحه فلزی بکوییم، امواج صوتی که به سمت دو میکروفون روانه می‌شوند، نخست میکروفون نزدیک تر و سپس میکروفون دورتر را متأثر می‌سازند. اختلاف فاصله میکروفون‌ها از محل برخورد چکش با صفحه فلزی را اندازه می‌گیریم. با استفاده از زمان‌سنج می‌توانیم تأخیر زمانی بین دریافت صوت توسط دو میکروفون را ثبت کنیم. اکنون با استفاده از رابطه  $v=\Delta x/\Delta t$  می‌توانیم تندی صوت را در هوا بیابیم. در صورتی که این اسباب را در مدرسه دارید با استفاده از آن، تندی صوت را در هوا اندازه بگیرید.



<sup>۱</sup> Fast timer

### ● تمرین ۶-۳

شخصی با چکش به انتهای میله باریک بلندی ضربه‌ای می‌زند. تندی صوت در این میله ۱۵ برابر تندی صوت در هوا است. شخص دیگری که گوش خود را نزدیک به انتهای دیگر میله گذاشته است، دو صدا را که یکی از میله می‌آید و دیگری از هوای اطراف میله، با اختلاف زمانی  $128\text{ ms}$  می‌شنود. اگر تندی صوت در هوا  $340\text{ m/s}$  باشد، طول میله چقدر است؟

### خطای شناوری در زیر آب

تئوری

سازوکاری که مغز برای تعیین جهت چشممه صدا به کار می‌برد مبتنی بر تأخیر زمانی بین رسیدن صدا به گوش نزدیک تر به چشممه و گوشی است که دورتر از چشممه قرار دارد. مثلاً اگر چشممه صدا مستقیماً در طرف راست شما باشد، تأخیر زمانی  $58\text{ ms}$  است و تجربه قبلی به درستی به شما می‌گوید که چشممه در سمت راست شما قرار دارد. ولی اگر شما و چشممه صدا هر دو در آب فرو روید میزان تأخیر زمانی تنها  $\frac{1}{4}$  تأخیر زمانی قبلی خواهد بود، زیرا تندی صوت در آب  $4$  برابر تندی صوت در هوا است. پس صدا سریع‌تر از گوش نزدیک تر به گوش دیگر حرکت می‌کند. این تأخیر زمانی کوتاه‌تر و تجربه قبلی شما این علامت اشتباه را می‌دهد که چشممه در زاویه دیگری از جهت مقابل شما قرار دارد.

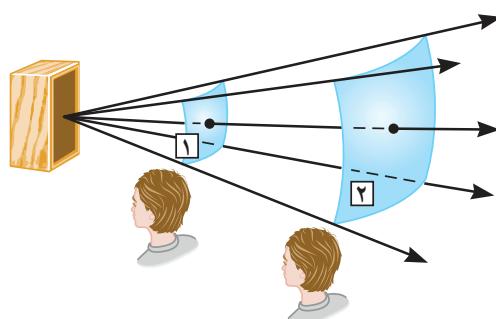
**شدت و تراز شدت صوت:** انتشار صوت از هر چشممه صوتی همراه با انتقال بی‌دریبی انرژی از ناحیه‌ای از محیط به ناحیه‌ای دیگر از آن است. در واقع چشممه صوت، این انرژی را با به حرکت درآوردن لایه‌ای از محیط که در تماس مستقیم با چشممه است به محیط می‌دهد. انرژی از این لایه به لایه بعدی و از آنجا به لایه‌های بعدتر منتقل و در تمام جهت‌ها منتشر می‌شود. شدت یک موج صوتی ( $I$ ) در یک سطح، برابر با آهنگ متوسط انرژی‌ای است که توسط موج به واحد سطح، عمود بر راستای انتشار صوت می‌رسد یا از آن عبور می‌کند (شکل ۲۶-۳).

$$I = \frac{\overline{P}}{A}$$

(شدت صوت)

(۱۱-۳)

که در آن  $\overline{P}$  آهنگ متوسط انتقال انرژی و  $A$  مساحت سطحی است که صوت با آن برخورد می‌کند. بنابراین یکای شدت صوت، وات بر مترمربع ( $\text{W/m}^2$ ) است.



شکل ۲۶-۳ با انتشار صوت از چشممه، انرژی به طور عمود، نخست از سطح ۱ و سپس از سطح ۲ که مساحت بیشتری دارد، می‌گذرد.

### جدول ۴-۲ شدت و تراز شدت صوت برای چند صدای متفاوت

تراز شدت (dB)	شدت صوت صوت (W/m <sup>2</sup> )	صوت
۱۰	۱۰ <sup>-۱۱</sup>	نفس کشیدن در ۳m فاصله
۲۰	۱۰ <sup>-۱۰</sup>	بیچ پیچ در فاصله ۱m
۳۰	۱۰ <sup>-۹</sup>	کتابخانه
۴۰	۱۰ <sup>-۸</sup>	خیابان بی سرو صدا
۵۰	۱۰ <sup>-۷</sup>	رستوران ساکت
۶۰	۱۰ <sup>-۶</sup>	صحبت معمولی در ۱m فاصله
۷۰	۱۰ <sup>-۵</sup>	خیابان پر سرو صدا
۸۰	۱۰ <sup>-۴</sup>	در تزدیکی جاروبرقی
۹۰	۱۰ <sup>-۳</sup>	قطار در عبور از یک تقاطع
۱۰۰	۱۰ <sup>-۲</sup>	کارگاه ماشین آلات پر سرو صدا
۱۱۰	۱۰ <sup>-۱</sup>	دستگاه پخش صوت در بیشترین صدای خود
۱۲۰	۱ <sup>۰</sup>	مته سنگ شکن
۱۳۰	۱ <sup>۱</sup>	موتور جت در ۳m فاصله

شدت صوت را می‌توان با یک آشکارساز اندازه گرفت. با اندازه‌گیری شدت صوت‌های مختلف در می‌یابیم نسبت شدت‌های صوت در گستره شنوایی انسان می‌تواند در حدود  $10^{12}$  باشد (جدول ۴-۲). برای بررسی چنین گستره وسیعی از شدت‌ها راحت‌تر آن است که از لگاریتم (در پایه ۱۰) استفاده کنیم. یعنی به جای شدت  $I$  یک موج صوتی، ساده‌تر این است که از **تراز شدت صوت (تراز صوتی)** که به صورت زیر تعریف می‌شود استفاده کنیم:

$$\beta = (1 \text{ dB}) \log \left( \frac{I}{I_0} \right) \quad (4-2)$$

که در آن dB مخفف دسی بل، یکای تراز شدت صوت است که به افتخار الکساندر گراهام بل (۱۸۴۷-۱۹۲۲ م.) انتخاب شده است. همچنین  $I$  شدت مرجع ( $10^{-12} \text{ W/m}^2$ ) است. به این دلیل انتخاب شده است که تزدیک به حد پایین گستره شنیداری انسان است. یک موج صوتی با شدت  $I = I_0$  تراز شدت صوتی برابر dB دارد. جدول ۴-۲، شدت‌ها و تراز‌های شدت صوت را برای چند صدای متفاوت داده است.

### مثال ۹-۳

تراز شدت صوت یک مخلوط کن  $80 \text{ dB}$  است. شدت این صدا چقدر است؟

**پاسخ:** با استفاده از رابطه ۴-۲ داریم:

$$\beta = (1 \text{ dB}) \log \left( \frac{I}{I_0} \right)$$

$$80 \text{ dB} = (1 \text{ dB}) \log \left( \frac{I}{I_0} \right)$$

$$\log \left( \frac{I}{I_0} \right) = 80$$

$$(I/I_0) = 10^{80/10} \Rightarrow I = 10^{80/10} (1/10^0 \times 10^{-12} \text{ W/m}^2) = 1/10^0 \times 10^{-4} \text{ W/m}^2$$

### تمرین ۷-۳

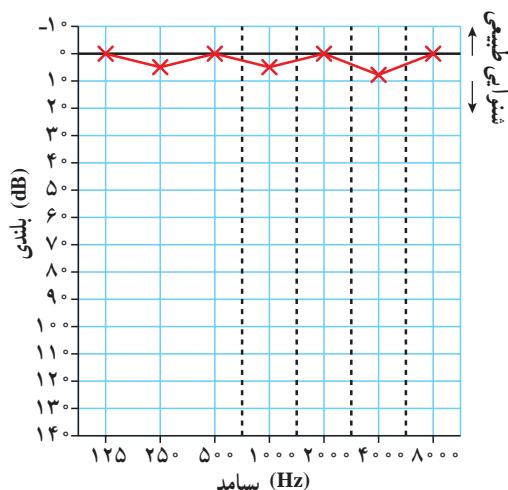
با زیاد کردن صدای تلویزیونی، شدت صوتی که به گوش ما می‌رسد  $100$  برابر می‌شود. تراز شدت صوتی که می‌شنویم چند دسی بل افزایش یافته است؟

**ادرآک شنوایی:** وقتی دیاپازونی را با ضربه‌ای به ارتعاش وامی داریم، دیاپازون نوسان‌هایی انجام می‌دهد که به دلیل میرایی کم، به حرکت هماهنگ ساده تزدیک است. به صوت حاصل از چنین چشم‌هایی

تن موسیقی یا به اختصار تن<sup>۱</sup> گفته می‌شود. با شنیدن هر تن، دو ویژگی را می‌توان از هم متمایز ساخت: ارتفاع<sup>۲</sup> و بلندی<sup>۳</sup> آن. ارتفاع و بلندی هر دو به ادراک شنوایی ما مربوط می‌شوند. ارتفاع، بسامدی است که گوش انسان درک می‌کند؛ مثلاً اگر چند دیاپازون با بسامدهای مختلف به طور یکسان نواخته شوند بسامد آنها را می‌توان از کمترین تا بیشترین مقدار تشخیص داد. اما بلندی، شدتی است که گوش انسان از صوت درک می‌کند. اگر یک دیاپازون با بسامد مشخص را با ضربه‌هایی متفاوت به ارتعاش واداریم، با آنکه بسامد صدایی که می‌شنویم تغییر نمی‌کند، اما صداهایی با بلندی متفاوت را حس می‌کنیم که این به شدت ضربه‌ها بستگی دارد. بلندی متفاوت باشد است. شدت را می‌توان با یک آشکارساز اندازه گرفت، در حالی که بلندی چیزی است که شما حس می‌کنید. دستگاه شنوایی انسان به بسامدهای متفاوت حساسیت‌های متفاوتی نشان می‌دهد، به طوری که بیشترین حساسیت گوش انسان به بسامدهایی در گستره ۲۰۰۰ Hz تا ۵۰۰ Hz است، در حالی که گوش انسان قادر به شنیدن تن‌های صدای ۲۰,۰۰۰ Hz تا ۲۰۰ Hz است.

### شنوایی سنجی و اودیوگرام

همان‌طور که گفتیم گوش به تمام بسامدها به طور یکسانی حساس نیست و بنابراین برای آزمودن شنوایی یک شخص، گستره‌ای از بسامدهای مختلف استفاده می‌شود. در حین یک آزمون شنوایی سنجی صداهایی با بسامدهای ۱۲۵، ۲۵۰، ۵۰۰، ۱۰۰۰، ۲۰۰۰، ۴۰۰۰ و ۸۰۰۰ هرتز در گوش ایجاد می‌شود (شکل الف). هر بسامد با شدت پایینی شروع می‌شود، به طوری که شخص ابتدا نمی‌تواند آن را بشنود. سپس شدت به تدریج زیاد می‌شود تا اینکه بالاخره شخص بتواند صدا را بشنود. بلندی مربوط به این صدا که اصطلاحاً آستانه شنوایی در بسامد آزمون گفته می‌شود، ثبت می‌گردد. سپس نتایج روی نمودار بلندی (بر حسب dB) در برابر بسامد رسم می‌شود. به نمودار حاصل اودیوگرام می‌گویند (شکل ب). اگر نتایج حاصل در محدوده مشخصی قرار گیرد که به عنوان شنوایی طبیعی تعیین شده است، شنوایی شخص طبیعی محسوب می‌شود. البته افزون بر آستانه شنوایی، آستانه در دنایکی نیز برای هر بسامد تعریف می‌شود که بیشینه بلندی صدایی است که در آن بسامد بدون آزار شنوایی، قابل شنیدن است. آستانه در دنایکی برخلاف آستانه شنوایی چندان به بسامد آزمایش حساس نیست.



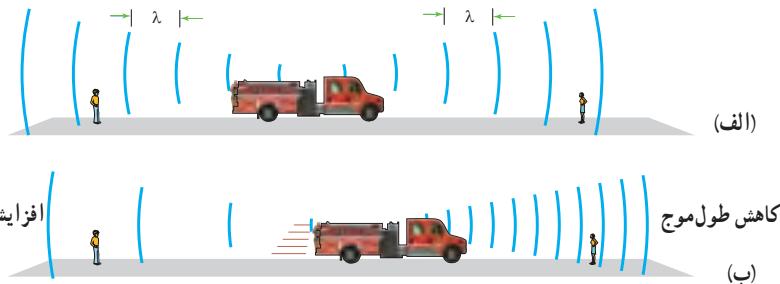
(ب) یک نمودار اودیوگرام نوعی برای شخصی با شنوایی خوب



(الف) شخصی در حین آزمون شنوایی سنجی

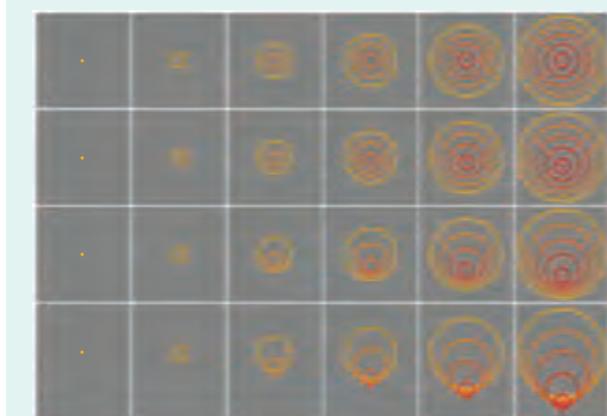
اثر دوپلر: فرض کنید یک ماشین آتش‌نشانی در حالی که آژیر آن روشن است در کنار خودروی شما متوقف باشد. شما همان بسامدی را از آژیر می‌شنوید که راننده ماشین آتش‌نشانی می‌شنود. ولی اگر خودروی شما به ماشین آتش‌نشانی نزدیک و یا از آن دور شود، بسامدهای متفاوتی را خواهد شنید. همچنین اگر خودروی شما ساکن باشد و ماشین آتش‌نشانی به شما نزدیک و سپس از شما دور شود باز هم بسامدهای متفاوتی را خواهد شنید. اینها مثال‌هایی از اثر دوپلر است که به افتخار کاشف آن یوهان کریستین دوپلر (۱۸۰۳–۱۸۵۳ م.). فیزیکدان اتریشی، نام‌گذاری شده است. اثر دوپلر نه تنها برای امواج صوتی بلکه برای امواج الکترومغناطیسی، مانند میکروموج‌ها، موج‌های رادیویی و نور مرئی نیز برقرار است. ما در اینجا نخست امواج صوتی را در نظر می‌گیریم و به عنوان دو حالت خاص، وضعیت‌هایی را بررسی می‌کنیم که در آنها چشمۀ صوتی به شنووندۀ ساکن نزدیک و یا از او دور شود، و یا شنووندۀ به چشمۀ صوتی ساکن نزدیک و یا از او دور شود.<sup>۱</sup>

(الف) چشمۀ متحرک و ناظر (شنووندۀ ساکن: شکل ۲۷-۳ الف)، جبهه‌های موج حاصل از صدای آژیر یک ماشین آتش‌نشانی ساکن را نشان می‌دهد. همان‌طور که دیده می‌شود فاصله این جبهه‌ها از هم، در جلو و عقب ماشین یکسان است، ولی اگر ماشین آتش‌نشانی مثلاً به جلو حرکت کند، فاصله جبهه‌های موج در جلوی ماشین کمتر از پشت آن خواهد بود (شکل ۲۷-۳ ب). بنابراین اگر ناظر ساکنی را رو به روی ماشین در نظر بگیریم، این ناظر طول موج کوتاه‌تری را نسبت به وضعیتی که ماشین ساکن بود اندازه می‌گیرد، که این به معنی افزایش بسامد برای این ناظر است. در حالی که ناظر ساکن عقب ماشین طول موج بلندتری را نسبت به وضعیتی که ماشین ساکن بود اندازه می‌گیرد، که این به معنی کاهش بسامد برای این ناظر است.



شکل ۲۷-۳ (الف) وقتی ماشین ساکن

است تجمع جبهه‌های موج در جلو و عقب ماشین یکسان است. (ب) با حرکت رو به جلوی ماشین، تجمع جبهه‌های موج در جلوی افزایش طول موج ماشین بیشتر و در عقب آن کمتر می‌شود.



(الف)

در هر ردیف شکل رو به رو، جبهه‌های موج متواالی حاصل از یک چشمۀ را می‌بینید.

(ب)

(الف) تندی چشمۀ هارا با هم مقایسه کنید.

(ب)

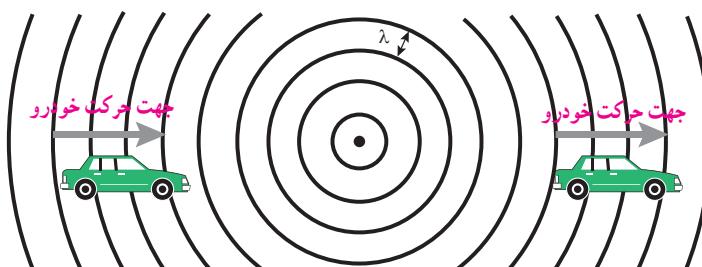
(ب) تندی هر چشمۀ را با تندی صوت مقایسه کنید.

(ت)

### ۷-۳ پرسش

<sup>۱</sup>- روابط و محاسبات مربوط به اثر دوپلر خارج از برنامۀ درسی است و نباید در ارزشیابی لحاظ شود.

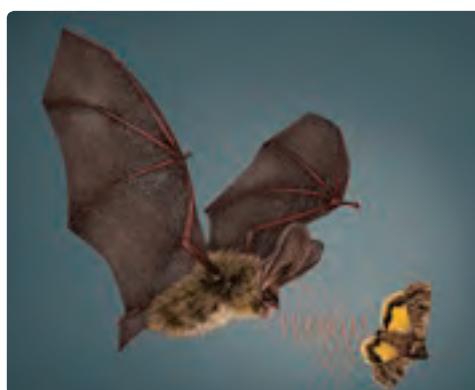
ب) چشمۀ ساکن و ناظر (شنونده) متحرک : در این حالت تجمع جبهه‌های موج در دو سوی چشمۀ یکسان است. اگر ناظر به طرف چشمۀ حرکت کند، در مقایسه با ناظر ساکن، در مدت زمان یکسان، با جبهه‌های موج بیشتری مواجه می‌شود که این منجر به افزایش بسامد صوتی می‌شود که ناظر می‌شنود. در حالی که اگر ناظر از چشمۀ دور شود، در مقایسه با ناظر ساکن، در مدت زمان یکسان، با جبهه‌های موج کمتری مواجه می‌شود که این منجر به کاهش بسامد صوتی می‌شود که ناظر می‌شنود (شکل ۲۸-۳).



**شکل ۲۸-۳** در مدت زمان یکسان خودرویی که به چشمۀ ساکن صوت نزدیک می‌شود با جبهه‌های موج بیشتری برخورد می‌کند، در حالی که خودرویی که از این چشمۀ دور می‌شود با جبهه‌های موج کمتری برخورد می‌کند.

### ۷-۳ بازتاب موج

تولید صدا در آلات موسیقی، پژواک صداها، دیدن ماه، دیدن صفحۀ این کتاب، گرم شدن مواد غذایی در اجاق‌های خورشیدی، جمع شدن امواج رادیویی در کانون آتن‌های بشقابی و... مثال‌هایی از کاربرد بازتاب امواج در زندگی هستند. برخی از جانداران نظری خفاش از همین ویژگی برای یافتن مسیر خود یا طعمه استفاده می‌کنند (شکل ۲۹-۳). امواج الکترومغناطیسی (از جمله نور) نیز بازمی‌تابند. در واقع همان‌طور که در علوم هشتم آموختیم، وقتی نور بازتابیده از جسمی به چشم ما برسد، آن جسم را می‌بینیم. در این بخش، نخست بازتاب امواج مکانیکی و سپس بازتاب امواج الکترومغناطیسی را بررسی می‌کنیم.

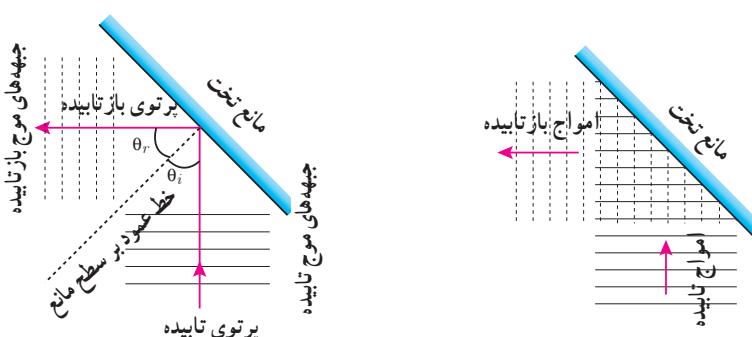


**شکل ۲۹-۳** خفاش برای یافتن طعمه از پژواک موج صوتی خود استفاده می‌کند.

**بازتاب امواج مکانیکی:** اگر تپی را در یک فنر (یا یک ریسمان) کشیده بلنده که یک سر آن بر تکیه گاهی ثابت شده است روانه کنیم، وقتی تپ به تکیه گاه (مرز) می‌رسد نیرویی به آن وارد می‌کند و طبق قانون سوم نیوتون، تکیه گاه نیز نیرویی با اندازه برابر و در جهت مخالف بر فنر وارد می‌آورد. این نیرو در محل تکیه گاه، تپی در فنر ایجاد می‌کند که روی فنر در جهت مخالف تپ تابیده حرکت می‌کند (شکل ۳۱-۳). شکل ۳۱-۳ طرحی واضح‌تر از تابش و بازتابش چنین تپی را نشان می‌دهد. چنین بازتابی را بازتاب در یک بعد می‌گویند.

به خاطر داریم وقتی تیغه تختی را بر سطح آب نشست موج به نوسان درمی‌آوردیم، امواج تختی بر سطح آب تشکیل می‌شد. اکنون اگر بر سر راه این امواج مانع‌هایی قرار دهیم، این امواج پس از برخورد با این مانع باز می‌تابند. به چنین بازتابی، بازتاب در دو بعد می‌گویند. ساده‌ترین شکل یک مانع، مانع تخت است. در حضور این نوع مانع، امواج بازتابیده نیز تحت‌اند (شکل ۳۲-۳). شکل ۳۲-۳ طرحی از چنین بازتابی را نشان می‌دهد. با استفاده از جبهه‌های موج می‌توانیم به طور تجربی به رفتار موج در برخورد با یک مانع بی ببریم. طرح معادل دیگری برای نشان دادن رفتار موج، استفاده از **نمودار پرتوی** است. یک پرتو، پیکان مستقیمی عمود بر جبهه‌های موج است که جهت انتشار موج را نشان می‌دهد. بدین ترتیب می‌توان نمودار پرتویی مربوط به شکل ۳۲-۳ را در حضور جبهه‌های موج به صورت شکل ۳۴-۳ رسم کرد. زاویه بین خط عمود بر سطح مانع و پرتوی تابیده (فرویدی) را **زاویه بازتابش** می‌نامند و با  $\theta_r$  نشان می‌دهند<sup>۲</sup> و زاویه بین خط عمود بر سطح مانع و پرتوی بازتابیده را **زاویه بازتابش** می‌نامند و با  $\theta_i$  نشان می‌دهند<sup>۳</sup>. آزمایش‌های نظری آنچه در شکل ۳۲-۳ نشان داده شده است، ثابت می‌کند که برای هر وضعیت مانع، و همه انواع دیگر موج، مانند امواج دایره‌ای یا کروی نیز، همواره زاویه بازتابش برابر با زاویه تابش است یعنی:  $\theta_i = \theta_r$  که به آن، **قانون بازتاب عمومی** گفته می‌شود.

نمونه دیگری از بازتاب امواج مکانیکی، بازتاب امواج صوتی است. صوت می‌تواند از یک سطح سخت مانند دیوار بازتابش کند. این مثالی از بازتاب امواج در سه بعد است. بازتاب صوت نیز از همان قانون بازتاب عمومی پیروی می‌کند. در فعالیت ۳-۷ به تحقیق این امر می‌پردازیم.

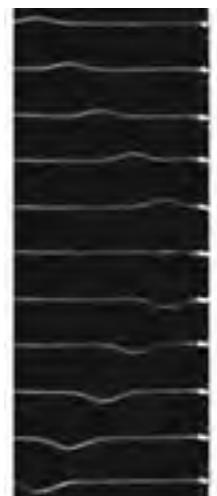


شکل ۳۱-۴ طرحی از جبهه‌های موج تابیده (خطوط بازتاب) و جبهه‌های موج بازتابیده (خطوط خطچین).

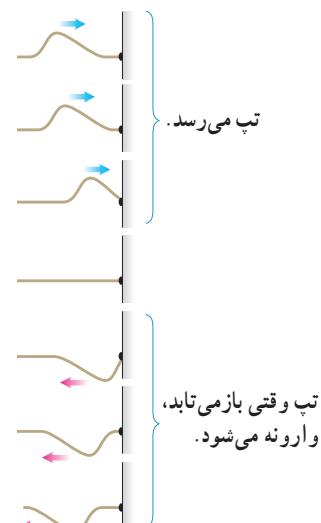
۱- توجه کنید که طول مانع باید در مقایسه با طول موج  $\lambda$  بسیار بزرگ باشد.

۲- سروژه کلمه **incident** به معنی تابش است.

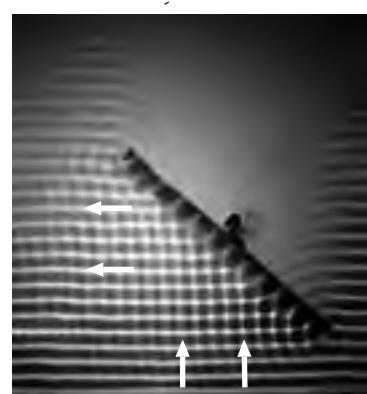
۳- سروژه کلمه **reflection** به معنی بازتابش است.



شکل ۳۱-۵ چند تصویر لحظه‌ای متوالی از پیش روی و بازتاب یک تپ عرضی در یک فنر بلند کشیده شده که یک سر آن در تکیه گاهی واقع در سمت راست، ثابت شده است.



شکل ۳۱-۶ طرحی از پیش روی و بازتاب تپ عرضی شکل ۳۱-۳.



شکل ۳۱-۷ بازتاب امواج تخت از مانع تخت در نشت موج.

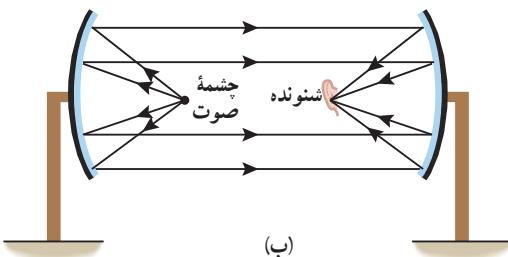
## ۷-۳ فعالیت



نمایشی از اسباب آزمایش بازتاب صوت

با اسباب شان داده شده در شکل رو به رو، می‌توان زاویه تابش و زاویه بازتاب را در امواج صوتی اندازه‌گیری کرد. با استفاده از این اسباب، قانون بازتاب عمومی را برای امواج صوتی تحقیق کنید.

امواج صوتی می‌توانند مانند سایر امواج از سطوح خمیده نیز بازتابیده شوند. شاید در پارک‌های تفریحی دو سطح کاوه را در برابر هم دیده باشید که وقتی شخصی در کانون یکی از این سطوح صحبت می‌کند، شخص دیگری در کانون سطح کاوه دیگر آن را می‌شنود (شکل ۳۵-۲).



(الف)

شکل ۳۵-۲(a) دو سطح بازتابنده کاوه در یک پارک تفریحی و (ب) طرحی از بازتاب امواج صوتی از دو سطح کاوه مقابله هم با استفاده از نمودار پرتویی

## ۸-۳ فعالیت



تصویری از یک میکروفون سهموی

در باره میکروفون سهموی که از آن برای ثبت صدای ضعیف و دستگاه لیتوتریپسی<sup>۱</sup> که از آن برای شکستن سنگ‌های کلیه، با کمک بازتابنده‌های بیضوی استفاده می‌شود تحقیق کنید.

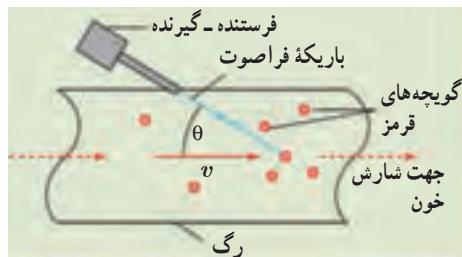
**پژواک<sup>۲</sup>** : در برابر دیواره یا صخره بلندی که چند ده متر از شما فاصله دارد، بایستید و یک بار دست بزنید. پس از مدت زمان کوتاهی، بازتاب صدای دست زدن خود را خواهید شنید. اگر صوت پس از بازتاب، با یک تأخیر زمانی به گوش شنونده‌ای برسد که صوت اولیه را مستقیماً می‌شنود، به چنین بازتابی **پژواک** می‌گویند. اگر تأخیر زمانی بین این دو صوت کمتر از  $18^{\circ}$  باشد، گوش انسان نمی‌تواند پژواک را از صوت مستقیم اولیه تمیز دهد.

<sup>۱</sup>\_Lithotripsy<sup>۲</sup>\_Echo

## فناوری و کاربرد: مکان‌یابی پژواکی

مکان‌یابی پژواکی<sup>۱</sup> روشی است که بر اساس امواج صوتی بازتابیده از یک جسم، مکان آن جسم را تعیین می‌کند. مکان‌یابی پژواکی به همراه اثر دوپلر که در فصل پیش آموختیم، در تعیین مکان اجسام متحرک و نیز تعیین تندی آنها به کار می‌رود. برخی از جانوران نظیر خفاش و دلفین از این روش استفاده می‌کنند. خفاش، فوارانی از امواج فراصوتی را گسیل می‌کند که این بسته به نوع خفاش از دهان یا سوراخ‌های بینی آن گسیل می‌شود. این امواج از اشیایی که در مسیر خفاش قرار دارند بازمی‌تابد و بدین ترتیب خفاش را از اشیایی که بر سر راه او قرار دارند آگاه می‌سازد. البته بسته به اینکه شیء بازتابنده، خود خفاش، یا هر دو متحرک باشند، خفاش تعییر بسامدی ناشی از اثر دوپلر را در موج بازتابیده ادراک می‌کند و بدین‌وسیله می‌تواند سرعت خود یا شیء متحرک را تعیین کند. خفاش‌ها از این ویژگی برای شناسایی و شکار طعمه‌های خود استفاده می‌کنند. همچنین در دستگاه سونار که در کشتی‌ها برای مکان‌یابی اجسام زیر آب به کار می‌رود، و در سونوگرافی نیز از مکان‌یابی پژواکی استفاده می‌شود.

### ۹-۳ فعالیت



اندازه‌گیری تندی شارش خون : از مکان‌یابی پژواکی به همراه اثر دوپلر می‌توان برای تعیین تندی شارش خون (گویچه‌های قرمز) در رگ‌ها استفاده کرد. در مورد چگونگی این فناوری تحقیق کنید.

### ۸-۳ تمرين

کمترین فاصله بین شما و یک دیوار بلند چقدر باید تا پژواک صدای خود را از صدای اصلی تمیز دهید؟ تندی صوت در هو را  $340 \text{ m/s}$  در نظر بگیرید.

### ۱۰-۳ مثال

وال عنبر یکی از جانورانی است که با استفاده از پژواک امواج فراصوتی، مکان‌یابی می‌کند. بسامد امواج فراصوتی ای که این وال تولید می‌کند حدود  $100 \text{ kHz}$  است. با توجه به اینکه تندی صوت در آب دریا طبق جدول ۱-۳ حدود  $1 - 3 \times 10^3 \text{ m/s}$  است، (الف) طول موج این صوت و (ب) زمان رفت و برگشت صوت گسیل شده توسط وال برای مانعی که در فاصله  $100 \text{ m}$  از آن قرار گرفته، چقدر است؟

**پاسخ :** (الف) با استفاده از رابطه  $\lambda = v/f$  داریم :

$$\lambda = \frac{v}{f} = \frac{1/52 \times 10^3 \text{ m/s}}{100 \times 10^3 \text{ s}^{-1}} = 1/52 \times 10^{-2} \text{ m} = 1/52 \text{ cm}$$

برای تشخیص یک جسم، اندازه آن باید در حدود طول موج به کار رفته یا بزرگ‌تر از آن باشد. بنابراین، وال اجسامی در حدود این طول موج یا بزرگ‌تر را می‌تواند تشخیص دهد.

(ب) زمان لازم برای حرکت رفت و برگشت صوت بین وال و مانع برابر است با :

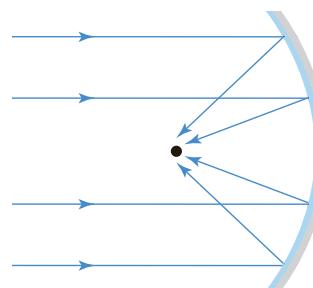
$$t = \frac{2L}{v} = \frac{2 \times 10^0 \text{ m}}{1/52 \times 10^3 \text{ m/s}} = 0.132 \text{ s}$$

**بازتاب امواج الکترومغناطیسی:** امواج الکترومغناطیسی نیز می‌توانند از یک سطح، بازتابیده شوند و بازتاب آنها از همان قانون بازتاب عمومی پیروی می‌کند.

امواج الکترومغناطیسی تخت تاییده به یک سطح کاو پس از بازتابش، مانند شکل ۳۶-۳ الف در یک نقطه کانونی می‌شوند. این نمونه دیگری از بازتاب در سه بعد است. از همین سازوکار برای دریافت امواج رادیویی توسط آتش‌های بشقابی و یا امواج فروسرخ برای گرم کردن آب یا مواد غذایی در اجاق‌های خورشیدی (شکل ۳۶-۳ ب) استفاده می‌شود.



(ب)



(الف)

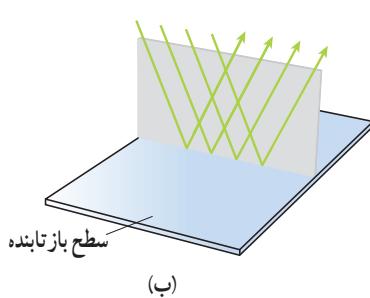
**شکل ۳۶-۳۶** (الف) یک موج الکترومغناطیسی تخت پس از بازتاب از یک سطح کاو در نقطه‌ای مقابل سطح کانونی می‌شود. (ب) تصویری از یک اجاق خورشیدی

### فعالیت ۱۰

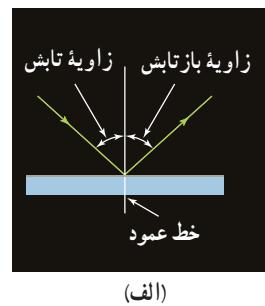


**رادار دوپلر:** از امواج الکترومغناطیسی نیز می‌توان برای مکان‌یابی پژوهشکاری استفاده کرد. در این مورد و کاربرد آن به خصوص در تعیین تندی خودروها تحقیق کنید. (رهنمایی: اثر دوپلر برای امواج الکترومغناطیسی نیز برقرار است).

همان‌طور که قبله دیدیم نور مرئی بخشی از طیف امواج الکترومغناطیسی است. بنابراین نور مرئی نیز از همان قانون بازتاب عمومی امواج پیروی می‌کند؛ یعنی زاویه تابش و بازتابش در هر بازتابشی با هم برابرند (شکل ۳۷-۳ الف)، افزون بر این، برای نور مرئی نیز همچون سایر امواج، پرتوی تابش، پرتوی بازتابش، و خط عمود بر سطح بازتابنده، در هر بازتابشی در یک صفحه واقع‌اند (شکل ۳۷-۳ ب).



(ب)



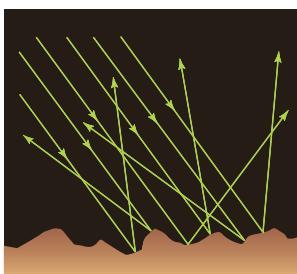
(الف)

**شکل ۳۷-۳۷** (الف) در هر بازتابشی زاویه تابش و زاویه بازتابش با هم برابرند. (ب) پرتوی تابش، پرتوی بازتابش، و خط عمود بر سطح بازتابنده در یک صفحه واقع‌اند.



کریستین هویگنس (۱۶۲۹-۱۶۹۵ م.)

در لاهه هلند به دنیا آمد. در داشگاه‌های لیدن و پیردا تحصیل کرد و هنگامی که فقط ۲۲ سال داشت مقاله‌هایی در زمینه ریاضی و اختشناکی نوشت که مورد توجه رنه دکارت، ریاضی‌دان نامی، قرار گرفت. هویگنس در زمان خود دانشمندی با ذوق و مبتکر بود. در سال ۱۶۵۷ ساعت آونگی را اختراع کرد که پیش از آن داشتمندانی مانند گالیله روی آن کار کرده بودند، اما به جای نرسیده بودند. علاوه بر این، او پژوهش‌هایی با ارزش روی نور نیز انجام داد و نظریه مشهور خود را در این مورد ارائه کرد. بنا به نظریه هویگنس، نور از موج‌های روزی داده شده است که این موج‌های روزی آب تشکیل شده است که این موج‌های روزی توان به موج‌های صوتی یا موج‌های روزی آب تشبیه کرد. نظریه موجی بودن نور هویگنس بحث‌های فراوانی برانگیخت تا اینکه در حدود ۲۰۰ سال بعد ماکسول فیزیک‌دان اسکالنندی دوباره به این نظریه برداخت و به آن جان تازه‌ای بخشید. هویگنس اختشناکی بر جسته‌ای نیز بود و اسباب‌ها و دستگاه‌های نوری زیادی را اختراع کرد. اختراع ریزنیج را نیز به او نسبت داده‌اند.



**شکل ۳-۲۸** طرحی از بازتاب پخششده نور از سطحی ناهموار. توجه کنید که در اینجا نیز در هر بازتاب، زاویه‌های تابش و بازتابش با هم برابرند و پرتوی تابش، پرتوی بازتابش، و خط عمود بر سطح بازتابنده در یک صفحه واقع‌اند.

در مواردی که سطح بازتابنده نور همچون یک آینه، بسیار هموار باشد، بازتاب نور را **بازتاب آینه‌ای<sup>۱</sup> یا منظم** می‌گویند.

نوع دیگر بازتابش، **بازتاب پخششده<sup>۲</sup> یا نامنظم** است. این بازتاب وقتی رخ می‌دهد که نور به سطحی برخورد کند که صیقلی و هموار نباشد. پرتوهای نور به طور کاتورهای از پستی و بلندی‌های سطح بازتابیده، و در تمام جهات پراکنده می‌شوند (شکل ۳-۲۹). بدلیل این بازتاب است که شما این صفحه کاغذ، دیوار، دستتان، دوست خود، و... را می‌بینید. در بازتاب آینه‌ای از یک آینه تخت، بازتابش بک دسته پرتوی موازی را فقط در یک جهت می‌توانید بینید، ولی در بازتاب پخششده، بازتابش این دسته پرتو را می‌توانید در جهت‌های مختلف مشاهده کنید. توجه کنید منظور از سطح ناهموار آن است که سطح در مقایسه با طول موج نور ناهموار است؛ مثلاً یک کاغذ در ظاهر بسیار هموار به نظر می‌رسد اما از دید میکروسکوپی این سطح از اجزای متمایز و کوچکی تشکیل شده است که بسیار بزرگ‌تر از  $1\text{ }\mu\text{m}$  هستند. با توجه به اینکه طول موج نور مرئی در حدود  $5\text{--}7\text{ }\mu\text{m}$  است، چنین سطحی برای نور مرئی، ناهموار محسوب می‌شود. در مقابل، ناهمواری‌های یک آینه یا یک سطح فلزی صیقلی، بسیار کوچک‌تر از  $1\text{ }\mu\text{m}$  است و بنابراین برای نور مرئی سطوحی هموار محسوب می‌شوند.

### ۳-۸ شکست موج

بازتاب، تنها راه برهم کنش امواج با محیط نیست. شکست نیز نوع دیگری از برهم کنش امواج با محیط است که بر اثر آن جهت پیشروی موج در ورود به محیط جدید تغییر می‌کند. وقتی یک ماهی را از بالای برکه‌ای می‌بینید، آن را در مکان واقعی خود مشاهده نمی‌کنید بلکه مکانی ظاهری بر اثر شکست نور را ادراک می‌کنید (شکل ۳-۲۹). رنگ‌های رنگین کمان، تصویری که با کمک عینک می‌بینیم، تصاویری که با استفاده از عدسی‌های ابزارهای نوری مانند میکروسکوپ و دوربین دیده می‌شود، و... مثال‌های رایجی از شکسته شدن موج‌های نوری در پیرامون ما است. این پدیده برای امواج صوتی نیز رخ می‌دهد ولی به



**شکل ۳-۲۹** شکارچیان بومی آمریکای جنوبی به تجربه دریافتهداند که محل واقعی یک ماهی متفاوت با محلی است که آن را می‌بینند.

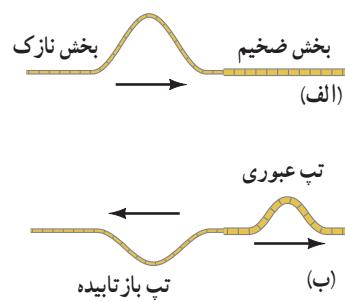
۱—specular reflection

۲—diffuse reflection

اندازه موج‌های نوری اهمیت ندارد. وقتی موج به مرز جدایی دو محیط می‌رسد بخشی از آن بازتابیده می‌شود و بخشی دیگر عبور می‌کند که این افزون بر جذب موج است که در هر دو محیط رخ می‌دهد؛ مثلاً عبور یک تپ در طول طناب را در نظر بگیرید که از دو بخش، یکی نازک و دیگری ضخیم، تشکیل شده است. وقتی این تپ از سمت بخش نازک به مرز دو بخش می‌رسد (شکل ۴۰-۳الف)، بخشی از این تپ بازمی‌تابد و بخشی دیگر عبور می‌کند (شکل ۴۰-۳ب). برای یک موج سینوسی بسامد این دو موج همان بسامد موج فرودی است که توسط چشمۀ موج تعیین می‌شود. بنابراین موج عبوری که تندي آن در قسمت ضخیم کمتر است، بنا به رابطه  $f = v/\lambda$ ، طول موج کمتری نسبت به موج فرودی خواهد داشت.

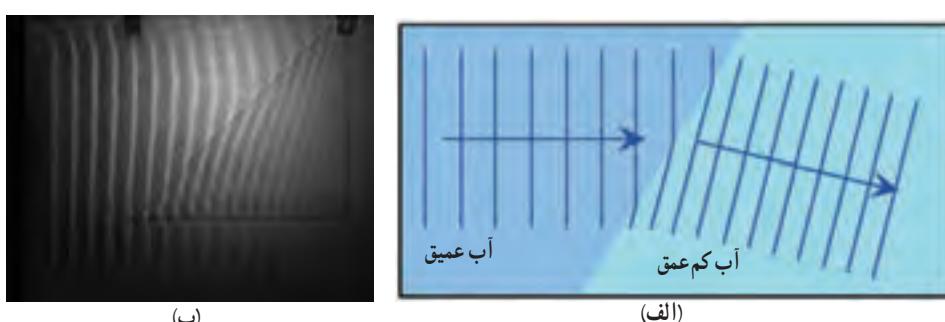
### پرسش ۸-۳

اگر موج سینوسی از قسمت ضخیم طناب به قسمت نازک آن وارد شود، بسامد، تندي، و طول موج موج عبوری در مقایسه با موج فرودی چه تغییری می‌کند؟

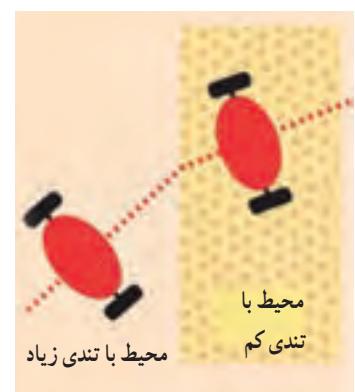


شکل ۴۰-۳ (الف) تپ فرودی از سمت چپ طناب وارد بخش ضخیم تر آن می‌شود. (ب) بخشی از آن از مرز عبور می‌کند و بخشی بازمی‌تابد.

در حالت‌های دو یا سه بُعدی با عبور موج از یک مرز و ورود آن به محیط دیگر، تندي موج تغییر می‌کند و ممکن است جهت انتشار موج نیز تغییر کند و اصطلاحاً موج **شکست** پیدا کند. همان‌طور که پیش از این دیدیم، تندي امواج روی سطح آب به عمق آن بستگی دارد. از این ویژگی می‌توانیم برای تحقیق پدیدۀ شکست در تشت موج استفاده کنیم؛ یعنی با تغییردادن عمق آب در بخشی از تشت می‌توان تندي موج سطحی در آن بخش را تغییر داد که این همان‌طور که دیدیم به تغییر جهت انتشار موج در آن بخش، و به عبارتی به شکست موج می‌انجامد. مشاهده می‌شود با ورود موج به بخش کم عمق، تندي موج سطحی کاهش می‌یابد. روشن است، آن بخش موج که زودتر به ناحیۀ کم عمق می‌رسد، چون با تندي کمتر حرکت می‌کند از بقیۀ موج که هنوز وارد این ناحیۀ نشده عقب می‌افند و بنابراین فاصلۀ بین جبهه‌های موج و در نتیجه طول موج کاهش می‌یابد و به این ترتیب جبهه‌های موج مطابق شکل ۴۱-۳ در مرز دو ناحیۀ تغییر جهت می‌دهند. این مطلب را می‌توان در تزدیک شدن امواج به یک ساحل شیب‌دار نیز مشاهده کرد که با رسیدن جبهه‌های موج به ساحل که در آنجا عمق آب کم می‌شود، جهت انتشار جبهه‌های موج تغییر می‌کند. شاید برای تفهیم این موضوع، مثال یک اسباب بازی چرخ دار که با عبور از کف صاف اتاق وارد قالیچه‌ای می‌شود، مناسب باشد. با ورود این اسباب بازی به قالیچه، تندي آن کم می‌شود و در نتیجه مسیر آن تغییر می‌کند (شکل ۴۲-۳).



شکل ۴۱-۴ (الف) طرحی از شکست امواج سطحی در مرز آب عمیق و آب کم عمق در تشت موج و (ب) تصویری واقعی از شکست امواج سطحی در تشت موج



شکل ۴۲-۳ (الف) وقتی اسباب بازی وارد قالیچه می‌شود مسیرش تغییر می‌کند؛ زیرا چرخی که نخست به قالیچه می‌رسد، زودتر کند می‌شود.

## تمرین ۹-۳



در یک تشت موج به کمک یک نوسان‌ساز تیغه‌ای که با بسامد  $50\text{ Hz}$  کار می‌کند، امواجی تخت ایجاد می‌کنیم، به طوری که فاصله بین دو برآمدگی متواالی آن برابر با  $10\text{ cm}$  می‌شود. اگر اکنون بُره‌ای شیشه‌ای را در کف تشت قرار دهیم، امواج در ورود به ناحیه کم عمق بالای بُره، شکست پیدا می‌کنند. اگر تندی امواج در ناحیه کم عمق،  $40^\circ$  برابر تندی در ناحیه عمیق باشد، طول موج امواج در ناحیه کم عمق چقدر می‌شود؟

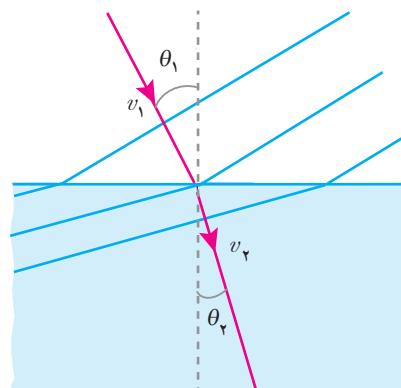
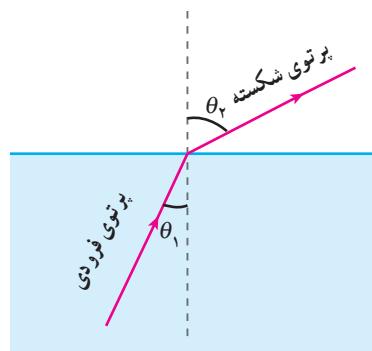


**ابن هیثم** در سال ۳۴۳ هجری شمسی (۲۵۴ هجری قمری) در بصره متولد شد و در سال ۴۱۸ هجری شمسی (۴۰۰ هجری قمری) درگذشت. او با اینکه از آثار گذشتگان خود استفاده کرد، اما بنیان نورشناسی را دگرگون ساخت و آن را به صورت علم منظم و مشخصی درآورد. او مانند اقلیدس هم فیزیکدان نظری و هم تجربی بود و به منظور تشخیص حرکت مستقیم الخط نور، یافتن خصوصیات سایه، موارد استفاده از عدسی‌ها و ویزگی‌های اتاق تاریک آزمایش‌های انجام داد. وی برای نخستین بار در مورد بیماری از مسائل در نورشناسی به تحلیل ریاضی پرداخت. در مبحث شکست نور، وی تابت کرد که زاویه شکست متناسب با زاویه تابش نیست و به تحقیق در مورد شکست نور در عدسی‌ها و در جو پرداخت. همچنین سهم عمده او در بحث بازتاب نور که پیش از آن یونانیان به اکتشاف‌های مهمی در آن دست یافته بودند، پژوهش در آینه‌های سهموی و کروی بود. او از آزمایش‌های خود دریافت که در آینه سهموی همه برتونها در یک نقطه متمرکز می‌شود و از این رو بهترین آینه‌های سوزاننده همنین آینه‌های سهموی هستند. المانظر، کتابی است که از این داشنپژوه مسلمان برچای مانده است، اثری بی‌نظیر که یافته‌های او را در زمینه نورشناسی دربردارد. نویسنده در این شاهکار خود، با تکیه بر نظریه‌های ریاضی به توضیح علمی فرایند دیدن می‌پردازد و سعی می‌کند ساز و کار دیدن با دو چشم را توضیح دهد.

**قانون شکست عمومی**: در پدیده‌های شکستی که بررسی کردیم، قانونی حاکم است که اکنون به آن می‌پردازیم. فرض کنید مطابق شکل ۴۳-۳ جبهه‌های موج تختی به طور مایل به مرز دو محیط می‌رسند و سپس شکست پیدا می‌کنند. از آنجا که جبهه‌های موج در مرز جدایی دو محیط می‌شکنند، پرتوهای موج که همواره عمود بر جبهه‌های موج هستند در عبور از این مرز تغییر جهت می‌دهند. این پرتوها نیز در شکل ۴۳-۳ نشان داده شده‌اند. همان‌طور که دیدیم در یک نمودار پرتویی، زاویه پرتوی فرودی با خط عمود بر مرز را **زاویه شکست** می‌نامند و با  $\theta_2$  نشان می‌دهند، در حالی که زاویه پرتوی شکسته با خط عمود بر مرز را **زاویه شکست** می‌نامند و با  $\theta_1$  نشان می‌دهند<sup>۱</sup>. در شکل ۴۳-۳،  $v_1$  با  $\theta_1$  و  $v_2$  با  $\theta_2$  نشان داده شده است. اگر تندی انتشار موج فرودی را  $v_1$  و تندی انتشار موج شکست یافته را  $v_2$  بنامیم، بین تندی‌های  $v_1$  و  $v_2$  و زاویه‌های  $\theta_1$  و  $\theta_2$  رابطه زیر برقرار است که به آن **قانون شکست عمومی** می‌گویند.

$$\frac{\sin \theta_2}{\sin \theta_1} = \frac{v_2}{v_1}$$

(قانون شکست عمومی) (۱۳-۳)



شکل ۴۳-۱۴ در صورتی که موج از محیطی با تندی کمتر به محیطی با تندی بیشتر برود، زاویه شکست  $\theta_2$  بزرگ‌تر از زاویه تابش  $\theta_1$  می‌شود (شکل با فرض  $v_1 < v_2$  رسم شده است).

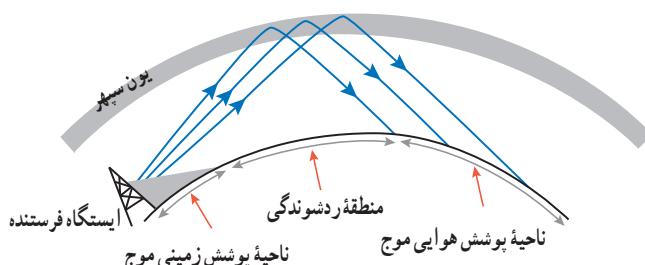
در شکل ۴۳-۴ موجی تخت از محیطی با تندی بیشتر به محیطی با تندی کمتر رفته است. ولی اگر موج در جهت مخالف حرکت کند، یعنی از محیط دوم که در آن تندی موج کمتر است وارد محیط اول شود که در آن تندی موج بیشتر است، زاویه شکست بزرگ‌تر از زاویه تابش می‌شود (شکل ۴۴-۳).

۱- شناخت پایین<sup>۲</sup> سرواژه کلمه انگلیسی *refraction* به معنی شکست است.

### تمرین ۳-۱۰

در تمرین ۳-۹ با فرض اینکه زاویه تابش امواج برابر  $30^\circ$  باشد، زاویه شکست چقدر می‌شود؟

**شکست امواج الکترومغناطیسی:** امواج الکترومغناطیسی (واز جمله نور مرئی) نیز با گذر از یک محیط به محیط دیگر که در آن تندي آنها متفاوت می‌شود، شکست پیدا می‌کند. به جز گستره نور مرئی که بیشترین و معروف‌ترین موارد شکست برای آنها مطرح می‌شود و به پیامدها و کاربردهای جالبی می‌انجامد، شکست امواج رادیویی نیز اهمیتی کاربردی در ارتباطات رادیویی دارد.



در این شکل ناحیه پوشش زمینی مربوط به پیرامون استگاه است، که امواج به طور مستقیم به گیرنده می‌رسد. منطقه رذشوندگی ناحیه‌ای است که امواج به زمین نمی‌رسد، و ناحیه پوشش هوایی ناحیه‌ای است که امواج رادیویی بازگشت از یون سپهر به زمین می‌رسد.

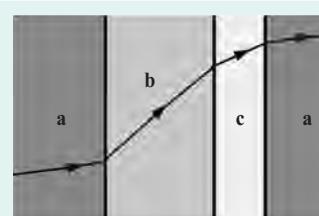
آن را از بقیه جو متایز می‌سازد. یون سپهر در حالی که نور مرئی و تابش فروسرخ را عبور می‌دهد، امواج رادیویی با طول موج‌های بلند (با لایه بزرگ‌تر از حدود  $10^6$  m) را که در جهت‌های مناسبی به سوی این لایه ارسال شده باشند، به طرف زمین برمی‌گرداند. دلیل این اتفاق، یکنواخت نبودن چگالی الکترون‌های آزاد در این لایه و در نتیجه، تفاوت تندي امواج رادیویی در قسمت‌های مختلف آن است، به طوری که در سازوکاری مانند پدیده سراب که بعداً خواهیم آموخت، امواج را به سمت پایین بازمی‌گرداند.

موج‌های ارسال شده از یک استگاه فرستنده رادیویی دور دست را به همان وضوحی می‌شنویم که در محدوده آن استگاه شنیده می‌شود. روش کار به این ترتیب است که یک موج پرقدرت رادیویی، با سامد بین  $3$  تا  $30$  مگاهرتز، به لایه یون‌سپهر (یونسفر) بالای جو که در ارتفاع  $80$  تا  $1000$  کیلومتری سطح زمین واقع است فرستاده می‌شود. این لایه به علت وجود یون‌ها و الکترون‌های آزاد، پلاسمایی را ایجاد می‌کند که ویژگی‌های فیزیکی اش

پیش‌نیاز

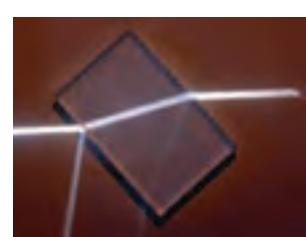
### ۹-۳ پرسش

شکل رو به رو یک پرتوی موج الکترومغناطیسی را نشان می‌دهد که با عبور از محیط اولیه، a، از طریق محیط‌های b و c به محیط a بازمی‌گردد. این محیط‌های را بر حسب تندي موج در آنها از پیشترین تا کمترین مرتب کنید.



وقتی یک پرتوی نور از محیط شفاف وارد محیط شفاف دیگری شود، بخشی از نور بازمی‌تابد و بخشی دیگر وارد محیط دوم می‌شود. همان‌طور که انتظار داریم آن بخش نور که وارد محیط دوم می‌شود، به دلیل آنکه تندي آن در محیط دوم تغییر می‌کند، شکسته می‌شود (شکل ۴۵-۳). به همین دلیل برای هر محیط ضریب شکست تعريف می‌کنند که برابر با نسبت تندي نور در خلاً به تندي نور در آن محیط است:

$$n = \frac{\text{تندي نور در خلا}}{\text{تندي نور در یک محیط}} = \frac{c}{v} \quad (تعیین ضریب شکست) \quad (۱۴-۳)$$



شکل ۱۴-۳ در عبور یک پرتوی نور از محیط‌ی شفاف به محیط شفاف دیگر، بخشی از نور بازمی‌تابد و بخشی می‌شکند.

**جدول ۳-۲۴** ضریب شکست چند ماده مختلف\*

ضریب شکست	محیط
۱ دقیقاً	خلأ
۱/۰۰۰۲۹	هوای (شرایط متعارف)
۱/۳۱	یخ
۱/۳۳	(۲۰°C)
۱/۳۶	استون
۱/۳۶	اتانول
۱/۳۸	محلول آب قند (۳۰٪)
۱/۴۹	محلول آب قند (۸۰٪)
۱/۵۱	پلاستیک پلکسی گلاس
۱/۵۰	بنزن
۱/۵۲	شیشه خالص
۱/۵۴	سدیم کلرید (نمک خوراکی)
۱/۵۴	(SiO <sub>۴</sub> ) کوارتز
۲/۴۲	الماس

\* برای طول موج ۵۸۹nm (نور زرد سدیم)

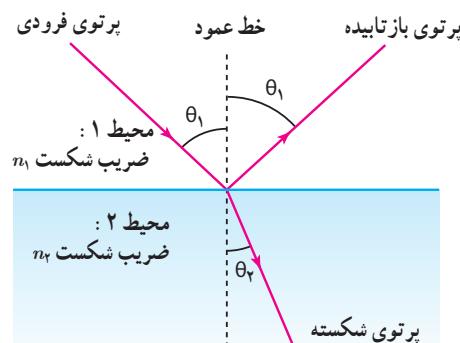
که در آن  $c$  تندی نور در خلاء با مقدار دقیق  $458 \text{ m/s}$  است که در محاسبات، آن را برابر با  $10^8 \text{ m/s}$  در نظر می‌گیریم؛ چون تندی نور در خلاء بیشترین تندی ممکن است، ضریب شکست همواره بزرگ‌تر یا مساوی ۱ است (که ۱ مربوط به خلاء است). جدول ۳-۲۴ ضریب شکست برای چند ماده مختلف را به دست می‌دهد. بنابراین برای دو محیط خاص ۱ و ۲، ضریب شکست‌ها به ترتیب  $n_1$  و  $n_2 = c/v_1$  است که  $v_1$  و  $v_2$  تندی نور در آن دو محیط است. حال اگر پرتوی نوری از محیط ۱ با زاویه تابش  $\theta_1$  وارد محیط ۲ شود و با زاویه  $\theta_2$  شکست پیدا کند (شکل ۳-۴۶)، از قانون شکست عمومی (رابطه ۳-۱۳) در می‌بایس:

$$\frac{\sin \theta_2}{\sin \theta_1} = \frac{v_2}{v_1} = \frac{c/n_2}{c/n_1} = \frac{n_1}{n_2}$$

و یا

$$n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2 \quad (3-15)$$

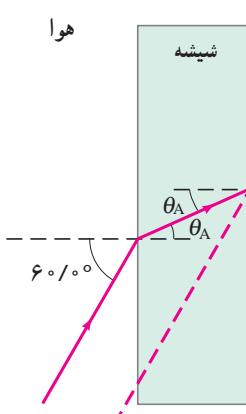
این رابطه را به افتخار فیزیکدان هلندی، ویلبرد اسنل (۱۶۲۶-۱۵۸۰م.) که آن را به طور تجربی کشف کرد، **قانون شکست اسنل** می‌نامند.



شکل ۳-۴۶ طرحی از بازتاب و شکست نور، در عبور یک پرتوی نور از محیطی شفاف به محیط شفافی دیگر

### مثال ۱۱-۳

پرتوی نوری مطابق شکل، از هوای بر تیغه شیشه‌ای متوازی السطوحی، با زاویه تابش  $60^\circ$  فرود می‌آید. الف) زاویه شکست ( $\theta_A$ ) پرتو در شیشه چقدر است؟ ب) زاویه خروجی ( $\theta_B$ ) پرتو از شیشه چقدر است؟



**پاسخ:** برای ورود پرتوی نور از هوای به شیشه قانون شکست اسنل را به کار می‌بریم. با توجه به جدول ۳-۲۴ ضریب شکست هوای  $n_1 = 1/0.0$  و ضریب شکست شیشه  $n_2 = 1/52$  است.

$$n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2 \Rightarrow (1/0.0)(\sin 60^\circ) = (1/52)(\sin \theta_A)$$

$$\sin \theta_A = 0.5698 \Rightarrow \theta_A = 34.7^\circ$$

و برای خروج پرتوی نور از شیشه نیز دوباره قانون اسنل را به کار می‌بریم. توجه کنید که زاویه تابش در اینجا برابر زاویه شکست در شیشه است؛ یعنی  $\theta_1 = \theta_A$ .

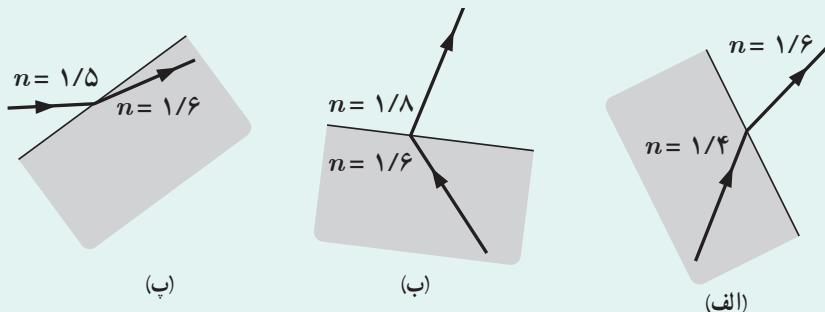
$$n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2 \Rightarrow (1/0.0)(0.5698) = (1/52)(\sin \theta_B)$$

$$\sin \theta_B = 0.8661 \Rightarrow \theta_B = 60^\circ$$

البته با اندکی دقت و بدون محاسبه نیز می‌توانستید مقدار  $\theta_B$  را بیاید.

## ۱۰-۳ پرسش

کدام یک از سه شکل زیر یک شکست را نشان می‌دهد که از لحاظ فیزیکی ممکن است؟



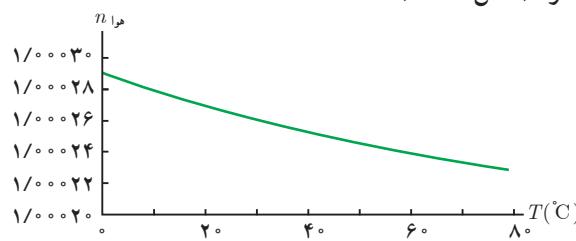
## ۱۱-۳ فعالیت

**اندازه‌گیری ضریب شکست:** با توجه به مثال ۱۱-۳، آزمایشی را طراحی و اجرا کنید که به کمک آن بتوان ضریب شکست یک تیغه متوازی السطوح شفاف را اندازه گرفت.

**سراب:** در روزهای گرم ممکن است برکه آبی را در دوردست بینید که بر سطح زمین قرار دارد، اما وقتی به آن محل می‌رسید، آنجا را خشک می‌یابید. به این پدیده **سراب** یا سراب آبگیر<sup>۱</sup> می‌گویند و نه تنها می‌توان آن را دید، بلکه می‌توان از آن عکس هم گرفت (شکل ۱۱-۳). در روزهای گرم هوای سطح زمین نسبتاً داغ است. از طرفی، چگالی هوا با افزایش دما کاهش می‌یابد که این سبب کاهش ضریب شکست نیز می‌شود (شکل ۱۱-۴).

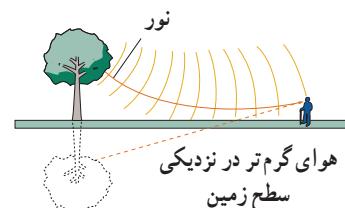


شکل ۱۱-۳ تصویر یک خودرو در سراب بر سطح گرم جاده

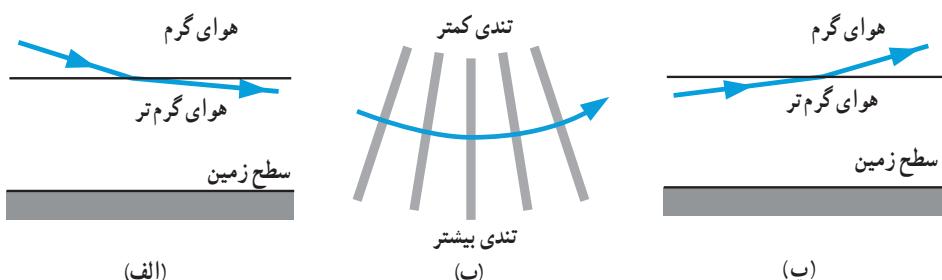


شکل ۱۱-۴ نمودار تغییرات ضریب شکست هوا با دما

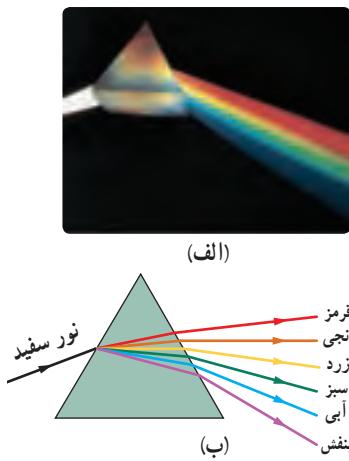
در شکل ۱۱-۴ پدیده سراب را مبنی بر جبهه‌های موج نشان داده‌ایم. برای توضیح این شکل، نخست جبهه‌های موجی را در نظر می‌گیریم که به طرف پایین می‌آیند. با پایین آمدن هر چه بیشتر پرتوهای منتظر این جبهه‌های موج، آنها با ضریب شکست‌های کوچک‌تر و کوچک‌تری روبرو می‌شوند و در هر مرحله با دور شدن از خط عمود، بیشتر و بیشتر به سمت افق خم می‌شوند (شکل ۱۱-۳ الف). وقتی پرتوها در نزدیکی سطح زمین تقریباً افقی می‌شوند به سمت بالا خم بر می‌دارند. این خم شدن رو به بالا را می‌توان با استفاده از جبهه‌های موج توضیح داد. بخش پایینی هر جبهه موج در هوا کمی گرم‌تر قرار دارد و بنابراین کمی تندتر از بخش بالایی جبهه موج حرکت می‌کند و این تفاوت رفتار دو قسمت جبهه‌های موج،



شکل ۱۱-۵ مدل‌سازی پدیده سراب به کمک جبهه‌های موج. ناظری که پرتوهای نور در پدیده سراب به پشمتش می‌رسد، گمان می‌برد که این پرتوها از یک تصویر آمده‌اند.



**شکل ۳-۵۰** (الف) خمیدگی اغراق‌آمیز یک پرتوی نور که در امتداد یک مرز فرضی از هوای گرم به سمت هوای گرم تر بایین می‌رود. (ب) تغییر جبهه‌های موج و خمیدگی مربوط به آن، به این دلیل رخ می‌دهد که انتهای جبهه‌های بیشتر مرز فرضی از هوای گرم تر به سمت هوای گرم بالا می‌رود.

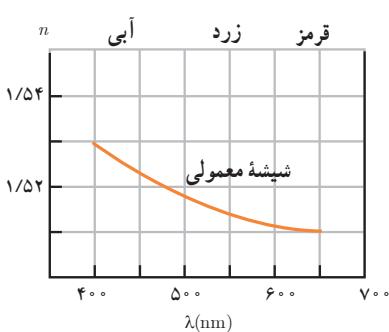


**شکل ۳-۵۱** (الف) باریکه‌ای از نور سفید که بر یک منشور شیشه‌ای تابیده است، به مؤلفه‌های رنگی خود پاشیده است. (ب) طرحی از پاشیدگی نور سفید در یک منشور با قاعده مثلثی

موجب خم شدن رو به بالای پرتوهای موج می‌شود، زیرا پرتوهای موج باید همواره عمود بر جبهه‌های موج باشند (شکل ۳-۵۰ ب). وقتی پرتوها رو به بالا می‌روند به خم شدن رو به بالای خود ادامه می‌دهند، زیرا اکنون مدام با محیط‌هایی با ضریب شکست‌های بزرگ و بزرگ‌تر مواجه می‌شوند و بنابراین در هر مرحله با تزدیک شدن به خط عمود، بیشتر و بیشتر رو به بالا خم می‌شوند (شکل ۳-۵۰ ب) اگر بخسی از این نور به چشم ما برسد، به نظر می‌آید که منشأ این نور از امتداد رو به عقب پرتوهایی است که به چشم ما رسیده‌اند و همان‌طور که در شکل ۳-۴۹ نشان داده شده است این حس را ایجاد می‌کند که گویی از سطح زمین آمده است.

پاشندگی نور: همان‌طور که در علوم هشتم دیدیم وقتی باریکه نور سفید خورشید به وجهی از یک منشور می‌تابد، در عبور از منشور به رنگ‌های مختلفی تجزیه می‌شود (شکل ۳-۵۱ الف). دلیل این پدیده آن است که ضریب شکست هر محیطی به جز خلاً به طول موج نور بستگی دارد؛ یعنی وقتی باریکه نوری شامل پرتوهایی با طول موج‌های مختلف باشد، این پرتوها هنگام عبور از مرز دو محیط در زاویه‌های مختلفی شکسته می‌شوند. به این پخش‌شدگی نور، **پاشندگی نور** می‌گویند. عموماً ضریب شکست یک محیط معین برای طول موج‌های کوتاه‌تر، بیشتر است. نمودار شکل ۳-۵۲ این واپشتگی ضریب شکست به طول موج نور را برای شیشه معمولی نشان می‌دهد. با توجه به این نمودار اگر مثلاً دو باریکه نور آبی و قرمز با زاویه تابش یکسانی از هوا وارد شیشه شوند باریکه آبی بیشتر از باریکه قرمز خم می‌شود.

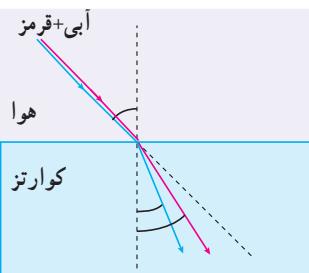
اگر باریکه نور سفید از هوا بر یک سطح شیشه‌ای فرود آید بر اثر شکست نور، مؤلفه‌های سازنده باریکه نور سفید هر کدام به میزان متفاوتی خم می‌شوند که البته این تفاوت چندان محسوس نیست. برای افزایش جدایی رنگ‌ها در پاشندگی نور، معمولاً<sup>۱</sup> از یک منشور با سطح مقطع مثلثی استفاده می‌کیم. پاشندگی ناچیز در سطح اول، سپس با پاشندگی در سطح دوم افزایش می‌یابد و مؤلفه‌های رنگی نور سفید به‌طور محسوسی از هم جدا می‌شوند (شکل ۳-۵۱ ب).



**شکل ۳-۵۲** تغییرات ضریب شکست در طیف مرئی نور بر حسب طول موج برای شیشه معمولی

۱- محاسبه زاویه‌ها در شکست نور به‌وسیله منشور، خارج از برنامه درسی این کتاب است و نباید مورد ارزشیابی قرار گیرد.

### ۱۱-۳ تمرین



شکل رویه را باریکه نوری متشکل از دو پرتوی فرمز و آبی را نشان می‌دهد که از هوا و با زاویه تابش  $45^\circ$  بر سطح تیغه تختی از کوارتز می‌تابد. زاویه‌های شکست برای این دو پرتو را محاسبه کنید. ضریب شکست نورهای فرمز و آبی در کوارتز به ترتیب برابرند با  $n_{\text{فرمز}} = 1/467$  و  $n_{\text{آبی}} = 1/459$ .

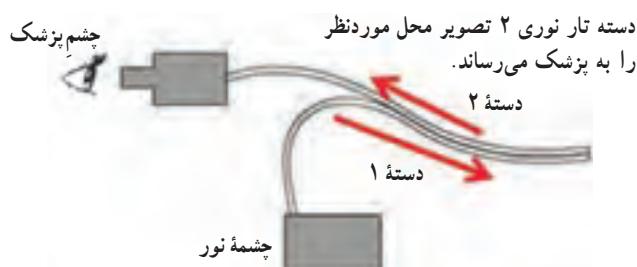


(ب) یک کابل سبک تار نوری (شکل سمت چپ) می‌تواند مکالمه‌های تلفنی بسیار بیشتری را از یک کابل سیمی معمولی (شکل سمت راست) انتقال دهد.

دسته تار نوری خوب، نور در مغزی کمی جذب پیدا می‌کند و بنابراین می‌تواند پیش از آنکه شدت شکست کاهش یابد، تا مسافت‌های طولانی حرکت کند. تارهای نوری اغلب به صورت دسته‌ای کنار هم قرار می‌گیرند تا به شکل یک کابل درآیند. چون تارها بسیار نازک‌اند کابل‌ها نسبتاً کوچک و انعطاف‌پذیر هستند و به این ترتیب می‌توانند در بسیاری موارد، برای انتقال اطلاعات جایگزین کابل‌های فلزی بزرگ شوند (شکل ب). یکی از کاربردهای مهم تارهای نوری در عمل آندوسکوپی در پزشکی است. از آندوسکوپ برای دیدن درون بدن، بدون انجام جراحی استفاده می‌شود. در آندوسکوپی، جراح دو دسته تار نوری را وارد بدن بیمار می‌کند که یکی نور را به محل موردنظر می‌رساند و دیگری تصویر محل موردنظر را به یک چشمی یا صفحه نمایشگر می‌رساند. شکل پ، طرح ساده‌شده‌ای از چگونگی این تصویربرداری و شکل ت، یک اسباب آندوسکوپ معمولی را نشان می‌دهد.



دو دسته تار نوری داخل کابل قرار دارد.  
ت) یک اسباب آندوسکوپ معمولی



دسته تار نوری ۱ محل موردنظر را روشن می‌کند.  
پ) طرح ساده‌شده‌ای از طرز کار یک آندوسکوپ

### پرسش‌ها و مسئله‌های فصل ۳

**۶.** جسمی به جرم  $10\text{ kg}$  به فنری افقی با ثابت  $6\text{ N/cm}$  متصل است. فنر به اندازه  $9\text{ cm}$  فشرده و سپس رها می‌شود و جسم روی سطح افقی شروع به نوسان می‌کند. با چشم‌پوشی از اصطکاک (الف) دامنه نوسان و تندی پیشینه جسم چقدر است؟

(ب) وقتی تندی جسم  $1/6\text{ m/s}$  است، انرژی پتانسیل کشسانی آن چقدر است؟

**۷.** معادله حرکت هماهنگ ساده یک نوسانگر در SI به صورت  $x = 5\text{ m} \cos(2\pi t)$  است.

(الف) در چه زمانی، پس از لحظه صفر، برای نخستین بار تندی نوسانگر به بیشترین مقدار خود می‌رسد؟

(ب) در چه زمانی، پس از لحظه صفر، برای نخستین بار تندی نوسانگر به صفر می‌رسد؟

(پ) تندی نوسانگر چقدر باشد تا انرژی جنبشی نوسانگر برابر با انرژی پتانسیل آن شود؟

**۸.** (الف) ساعتی آونگ‌دار (با آونگ ساده) در تهران تنظیم شده است. اگر این ساعت به منطقه‌ای در استوا بردشود، عقب می‌افتد یا جلو؟ مقدار این عقب یا جلوافتادن در یک شباهنروز چقدر است؟  

$$g = 9.78\text{ m/s}^2$$
 (استوا)       $g = 9.8\text{ m/s}^2$  (تهران)

(ب) به نظر شما آیا با افزایش دما، یک ساعت آونگ‌دار جلو می‌افتد یا عقب؟

### ۴-۳ تشدید

**۹.** هر فرد معمولاً با چرخش انک بدنش به چپ و راست، راه می‌رود و بدین ترتیب نیروهای کوچکی به زمین زیر پایش وارد می‌کند. این نیروها بسامدی در حدود  $5\text{ Hz}$  دارند. لرزش شدید پل هوایی میلینیوم<sup>۱</sup> در آغاز هزاره جدید را به عبور منظم گروهی از افراد از این پل ربط داده‌اند. چگونه ممکن است نوسان‌های بدن این افراد موجب چنین لرزشی شده باشد؟



۱—Millennium bridge

### ۱-۳ و ۲-۳ نوسان دوره‌ای و حرکت هماهنگ ساده

**۱.** یک وزنه  $2\text{ kg}$  را از انتهای یک فر قائم می‌آویزیم، فنر  $20\text{ cm}$  کشیده می‌شود. سپس این فنر را در حالی که به یک وزنه  $5\text{ kg}$  متصل است روی میز بدون اصطکاکی به نوسان درمی‌آوریم. دورهٔ تناوب این نوسان چقدر است؟

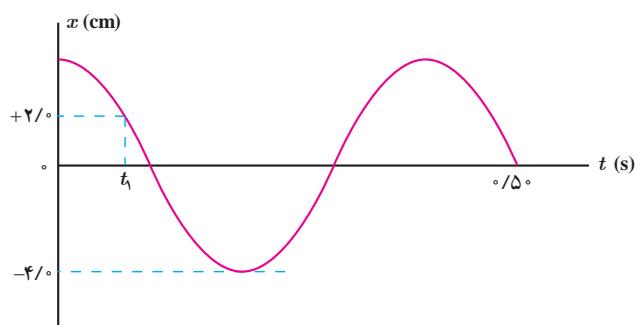
**۲.** هرگاه جسمی به جرم  $m$  به فنری متصل شود و به نوسان درآید، با دورهٔ تناوب  $2\text{ s}$  نوسان می‌کند. اگر جرم این جسم  $2\text{ kg}$  افزایش یابد، دورهٔ تناوب  $3\text{ s}$  می‌شود. مقدار  $m$  چقدر است؟

**۳.** جرم خودروی همراه با سرنوشتیان آن  $1600\text{ kg}$  است. این خودرو روی چهار فنر با ثابت  $10\text{ N/m}$  سوار شده است. دورهٔ تناوب، بسامد، و بسامد زاویه‌ای ارتعاش خودرو وقتی از چاله‌ای می‌گذرد چقدر است؟ فرض کنید وزن خودرو به طور یکنواخت روی فنرهای چهارچرخ توزیع شده است.

**۴.** دامنه نوسان یک حرکت هماهنگ ساده  $3\text{ cm}$  و بسامد آن  $5\text{ Hz}$  هرتز است. معادلهٔ حرکت این نوسانگر را بنویسید و نمودار مکان – زمان آن را در یک دوره رسم کنید.

**۵.** نمودار مکان – زمان نوسانگری مطابق شکل زیر است:

(الف) معادلهٔ حرکت این نوسانگر را بنویسید.  
 (ب) مقدار  $t$  را به دست آورید.  
 (پ) اندازهٔ شتاب نوسانگر را در لحظه  $t$  محاسبه کنید.

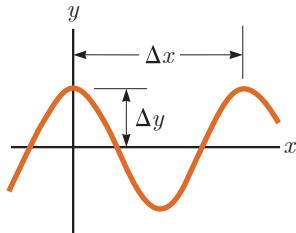


### ۳-۳ انرژی در حرکت هماهنگ ساده – آونگ ساده

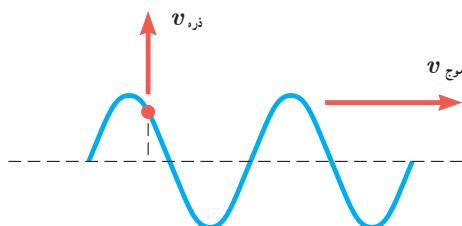
**۶.** دامنه نوسان وزنه‌ای که به یک فنر با ثابت فنر  $74\text{ N/m}$  متصل است و در راستای افقی نوسان می‌کند، برابر با  $8\text{ cm}$  است.

اگر انرژی پتانسیل این نوسانگر در نقطه‌ای از مسیر نوسان،  $J = 10\text{ J}$  باشد، انرژی جنبشی آن در این مکان چقدر است؟ (از نیروهای اتلافی چشم‌پوشی شود).

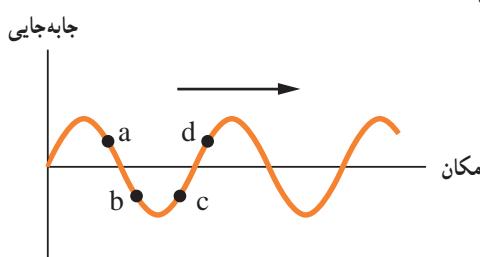
**۱۴.** در نمودار جابه‌جایی – مکانِ موج عرضی شکل زیر چشم‌های  $\Delta x = 40\text{ cm}$  و  $\Delta y = 15\text{ cm}$  است. اگر بسامد نوسان‌های  $8\text{ Hz}$  باشد، طول موج، دامنه، تندي و دورهٔ تناوب موج چقدر است؟



**۱۵.** شکل زیر موجی عرضی در یک ریسمان را نشان می‌دهد که با تندي  $v$  به سمت راست حرکت می‌کند، در حالی که تندي ذره نشان داده شده ریسمان  $v_r$  است. آیا این دو تندي با هم برابرند؟ توضیح دهید.

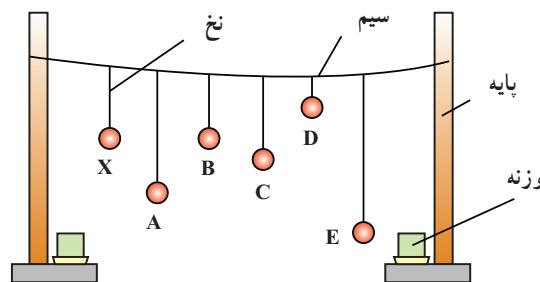


**۱۶.** شکل زیر یک موج سینوسی را در لحظه‌ای از زمان نشان می‌دهد که در جهت محور  $x$  در طول ریسمان کشیده شده‌ای حرکت می‌کند. چهار جزء از این ریسمان روی شکل نشان داده شده‌اند. در این لحظه هر یک از این چهار جزء بالا می‌روند یا پایین؟



**۱۷.** سیمی با چگالی  $7.8\text{ g/cm}^3$  و سطح مقطع  $5\text{ mm}^2$  بین دو نقطه با نیروی  $156\text{ N}$  کشیده شده است. تندي انتشار موج عرضی را در این سیم محاسبه کنید.

**۱۸.** مطابق شکل چند آونگ را از سیمی آویخته‌ایم. توضیح دهید به نوسان درآوردن آونگ X، آونگ‌های دیگر چگونه نوسان می‌کنند؟



### ۳-۶ و ۵-۳ موج و انواع آن، و مشخصه‌های موج

**۱۹.** یک نوسان‌ساز موج‌های دوره‌ای در یک ریسمان کشیده ایجاد می‌کند.

(الف) با افزایش بسامد نوسان‌ساز کدام یک از کمیت‌های زیر تغییر نمی‌کند؟ بسامد موج، تندي موج، طول موج موج.

(ب) حال اگر به جای افزایش بسامد، کشش ریسمان را افزایش دهیم، هر یک از کمیت‌های زیر چه تغییری می‌کند؟ بسامد موج، تندي موج، طول موج موج.

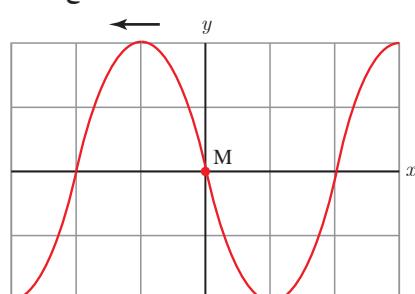
**۲۰.** شکل زیر یک تصویر لحظه‌ای از موجی عرضی در یک ریسمان کشیده شده را نشان می‌دهد. موج به سمت چپ حرکت می‌کند.

(الف) با رسم این موج در زمان  $T/4$  بعد، نشان دهید جزء M ریسمان در این مدت در چه جهتی حرکت کرده است. همچنین روی این موج، دامنهٔ موج و طول موج را نشان دهید.

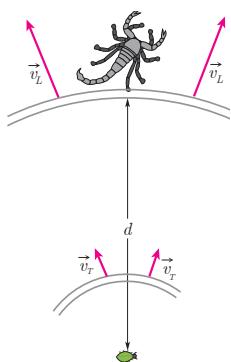
(ب) اگر طول موج  $5\text{ cm}$  و تندي موج  $1\text{ cm/s}$  باشد، بسامد موج را به دست آورید.

(پ) تعیین کنید موج در مدت  $T/4$  چه مسافتی را پیموده است؟

جهت حرکت موج



که در سطح ماسه منتشر می‌شوند، بر دو نوعی است: امواج عرضی با تندی  $v_T = 5 \text{ m/s}$  و امواج طولی با تندی  $v_L = 15 \text{ m/s}$ . عقرب ماسه‌ای می‌تواند با استفاده از اختلاف زمانی بین زمان رسیدن این امواج به تزدیک ترین پای خود، فاصله خود از طعمه را تعیین کند. اگر این اختلاف زمان برابر  $\Delta t = 4.0 \text{ ms}$  باشد، طعمه در چه فاصله‌ای از عقرب قرار دارد؟



**۱۳.** توضیح دهید کدام یک از عامل‌های زیر بر تندی صوت در هوا مؤثر است.

الف) شکل موج ب (دامنه موج پ) بسامد موج ت (دامای هوا)  
**۱۴.** در سونوگرافی معمولاً از کاوه‌ای<sup>۱</sup> دستی موسوم به تراگندا فرآصوتی<sup>۲</sup> برای تشخیص پزشکی استفاده می‌شود که دقیقاً روی ناحیه موردنظر از بدن بیمار گذاشته و حرکت داده می‌شود. این کاوه در بسامد  $6.7 \text{ MHz}$  عمل می‌کند.

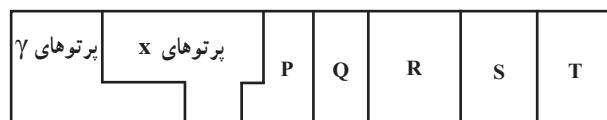
الف) بسامد زاویه‌ای در این کاوه نوسان چقدر است?  
ب) اگر تندی موج صوتی در بافتی نرم از بدن  $s = 15.0 \text{ m/s}$  باشد، طول موج این موج در این بافت چقدر است؟



۱—probe

۲—Ultrasonic Transducer

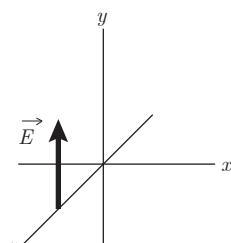
**۱۵.** شکل زیر طیف موج‌های الکترومغناطیسی را به‌طور تقریبی نشان می‌دهد.



(الف) نام قسمت‌هایی از طیف را که با حروف علامت‌گذاری شده‌اند، بنویسید.

ب) اگر در طول طیف از چپ به راست حرکت کنیم، مقدار کدام مشخصه‌های موج افزایش یا کاهش می‌یابد و کدام ثابت می‌ماند؟

**۱۶.** شکل زیر میدان الکتریکی یک موج الکترومغناطیسی سینوسی را در نقطه‌ای معین و دور از چشمۀ، در یک لحظه نشان می‌دهد. موج انرژی را در خلاف جهت محور  $z$  انتقال می‌دهد. جهت میدان مغناطیسی موج را در این نقطه و این لحظه تعیین کنید.



**۱۷.** الف) طول موج نور نارنجی در هوا حدود  $6.2 \times 10^{-7} \text{ m}$  است، بسامد این نور چند هرتز است؟

ب) بسامد نور قرمز در حدود  $4.3 \times 10^{14} \text{ Hz}$  است. طول موج این نور را در هوا و آب حساب کنید. (سرعت نور را در هوا  $3.0 \times 10^8 \text{ m/s}$  و در آب  $2.5 \times 10^8 \text{ m/s}$  فرض کنید).

**۱۸.** چشمۀ موجی با بسامد  $1.0 \text{ Hz}$  در یک محیط که تندی انتشار موج در آن  $s = 1.0 \text{ m/s}$  است، نوسان‌هایی طولی ایجاد می‌کند. اگر دامنه نوسان‌ها  $4.0 \text{ cm}$  باشد،

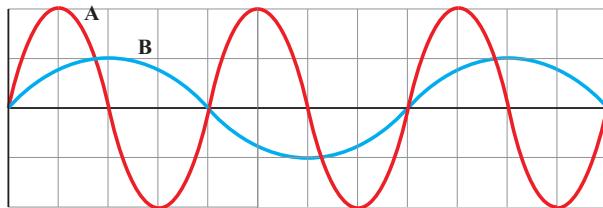
الف) فاصله بین دو تراکم متواالی این موج چقدر است?  
ب) فاصله بین یک تراکم و یک انبساط متواالی چقدر است؟

**۱۹.** عقرب‌های ماسه‌ای وجود طعمه را با امواجی که بر اثر حرکت طعمه در ساحل شنی ایجاد می‌شود، احساس می‌کنند. این امواج

**۳۴.** در یک آتش بازی، موشکی در بالای آسمان منفجر می شود. فرض کنید صوت به طور یکنواخت در تمام جهت ها منتشر شود. از جذب انرژی صوتی در محیط و نیز از بازتابی که ممکن است امواج صوتی از زمین پیدا کند چشم پوشی کنید. با فرض اینکه صوت با شدت  $I = 10 \text{ W/m}^2$  به شنووندگان بر سر کشید. این صوت به شنووندگان که در فاصله  $m = 160$  از محل انفجار قرار دارد، این صوت به شنووندگان که در فاصله  $m = 640$  از محل انفجار قرار دارند، این صوت به شنووندگان که در فاصله  $m = 2560$  از

محل انفجار قرار دارد با چه شدتی می رسد؟

**۳۵.** نمودار جایه جایی - مکان دو موج صوتی A و B که در یک محیط منتشر شده اند، به صورت زیر است. دامنه، طول موج، بسامد و شدت این دو موج صوتی را با هم مقایسه کنید.



**۳۶.** شکل زیر جهت های حرکت یک چشم مخصوصی و یک ناظر (شنوندگان) را در وضعیت های مختلف نشان می دهد.

چشم	ناظر (شنوندگان)	
•	•	(الف)
→	•	(ب)
←	•	(پ)
•	→	(ت)
•	←	(ث)

بسامدی را که ناظر در حالت های مختلف می شنود با حالت الف مقایسه کنید.

**۳۷.** تندی صوت در یک فلز خاص، برابر  $v_f = 7 \text{ km/s}$  است. به یک سر لوله توخالی بلندی از جنس این فلز به طول  $L = 10 \text{ m}$  ضربه محکمی می زنیم. شنووندگانی که در سر دیگر این لوله قرار دارد دو صدا را می شنوند. یکی ناشی از موجی است که از دیواره لوله می گذرد و دیگری از موجی است که از طریق هوای داخل لوله عبور می کند.

(الف) اگر تندی صوت در هوای  $v_a = 340 \text{ m/s}$  باشد، بازه زمانی  $\Delta t$  بین

دریافت این دو صدا در گوش شنووندگان چقدر خواهد بود؟

(ب) اگر  $L = 10 \text{ m}$  و  $v_f = 10 \text{ m/s}$  باشد، طول L لوله چقدر است؟  $v_a = 340 \text{ m/s}$

**۳۸.** موجی صوتی با توان  $W = 10 \times 10^{-4} \text{ W}$  عمود بر جهت انتشار از دو صفحه فرضی (شکل ۲۶-۳) می گذرد. با فرض اینکه مساحت صفحه ها به ترتیب  $A_1 = 4 \text{ m}^2$  و  $A_2 = 12 \text{ m}^2$  باشد، شدت صوت در دو سطح را تعیین کنید و توضیح دهید چرا شنووندگان در محل صفحه دوم، صدا را آهسته تر می شنود.

**۳۹.** شدت صدای حاصل از یک مته سنگ شکن در فاصله  $m = 10 \text{ m}$  از آن  $I = 10 \times 10^{-2} \text{ W/m}^2$  است. تراز شدت صوتی آن بر حسب dB چقدر می شود؟

**۴۰.** اگر به مدت  $10 \text{ s}$  دقیقه در معرض صوتی با تراز شدت  $12 \text{ dB}$  باشیم، آستانه شنوایی به طور موقت از  $28 \text{ dB}$  به  $40 \text{ dB}$  افزایش می یابد. مطالعات نشان داده است که به طور متوسط اگر به مدت  $1 \text{ s}$  در معرض صدایی با تراز شدت  $92 \text{ dB}$  قرار گیریم، آستانه شنوایی به طور دائم به  $28 \text{ dB}$  افزایش می یابد. شدت های صوت مربوط به  $28 \text{ dB}$  و  $92 \text{ dB}$  چقدر است؟ (راهنمایی: برای پاسخ دادن لازم است از ماشین حساب مناسب استفاده کنید).

**۴۱.** یک دستگاه صوتی، صدایی با تراز شدت  $I_1 = 10 \text{ dB}$  و دستگاه صوتی دیگر، صدایی با تراز شدت  $I_2 = 95 \text{ dB}$  ایجاد می کند. شدت های مربوط به این دو تراز (بر حسب  $\text{W/m}^2$ ) به ترتیب  $I_1$  و  $I_2$  هستند. نسبت  $I_1/I_2$  را تعیین کنید.

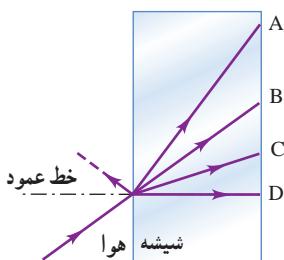
### ۷-۳ بازتاب موج

**۳۷.** دانشآموزی بین دو صخره قائم ایستاده است و فاصله او از صخره تزدیک تر  $24\text{ m}$  است. دانشآموز فریاد می‌زند و اولین پژواک صدای خود را پس از  $1/5\text{ s}$  و صدای پژواک دوم را  $1/0\text{ s}$  بعد از پژواک اول می‌شنود.

(الف) تندی صوت در هوا چقدر است؟

(ب) فاصله بین دو صخره را بیابید.

**۳۸.** اگر در فاصله مناسبی از یک رشته بلکان بلند بایستید و یک بار کف بزنید، پژواکی بیشتر از یک صدای برهم زدن دست می‌شنبد. نمونه جالبی از این پدیده در برابر رشته بله‌های معبد قدیمی کوکولکان<sup>۱</sup> در مکزیک رخ می‌دهد. این معبد از  $92$  پله سنگی تشکیل شده است. در مورد چنین پژواکی توضیح دهید.



**۳۹.** ضریب شکست آب  $1/3$  و ضریب شکست شیشه  $1/5$  است. اگر نوری به طور مایل از آب به مرز شیشه با آب بتاخد، با رسم نموداری، جبهه‌های موج را در دو محیط نشان دهید.

**۴۰.** شکل زیر جبهه‌های موجی را نشان می‌دهد که بر مرز بین محیط I و محیط R فرود آمدندان.

(الف) ادامه جبهه موج EF را در محیط R رسم کنید.

(ب) توضیح دهید در کدام محیط تندی موج بیشتر است.

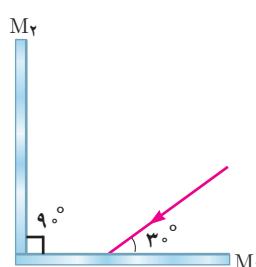
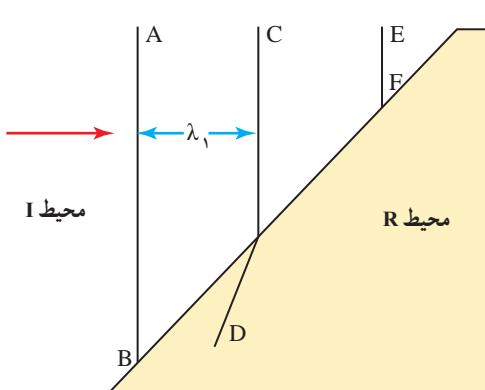
(پ) آیا با استفاده از این نمودار می‌توان نسبت تندی موج عبوری به موج فرودی را محاسبه کرد؟



تصویری از معبد کوکولکان

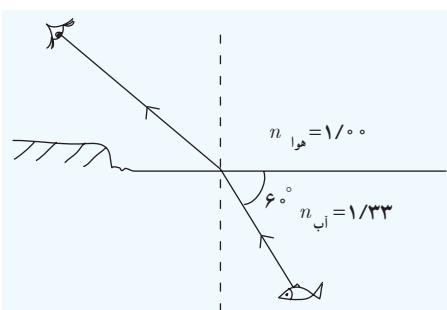
**۴۱.** وقتی یک باریکه لیزر را به دیوار کلاس می‌تابانیم، همه دانشآموزان نقطه رنگی ایجاد شده روی دیوار را می‌بینند. دلیل آن چیست؟

**۴۲.** در شکل زیر پرتوهای بازتابیده از آینه‌های تحت  $M_1$  و  $M_2$  را رسم کنید.

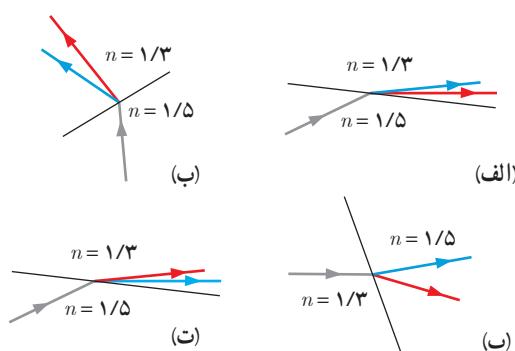


<sup>۱</sup>—Kukulkan Temple

**۱۴.** مطابق شکل، پرتو نوری که از ماهی به چشمان شخص می‌رسد تحت زاویه  $60^\circ$  به مرز آب – هوا برخورد کرده است. زاویه شکست این پرتو در هوا چقدر است؟



**۱۵.** در شکل‌های زیر، پرتوی فروندی که شامل نورهای قرمز و آبی است در سطح مشترک دو ماده شکست پیدا کرده‌اند. کدام شکل، شکستی را نشان می‌دهد که از لحاظ فیزیکی ممکن است؟

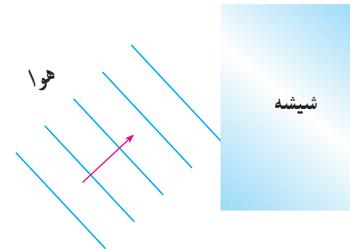


**۱۶.** دو دانش‌آموز به نور زرد نگاه می‌کنند. یکی از آنها نور زرد را ترکیب دو نور قرمز و سبز و دیگری آن را از یک نوع رنگ می‌داند. به نظر شما با چه تجربه‌ای می‌توان بین این دو نظر، یکی را انتخاب کرد؟

**۱۷.** در شکل زیر موج نوری فروندی از هوا وارد شیشه می‌شود. بخشی از موج در سطح جدایی دو محیط بازمی‌تابد و بخشی دیگر شکست می‌یابد و وارد شیشه می‌شود.

الف) مشخصه‌های موج بازتابیده و موج شکست‌یافته را با موج فروندی مقایسه کنید.

ب) جبهه‌های موج بازتابیده و شکست‌یافته را رسم کنید.



**۱۸.** طول موج نور قرمز لیزر هلیم – نئون در هوا حدود  $633\text{nm}$  است، ولی در زجاجیه چشم  $474\text{nm}$  است. الف) بسامد این نور چقدر است؟ ب) ضریب شکست زجاجیه برای این نور چقدر است؟ پ) تندی این نور در زجاجیه را محاسبه کنید.

**۱۹.** سکه‌ای را در گوشہ فنجانی خالی قرار دهید و طوری مقابل آن قرار گیرید که نتوانید سکه را بینید. سپس بی‌آنکه سرتان را حرکت دهید به‌آرامی در فنجان آب ببریزید، به‌طوری که آب ریختن شما موجب جایه‌جایی سکه نشود. با پرشدن فنجان، سکه را خواهید دید. با رسم پرتوها علت دیده شدن سکه را توضیح دهید.



# ۱۴

فصل

## آشنایی با فیزیک اتمی و هسته‌ای



چاقوی گاما (جراحی مغز بدون چاقو) جایگزینی مناسب برای جراحی‌های سنتی و یا روش‌هایی است که در آن کل مغز در معرض تابش قرار می‌گیرد. از این روش در علم روانپژوهی نیز برای درمان وسوس، افسردگی اساسی و اختلالات شدید اضطرابی استفاده می‌شود. این کار چگونه انجام می‌شود؟

### بخش‌ها

- ۱-۴ اثر فتوالکتریک و فوتون
- ۲-۴ طیف خطی
- ۳-۴ مدل اتم رادرفورد - بور
- ۴-۴ لیزر
- ۵-۴ ساختار هسته
- ۶-۴ پرتوزاپی طبیعی و نیمه عمر

تا دهه‌های پایانی قرن نوزدهم، بیشتر حوزه‌های فیزیک، از جمله مکانیک نیوتونی، ترمودینامیک و نظریه الکترومغناطیس ماسکول که امروزه با نام فیزیک کلاسیک، از آنها یاد می‌شود به صورت بندی نهایی خود رسیده بود و به نظر می‌رسید که در توصیف گستره وسیعی از پدیده‌های فیزیکی کاملاً موفق‌اند. با این حال در آن سال‌ها، پدیده‌های مشاهده و آزمایش‌هایی انجام شد که تبیین کامل و درست آنها با نظریه‌های فیزیک کلاسیک ممکن نبود و سبب تغییرات بنیادی در دیدگاه فیزیک‌دانان نسبت به توضیح رفتار برخی از پدیده‌های فیزیکی شد. به طوری که در سه دهه آغازین قرن بیستم، نتایج این تلاش‌ها به نظریه نسبیت خاص (مریبوط به مطالعه پدیده‌ها در تندری‌های بسیار زیاد و قابل مقایسه با تندری نور)، نظریه نسبیت عام (مریبوط به مطالعه هندسه فضا – زمان و گرانش) و نظریه کوانتومی (مریبوط به مطالعه پدیده‌ها در مقیاس‌های بسیار کوچک، مانند اتم‌ها و ذره‌های سازنده آنها) منجر شد که امروزه به آن فیزیک جدید می‌گویند. اندکی پس از ظهرور این نظریه‌ها، شاخه‌های دیگری مانند فیزیک هسته‌ای، فیزیک ذرات بنیادی و کیهان‌شناسی به تدریج به وجود آمدند.

در فیزیک هسته‌ای با ساختار، برهم‌کنش‌ها و واپاشی هسته‌های اتمی سروکار داریم. بخش عمده‌ای از پیشرفت فیزیک هسته‌ای، مدیون تحلیل نتایج آزمایش‌ها و اندازه‌گیری‌هایی است که طی قرن گذشته توسط دانشمندانی از حوزه‌های فیزیک و شیمی انجام شده است. آنچه بیش از همه منجر به گسترش فیزیک هسته‌ای شد، به تحولاتی مریبوط است که با ساخت شتاب‌دهنده‌های ذرات در سال ۱۹۳۲ میلادی آغاز شد.

در این فصل ضمن معرفی و بررسی برخی از پدیده‌ها مانند اثر فتوالکتریک و طیف خطی کسیلی و جذبی از گازهای اتمی که با فیزیک کلاسیک قابل توجیه نبودند، به معرفی الگوهای اتمی می‌برداریم و سپس نگاهی به مبانی فیزیکی لیزر خواهیم داشت. پس از آن با ساختار هسته و پرتوزایی طبیعی آشنا می‌شویم.

## ۱۴ اثر فتوالکتریک و فوتون

اگر بر کلاهک برق نمایی با بار منفی، نور فرابنفشی تاییده شود، مشاهده می‌شود که انحراف ورقه‌های آن کاهش می‌یابد (شکل ۱-۴ (الف)) در حالی که با تابش نور مرئی، تغییری در انحراف ورقه‌های برق نما رخ نمی‌دهد (شکل ۱-۴ (ب)). چرا این پدیده اتفاق می‌افتد؟ آزمایش نشان می‌دهد وقتی نوری با بسامد



**شکل ۱-۴** (الف) برهم‌کنش نور فرابنده فرابنفش با کلاهک برق نما سبب می‌شود تا ورقه‌های آن به سرعت به هم نزدیک شوند. (ب) در حالی که برهم‌کنش نور مرئی کسیل شده از یک لامپ رشتهدی تغییری در انحراف ورقه‌های برق نما به وجود نمی‌آورد.



آلبرت اینشتین (۱۸۷۹-۱۹۵۵ م.):  
تا ۱۷ سالگی در آلمان تحصیل کرد ولی با ناتمام گذاشتن سال آخر تحصیل خود، آلمان را ترک کرد و به سوئیس رفت. نظام آموزشی اعطاف‌بندی سوئیس تحولی شکرگ در اینشین ایجاد کرد و توانست پس از پایان دبیرستان، در سال ۱۹۰۲ از پل تکنیک زوریخ، لیسانس فیزیک خود را دریافت کند. در سال ۱۹۰۵ چندین مقاله مهم منتشر کرد. بعدها یکی از این مقاله‌ها که در آن به توضیح اثر فتوالکتریک می‌پرداخت، جایزه نوبل فیزیک را در سال ۱۹۲۱ برای او به ارمنان آورد. یکی دیگر از مقاله‌های او در سال ۱۹۰۵، ارائه نظریه نسبیت خاص بود که در برگیرنده اندیشه‌ای نو و انقلابی درباره ماهیت فضای زمان بود. اینشتین همچنین در سال ۱۹۱۵ مقاله‌ای درباره نظریه نسبیت عام منتشر کرد. او در این مقاله نظریه جدیدی درباره گرانش ارائه کرد که نظریه نیوتون را به عنوان حالتی خاص دربرمی‌گرفت.

نور با بسامد مناسب



شکل ۱۴-۲ الکترون‌ها، انرژی نور فروودی را جذب می‌کنند و از سطح فلز خارج می‌شوند.

مناسب مانند نور فرابنفش به سطحی فلزی تابد الکترون‌هایی از آن گسیل می‌شوند (شکل ۱۴-۲). این پدیده فیزیکی را، **اثر فتوالکتریک** و الکترون‌های جدا شده از سطح فلز را **فوتولکtron** می‌نامند.

همان‌طور که در فصل ۳ دیدیم نور، موجی الکترومغناطیسی است. بنابراین می‌توان انتظار داشت هنگام برهم کنش موج الکترومغناطیسی (نور فروودی) با سطح فلز، میدان الکتریکی این موج، نیروی  $\vec{F} = -e\vec{E}$  به الکترون‌های فلز وارد کند و آنها را به نوسان وادارد. به این ترتیب، وقتی دامنه نوسان برخی از الکترون‌ها به قدر کافی بزرگ شود انرژی جنبشی لازم را برای جدا شدن از سطح فلز پیدا می‌کنند. بنا به این دیدگاه کلاسیکی، این پدیده باید با هر بسامدی رخ دهد در حالی که این نتیجه با تجربه سازگار نیست.

یکی دیگر از پیامدهای نظریه الکترومغناطیسی ماکسول این است که شدت نور با مرتع دامنه میدان الکتریکی موج الکترومغناطیسی متناسب است ( $E \propto I$ ). به این ترتیب انتظار می‌رود به ازای یک بسامد معین، اگر شدت نور فروودی بر سطح فلز را افزایش دهیم باید الکترون‌ها با انرژی جنبشی بیشتری از فلز خارج شوند، نتیجه‌ای که تجربه آن را تأیید نمی‌کند.

پس از تزدیک به ۲۰ سال که تلاش بسیاری از دانشمندان برای توجیه اثر فتوالکتریک به کمک مفاهیم و قانون‌های فیزیک کلاسیک به نتیجه نرسیده بود در سال ۱۹۰۵ اینشتین توضیحی قانع کننده در مورد این اثر ارائه داد و جایزه نوبل فیزیک سال ۱۹۲۱ میلادی را به خاطر تبیین آن دریافت کرد. اینشتین در نظریه فتوالکتریک خود با توجه به کارهای قبلی پلانک در زمینه تابش گرمایی اجسام، فرض کرد که نور با بسامد<sup>۱</sup> را می‌توان به صورت مجموعه‌ای از بسته‌های انرژی در نظر گرفت. هر بسته انرژی، که بعدها **فوتون**<sup>۱</sup> نامیده شد، دارای انرژی‌ای است که از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$E = hf \quad (انرژی فوتون) \quad (۱-۴)$$



ماکس پلانک ۱۸۵۵-۱۹۴۷)

در سال ۱۸۸۵ دانشیار فیزیک نظری در دانشگاه کیل شد و علاوه بر تدریس، مقاله‌های مهمی درباره ترمودینامیک منتشر کرد. از کارهای او در زمینه توزیع طیف تابشی، که به نظریه کوانتموی انجامید، با اهدای جایزه نوبل سال ۱۹۱۸ تقدیر شد. در سال‌های بعد، نوشه‌های پلانک بیشتر در زمینه موضوع‌های مذهبی و فلسفی بود. درست در آستانه دورانی که پلانک از نظر حرفاًی مورد تحسین همگان قرار گرفته بود، متأسفانه زندگی شخصی وی با تراژدی آمیخته شد، به طوری که طی سال‌های ۱۹۰۹ تا ۱۹۱۹ همسر، پسر بزرگ و دخترهای دوقلویش به دلایل متفاوتی از دنیا رفتند. پلانک در سال ۱۹۲۷، پس از حدود چهل سال سابقه دانشگاهی، از دانشگاه برلین بازنشسته شد.

در این رابطه  $h$  ثابت پلانک نامیده می‌شود و به طور تجربی معلوم شده است که مقدار آن  $6.63 \times 10^{-۳۴} \text{ J.s}$  است.

بنا بر نظر اینشتین، وقتی نوری تکفام بر سطح فلزی می‌تابد، هر فوتون صرفاً یکی از الکترون‌های فلز برهم کنش می‌کند. اگر فوتون انرژی کافی داشته باشد تا فرایند خارج کردن الکترون از فلز را انجام دهد، الکترون به طور آنی از آن گسیل می‌شود. در این صورت بخشی از انرژی فوتون صرف جدا کردن الکترون از فلز می‌شود و مابقی آن به انرژی جنبشی الکترون خارج شده تبدیل می‌شود. اگر بسامد نور تابیده شده بر سطح فلز از بسامدی موسوم به بسامد آستانه (که به جنس فلز بستگی دارد) کمتر باشد، فوتون‌ها، حداقل انرژی لازم برای خارج کردن الکترون از فلز را ندارند و پدیده فتوالکتریک رخ نمی‌دهد. همچنین برای نوری که فوتون‌های آن دارای حداقل انرژی لازم برای وقوع پدیده فتوالکتریک هستند، افزایش شدت نور (با ثابت ماندن بسامد) فقط سبب افزایش تعداد فوتون‌ها و در نتیجه افزایش تعداد فتوالکترون‌ها می‌شود، در حالی که انرژی جنبشی فتوالکترون‌ها بدون تغییر می‌ماند.

۱- این نام را شبیه دان آمریکایی، گیلبرت لوئیس، در سال ۱۹۲۶ میلادی برای نخستین بار پیشنهاد کرد.

**توجه:** در فیزیک اتمی و فیزیک هسته‌ای، یکای ژول برای بیان انرژی فوتون‌ها و ذرات، یکای بسیار بزرگی است. به همین دلیل از یکایی به نام الکترون ولت (eV) استفاده می‌کنیم. برای آشنایی با این یکای غیر SI، فرض کنید الکترونی با بار  $-e = -1.6 \times 10^{-19} C$ ، بین دو نقطه با اختلاف پتانسیل  $1V$  حرکت کند. در این صورت بنا به رابطه  $\Delta U = q\Delta V$  که در فیزیک ۲ با آن آشنا شدید، اندازه تغییر در انرژی پتانسیل الکتریکی الکترون برابر است با :

$$|\Delta U| = |q\Delta V| = |(-1.6 \times 10^{-19} C)(1V)| = |(-1.6 \times 10^{-19} C)|$$

این مقدار انرژی را بنا به تعریف، یک الکترون ولت ( $1eV = 1.6 \times 10^{-19} J$ ) می‌نامند. مضرب‌های دیگری از این یکا به صورت keV (کیلو الکترون ولت) و MeV (مگا الکترون ولت) اغلب به کار می‌رود. به این ترتیب یکای ثابت پلانک را به جای  $J \cdot s$  می‌توان بر حسب یکای  $eV \cdot s$  نیز بیان کرد :

$$h = (6/63 \times 10^{-34} J \cdot s) \left( \frac{1eV}{1.6 \times 10^{-19} J} \right) = 4.14 \times 10^{-15} eV \cdot s$$

#### مثال ۱-۴

یک چشمۀ نور مرئی با توان  $W = 100$ ، فوتون‌هایی با طول موج  $\lambda = 550 \text{ nm}$  گسیل می‌کند.

(الف) انرژی هر فوتون را بر حسب الکترون ولت محاسبه کنید.

(ب) چه تعداد فوتون در هر ثانیه از این چشمۀ نور گسیل می‌شود؟

**پاسخ:** (الف) از رابطه ۱-۴ انرژی هر فوتون برابر است با :

$$E = hf = \frac{hc}{\lambda}$$

ابتدا مقدار  $hc$  را حساب می‌کنیم :

$$hc = (6/63 \times 10^{-34} J \cdot s)(3/00 \times 10^8 m/s) = 19/9 \times 10^{-26} J \cdot m$$

اگر  $J$  را بر حسب  $eV$  و  $m$  را بر حسب  $nm$  بنویسیم، خواهیم داشت :

$$hc = (19/9 \times 10^{-26} J \cdot m) \left( \frac{1eV}{1.6 \times 10^{-19} J} \right) \left( \frac{1nm}{10^{-9} m} \right) = 1/24 \times 10^{-3} eV \cdot nm$$

بنابراین در حل مسائل می‌توانیم مقدار  $hc$  را برابر  $124 \text{ eV} \cdot nm$  اختیار کنیم. خوب است این مقدار و یکای آن را به خاطر بسپارید تا در صورت نیاز از آن استفاده کنید. به این ترتیب داریم :

$$E = \frac{1/24 \times 10^{-3} eV \cdot nm}{550 \text{ nm}} = 2/25 \text{ eV}$$

(ب) ابتدا انرژی تابش شده توسط لامپ را در هر ثانیه به دست می‌آوریم :

$$E = pt = (100 W)(1s) = 100 J = (100 J) \left( \frac{1eV}{1.6 \times 10^{-19} J} \right) = 6/25 \times 10^{20} \text{ eV}$$

نسبت این انرژی به انرژی هر فوتون که در قسمت (الف) پیدا کردیم، شمار فوتون‌های گسیل شده از این چشمۀ را در هر ثانیه به دست می‌دهد. به این ترتیب داریم :

$$n = \frac{6/25 \times 10^{20} \text{ eV}}{2/25 \text{ eV}} = 2/77 \times 10^{20}$$

این شمار زیاد فوتون، که در هر ثانیه از یک چشمۀ معمولی نور در فضای پیرامون آن گسیل می‌شود حاکی از آن است که در زندگی روزمره آثار ناشی از این شمار بسیار زیاد فوتون برای ما ملموس نیست.

## تمرین ۱-۴

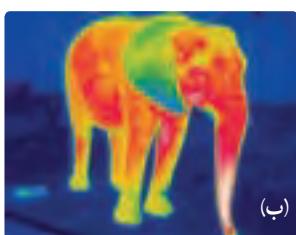
نوری با طول موج  $24\text{ nm}$  به سطحی از جنس فلز تنگستن می‌تابد و سبب گسیل فتوالکترون‌ها از آن می‌شود.  
 الف) بسامد نور فرودی را پیدا کنید.

ب) اگر توان چشمۀ نور فرودی  $W = 5$  باشد، در هر دقیقه چه تعداد فوتون از این چشمۀ گسیل می‌شود؟

پ) اگر توان و در نتیجه شدت چشمۀ نور فرودی به نصف کاهش پیدا کند، شمار فوتون‌های گسیل شده از چشمۀ در هر دقیقه چه تغییری می‌کند؟



(الف)



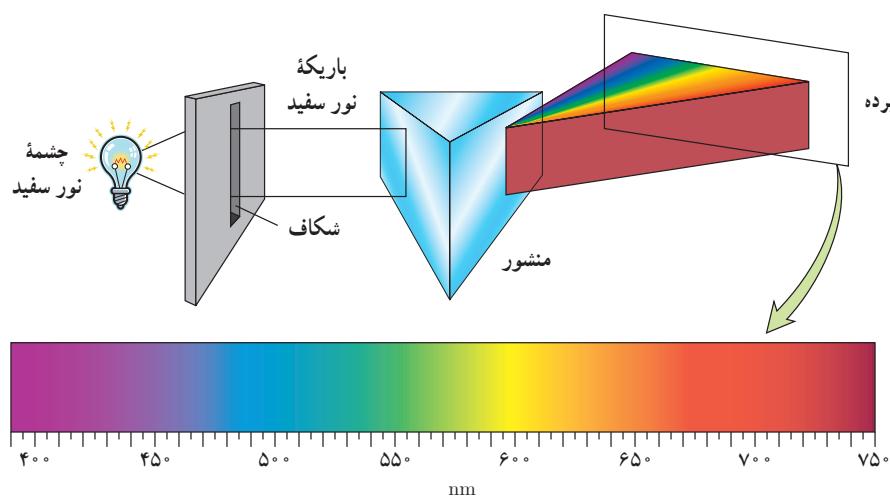
(ب)

شکل ۱۴-۳۳ (الف) اجسام در دماهای بالا از سطح خود نور مرئی گسیل می‌کنند. (ب) در دماهای معمولی، بیشتر تابش گسیل شده از سطح اجسام در ناحیه فروسرخ طیف قرار دارد.

شکست مدل موج الکترومغناطیسی در توضیح برخی پدیده‌ها مانند اثر فتوالکتریک به این معنی نیست که مدل موجی نور باید کنار گذاشته شود. ولی، باید متوجه باشیم که مدل موجی، تمام ویژگی‌های نور را دربرندارد و به همین دلیل قادر قادر نیست توجیه درستی از تمامی پدیده‌های فیزیکی مرتبه با برهم کنش نور با ماده را ارائه کند.

## ۴-۲ طیف خطی

در فیزیک ۱ دیدیم که همه اجسام در هر دمایی که باشند، از خود امواج الکترومغناطیسی گسیل (نشر) می‌کنند که به آن **تابش گرمایی** گفته می‌شود (شکل ۴-۴). برای یک جسم جامد، نظریه رشتۀ داغ یک لامپ روشن، این امواج شامل گستره پیوسته‌ای از طول موج هاست. به همین دلیل طیف ایجادشده در این شرایط را **طیف گسیلی پیوسته** یا به اختصار **طیف پیوسته** می‌نامند. بخشی از این طیف که در گستره مرئی طول موج‌ها واقع است در شکل ۴-۴ نشان داده شده است. تشکیل طیف پیوسته توسط جسم جامد، ناشی از برهم کنش قوی بین اتم‌های سازنده آن است. حال آنکه گازهای کم فشار و رقیق، که اتم‌های منفرد آنها از برهم کنش‌های قوی موجود در جسم جامد آزادند به جای طیف پیوسته، طیفی گستره را گسیل می‌کنند که شامل طول موج‌های معینی است. این طیف گستره را، معمولاً **طیف گسیلی خطی** یا به اختصار **طیف خطی** می‌نامند و طول موج‌های ایجادشده در آن برای اتم‌های هر گاز منحصر



شکل ۱۴-۴ طیف گسیلی پیوسته نور سفید از رشتۀ داغ یک لامپ روشن. در این شکل تنها بخش مرئی طیف نشان داده شده است که گستره طول موج آن از حدود  $400\text{ nm}$  (نور بنفش) تا حدود  $750\text{ nm}$  (نور قرمز) است.

به فرد هستند و سرنخ‌های مهمی را درباره نوع و ساختار اتم‌های آن گاز به دست می‌دهند. دو نمونه آشنا از گازهای کم فشار و رقیق، در لامپ‌های نئون و لامپ‌های جیوه‌ای وجود دارد. شکل ۵-۴ قسمت‌های مرئی طیف‌های خطی این دو گاز را نشان می‌دهد. طول موج‌های مرئی خاصی که اتم‌های این گازها گسیل می‌کنند به تابلوهای نئون و لامپ‌های جیوه‌ای رنگ‌های مشخصی می‌دهند.



شکل ۵-۵ طیف‌های گسیلی خطی برای نئون و جیوه

برای تشکیل طیف گسیلی خطی اتم‌های هر گاز نظری هیدروژن، هلیم، جیوه، سدیم و نئون معمولاً از یک لامپ باریک و بلند شیشه‌ای که حاوی مقداری گاز رقیق و کم فشار است استفاده می‌شود. دو الکترود به نام‌های آند و کاتد در دو طرف این لامپ قرار دارد که به ترتیب به پایانه‌های مثبت و منفی یک منبع تغذیه با ولتاژ بالا وصل‌اند. این ولتاژ بالا، سبب تخلیه الکتریکی در گاز می‌شود و اتم‌های گاز درون لامپ شروع به گسیل نور می‌کنند. آزمایش نشان می‌دهد که طیف خطی ایجاد شده و همچنین رنگ نور گسیل شده، به نوع گاز درون لامپ بستگی دارد. در میان طیف گسیلی گازهای مختلف، طیف خطی هیدروژن اتمی هم از جنبه تاریخی و هم از جنبه نظری اهمیت خاصی دارد. طیف خطی این گاز در ناحیه مرئی، شامل یک رشته منظم از خط‌هایی است که محل آنها در شکل ۴-۶ نشان داده شده است. در سال ۱۸۸۵ میلادی، بالمر، ریاضی‌دان سوئیسی، رابطه‌ای ساده پیشنهاد کرد که طول موج هر یک از خط‌های شناخته شده مربوط به طیف گسیلی خطی هیدروژن اتمی را به دست می‌داد. این رابطه عبارت است از:

$$\lambda = \frac{n^2}{n^2 - 2^2} \cdot 364 / 56 \text{ nm} \quad (\text{معادله بالمر}) \quad (2-4)$$

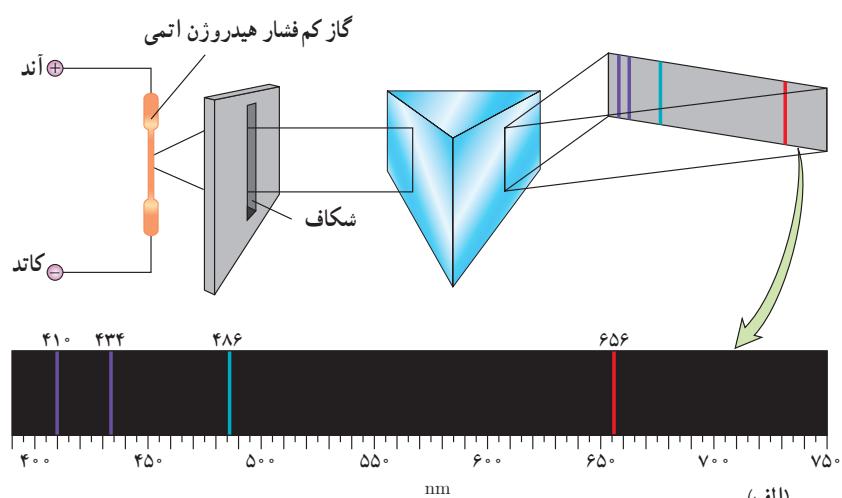


ژاکوب بالمر (۱۸۲۵-۱۸۹۸ م.)

ریاضی‌دان و فیزیک‌دان سوئیسی، در سال ۱۸۴۹ دوره دکتری خود را در حوزه ریاضیات در دانشگاه بازل به بیان رسانید. وی پس از بیان تحصیلات، در یک مدرسه دخترانه و همچنین دانشگاه بازل مشغول به تدریس شد. مشهورترین کار بالمر در خصوص مطالعه طیف اتمی گازها بود، به طوری که وی در سال ۱۸۸۵ و در سن ۶۰ سالگی موفق شد رابطه‌ای تعییی برای طیف گسیلی خطی اتم‌های هیدروژن از این دهد. این رابطه امروزه به نام وی معروف است. بالمر برای ارائه این رابطه از داده‌های آنگستروم، فیزیک‌دان سوئیسی، در خصوص اندازه‌گیری طول موج‌های طیف خطی هیدروژن اتمی در ناحیه مرئی بهره گرفت.



(ب)



شکل ۵-۶ (الف) به کمک منتشر، طول موج‌های گسیلی از گاز، از یکدیگر جدا و طیف خطی آن تشکیل شده است. (ب) اسباب آزمایش تشکیل و مشاهده طیف گسیلی گازها



بوهانس راینریدبرگ (۱۸۵۴-۱۹۱۹ م.)

فیزیکدان و متخصص طیف‌سنجی، در سوئد به دنیا آمد. هنگامی که ساله بود پدرش از دنیا رفت و خانواده وی مجبور شدند با درآمد اندکی زندگی خود را سیری کنند. در سال ۱۸۷۳ دوره دبیرستان را نمرات ممتاز در فیزیک و ریاضی به پایان رسانید و در همان سال در داشگاه لاند ثبت نام کرد. وی در سال ۱۸۷۹ دوره دکترای خود را به پایان رساند. پس از آن به تدریس ریاضیات و فیزیک مشغول شد و در همین دوران بود که به مطالعه وزن استاندارد اتمی عناصر در جدول تناوی مندلیف پرداخت.

کار بعدی وی پژوهش درباره طیف اتمی گازها بود که به ارائه رابطه‌ای برای اصلاح معادله تجربی بالمر در خصوص طیف گسیلی خطی هیدروژن اتمی منجر شد. این رابطه امروزه به نام وی شناخته می‌شود. ریدبرگ در سال ۱۹۱۳ شدیداً بیمار شد و پس از یک دوره طولانی بیماری، در سال ۱۹۱۹ درگذشت.

که در آن  $n \geq 3$  و همواره عددی صحیح است. با قرار دادن  $n = 3, 4, 5, 6$  در معادله بالمر، طول موج خط‌های طیف گسیلی اتم هیدروژن در ناحیه مرئی به صورت زیر به دست می‌آید:

$$n = 4 \rightarrow \lambda_1 = 486.0 \text{ nm} \quad (\text{خط آبی})$$

$$n = 6 \rightarrow \lambda_2 = 410.12 \text{ nm} \quad (\text{خط بنفش})$$

$$(خط فرمز) \quad n = 3 \rightarrow \lambda_3 = 656.20 \text{ nm}$$

$$(خط نیلی) \quad n = 5 \rightarrow \lambda_4 = 434.00 \text{ nm}$$

بالمر با تأمل بیشتر روی رابطه ۲-۴، پیشنهاد کرد که ممکن است رشته‌های دیگری از خط‌هایی که تا آن زمان در طیف هیدروژن دیده نشده‌اند وجود داشته باشند. ریدبرگ، فیزیکدان سوئدی، در راستای همین موضوع تلاش فراوانی برای کامل‌تر کردن طیف گسیلی خطی هیدروژن انجام داد و در سال ۱۸۸۸ میلادی معادله بالمر را به صورت زیر اصلاح و بازنویسی کرد:

$$\frac{1}{\lambda} = R \left( \frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right) \quad n > n' \quad (\text{معادله ریدبرگ}) \quad (3-4)$$

که در آن  $R$  ثابت ریدبرگ و مقدار آن برابر  $10973731 \text{ nm}^{-1}$  است و برای سادگی در محاسبه‌ها، مقدار آن را می‌توان  $11 \text{ nm}^{-1}$  در نظر گرفت. همچنین  $n'$  عدد صحیح مثبتی است که به ازای  $n = 2$  رابطه ۲-۴ مربوط به رشته بالمر به دست می‌آید که در ناحیه مرئی طیف قرار دارد. چندین سال پس از درگذشت بالمر و با اصلاح ابزارها و روش‌های طیف‌سنجی، امکان کشف گستره طول موج‌های دیگری در طیف گسیلی گاز هیدروژن به وجود آمد و مشخص شد که به جز رشته بالمر رشته‌های دیگری در طیف گاز هیدروژن اتمی وجود دارد.<sup>۱</sup> در جدول ۱-۴ نام این رشته‌ها، که به ازای مقادیر متفاوت  $n'$  آمده‌اند درج شده است.

#### جدول ۱۴ رشته خط‌های طیف گسیلی هیدروژن اتمی

نام طیف	تاریخ کشف	مقدار $n'$	رابطه ریدبرگ مربوط به رشته	مقدارهای $n$	ناحیه طیف
لیمان	۱۹۰۶-۱۹۱۴	۱	$\frac{1}{\lambda} = R \left( \frac{1}{1^2} - \frac{1}{n^2} \right)$	۲, ۳, ۴, ...	فرابنفس
بالمر	۱۸۸۵	۲	$\frac{1}{\lambda} = R \left( \frac{1}{2^2} - \frac{1}{n^2} \right)$	۳, ۴, ۵, ...	فرابنفس و مرئی
پاشن	۱۹۰۸	۳	$\frac{1}{\lambda} = R \left( \frac{1}{3^2} - \frac{1}{n^2} \right)$	۴, ۵, ۶, ...	فروسرخ
براکت	۱۹۲۲	۴	$\frac{1}{\lambda} = R \left( \frac{1}{4^2} - \frac{1}{n^2} \right)$	۵, ۶, ۷, ...	فروسرخ
پفوند	۱۹۲۴	۵	$\frac{1}{\lambda} = R \left( \frac{1}{5^2} - \frac{1}{n^2} \right)$	۶, ۷, ۸, ...	فروسرخ

۱- زمانی که مدل اتمی بور در سال ۱۹۱۳ میلادی مطرح شد، خط‌های گسیلی برای گاز هیدروژن اتمی فقط در رشته بالمر، رشته پاشن و تعدادی از خط‌های رشته لیمان به طور قطعی معلوم شده بودند. این مدل که با پیش‌بینی بالمر توافق خوبی داشت منجر به پژوهش‌هایی برای یافتن این رشته‌ها شد، به طوری که سرانجام خط‌های رشته‌های براکت و پفوند و همچنین خط‌های باقی مانده رشته لیمان به تدریج کشف شدند.

## مثال ۲-۴

طول موج‌های اولین و دومین خط‌های طیفی اتم هیدروژن در رشتهٔ براکت ( $n' = 4$ ) را به دست آورید و تعیین کنید که این خط‌ها در کدام گسترهٔ طول موج‌های الکترومغناطیسی واقع‌اند.

**پاسخ:** در رشتهٔ براکت ( $n' = 4$ ) و برای اولین و دومین خط طیفی به ترتیب  $n = 5$  و  $n = 6$  است. در این صورت با استفاده از رابطهٔ ۳-۴ داریم:

$$\frac{1}{\lambda} = R \left( \frac{1}{4^2} - \frac{1}{5^2} \right) = R(2/25 \times 10^{-2}) \Rightarrow \lambda = 4077 \text{ nm}$$

$$\frac{1}{\lambda} = R \left( \frac{1}{4^2} - \frac{1}{6^2} \right) = R(3/472 \times 10^{-2}) \Rightarrow \lambda = 2642 \text{ nm}$$

با مراجعه به طیف موج‌های الکترومغناطیسی در فصل ۳، مشاهده می‌کنیم که این خط‌های طیفی در ناحیهٔ فروسرخ قرار دارند.

## مثال ۳-۴

کوتاه‌ترین و بلندترین طول موج در رشتهٔ پفوند ( $n' = 5$ ) هیدروژن اتمی را به دست آورید.

**پاسخ:** کوتاه‌ترین طول موج، با  $n = \infty$  متناظر است. در این صورت با استفاده از رابطهٔ ۳-۴ داریم:

$$\frac{1}{\lambda} = R \left( \frac{1}{5^2} - \frac{1}{\infty^2} \right) = \frac{R}{25} \Rightarrow \lambda = 2273 \text{ nm}$$

همچنانی بلندترین طول موج این رشته، متناظر با  $n = 6$  است. در این صورت داریم:

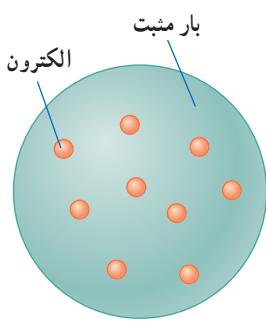
$$\frac{1}{\lambda} = R \left( \frac{1}{5^2} - \frac{1}{6^2} \right) = \frac{11R}{900} \Rightarrow \lambda = 7438 \text{ nm}$$

## تمرین ۲-۴

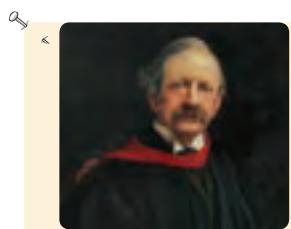
طول موج‌های اولین و دومین خط‌های طیفی اتم هیدروژن در رشتهٔ پاشن ( $n' = 3$ ) را به دست آورید و تعیین کنید که این خط‌ها در کدام گسترهٔ طول موج‌های الکترومغناطیسی واقع‌اند.

معادلهٔ ریدبرگ که برگرفته از داده‌های تجربی است، طول موج‌هایی را به دست می‌دهد که هیدروژن اتمی در طیف الکترومغناطیسی گسیل می‌کند. ولی مدل‌های اتمی رایج آن زمان در خصوص اینکه چرا تنها طول موج‌های معیتی توسط هیدروژن اتمی تابش می‌شود، پاسخی نداشتند. نیلز بور، فیزیک‌دان دانمارکی (۱۸۸۵-۱۹۶۲) با اصلاح مدل اتمی رادرفورد، برای نخستین بار توانست توضیح مناسبی برای طول موج‌های گسترشده توسط گاز هیدروژن اتمی ارائه دهد. در واقع مدل بور، آغاز راهی برای درک این موضوع بود که چگونه ساختار اتم، طول موج‌های تابش شده را به مقدارهای معیتی محدود می‌کند.

۱- مشابه این مثال و مثال‌های دیگر، باید مقدار  $n$  مربوط به هر رشتهٔ هنگام ارزشیابی داده شود و لازم نیست داشت آموزان  $n$  مربوط به رشته‌های مختلف را حفظ کنند.



**شکل ۷-۴** در مدل تامسون، بار الکترونیکی مثبت به طور همگن در کره‌ای توزیع شده است و الکترون‌ها مانند کشمکش‌های کیک در نقاط مختلف آن قرار دارند.

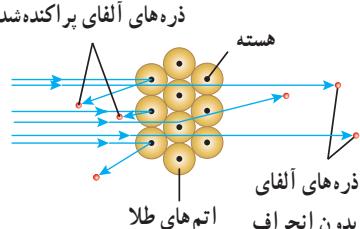
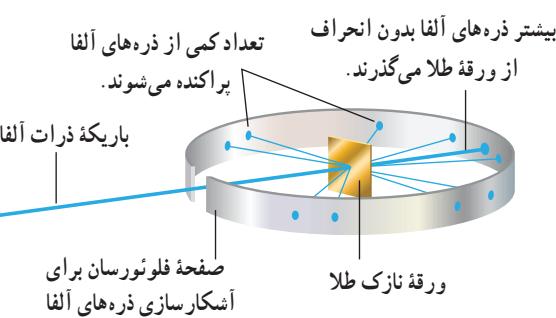
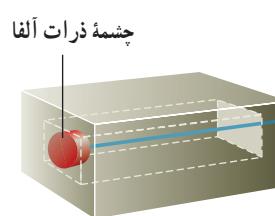


**جوزف تامسون (۱۸۵۶-۱۹۴۰ م.م.)**

یکی از فیزیک‌دانان بزرگ انگلیسی و استاد دانشگاه کمبریج بود. تامسون پس از کشف الکترون، مدیر آزمایشگاه کاوندیش شد؛ جایی که یکی از شاگردانش در آنجا ارنسٹ رادرفورد بود. تامسون پس از چندین سال کار روی مدل اتمی، که برخی از ویژگی‌های شناخته شده اتم از جمله اندازه شاعر، جرم و خنثای الکتریکی اتم را شامل می‌شد، مدلی موسوم به کیک کشمکشی را در اوایل قرن بیستم ارائه داد که برای چندین سال مورد پذیرش عموم دانشمندان قرار گرفت. تامسون همچنین روی ویژگی‌های رساشن الکتریکی گازها نیز کار می‌کرد و جایزه نوبل فیزیک را در سال ۱۹۰۶ میلادی به همین دلیل دریافت کرد.

**۳-۴ مدل اتم رادرفورد-بور** جوزف تامسون فیزیک‌دان انگلیسی، در سال ۱۸۹۶ میلادی موفق به کشف الکترون و اندازه‌گیری نسبت بار به جرم  $e/m$  آن شد. کشف الکترون، تامسون را ترغیب کرد تا مدلی برای اتم ارائه دهد. این مدل سرانجام در سال ۱۹۰۴ میلادی ارائه شد. بنابر مدل تامسون، اتم همچون کره‌ای است که بار مثبت به طور همگن در سرتاسر آن گستردگی شده است و الکترون‌ها که سهم ناچیزی در جرم اتم دارند در جاهای مختلف آن پراکنده شده‌اند. این مدل را گاهی مدل کیک کشمکشی هم می‌گویند، زیرا الکترون‌ها مانند دانه‌های کشمکش در آن پخش شده‌اند (شکل ۷-۴).

در مدل اتمی تامسون، وقتی الکترون‌ها با بسامدهای معینی حول وضع تعادلشان نوسان می‌کنند این نوسان سبب تابش امواج الکترومغناطیسی از اتم می‌شود. یکی از ناکامی‌های مدل تامسون این بود که بسامدهای تابش گسیل شده از اتم، که این مدل پیش‌بینی می‌کرد، با نتایج تجربی سازگار نبود. وقتی ارنسٹ رادرفورد در سال ۱۹۱۱ میلادی نتایج آزمایش‌های را انتشار داد که مدل تامسون نمی‌توانست آنها را توضیح دهد، این مدل کنار گذاشته شد. رادرفورد و همکارانش باریکه‌ای از ذره‌های دارای بار مثبت را (از جنس هسته اتم هلیم که به آن ذره آلفا گفته می‌شود) بر سطح ورقه‌ای نازک از جنس طلا فرو تاباندند (شکل ۸-۴). رادرفورد بنابر مدل تامسون انتظار داشت که تمامی ذره‌های آلفا، با انحراف بسیار اندکی از ورقه طلا بگذرند. در عمل نیز بیشتر این ذره‌ها بدون انحراف یا با انحراف اندکی از ورقه طلا می‌گذشتند و در برخورد با صفحه فلورسان، در پشت آن، جرقه‌های نورانی تولید می‌کردند. با وجود این، برخی از ذره‌های آلفا در هنگام خروج از ورقه نازک طلا، در زاویه‌های بزرگ منحرف و پراکنده می‌شدند و حتی تعدادی از آنها نیز به عقب بر می‌گشتند! رادرفورد پس از انجام این آزمایش و بر اساس مدل تامسون و شناختی که از باریکه ذرات آلفا داشت، گفت: «مثل آن بود که گلوله تویی را به ورقه نازکی از کاغذ شلیک کنید و با شگفتی مشاهده کنید که پس از برخورد گلوله توپ با سطح کاغذ، گلوله بازگردد.» این ذره‌ها باید با چیزی برخورد کرده باشد؛ اما با چه چیزی؟ رادرفورد استدلال کرد که ذره‌های بدون انحراف باید از قسمت‌هایی از ورقه گذشته باشند که تهی بوده باشد، در حالی که ذره‌های با انحراف شدید از مرکزهایی بسیار چگال و دارای بار مثبت منحرف شده‌اند. وی سرانجام نتیجه گرفت باید هسته‌ای چگال و دارای بار مثبت در مرکز هر اتم باشد که با مدل اتمی تامسون به طور آشکار مغایرت داشت.



**شکل ۸-۴** آزمایش پراکنده رادرفورد که در آن ذرات «از یک ورقه نازک طلا پراکنده شده‌اند. تمام وسیله در یک اتاقک خلاً قرار دارد که در این شکل نشان داده نشده است.



ارنست رادرفورد (۱۸۷۱–۱۹۳۷ م.)

در نیوزلند متولد شد و پیشتر تحصیلات خود را در همانجا به انجام رساند. در

۲۴ سالگی به کمبریج رفت و کار خود را در آزمایشگاه کاؤندریش زیر نظر ناسوسون

آغاز کرد. سپس به دانشگاهی در کانادا رفت و پس از بازگشت وارد داشتگاه

منضم شد. رادرفورد در آزماسهایی که به کمک پرتوهای آلفا انجام داد

ضمن کشف هسته در مرکز اتم، آرایش

کلی الکترون‌ها را در اتم مشخص کرد

ولی توانست جزئیات حرکت آنها را

تبیین کند. رادرفورد همچنین با تبدیل

عنصر بر اثر واپاشی پرتوزا، فیزیک

هسته‌ای را بینانگذاری و اولین واکنش

هسته‌ای مصنوعی را ایجاد کرد. وی در

سال ۱۹۰۸ موفق به دریافت جایزه نوبل

شیمی شد. رادرفورد در سال ۱۹۱۱ در آزمایش‌هایی که در آنها نیتروژن با

ذرات آلفا بمباران می‌شد با ذرات باردار

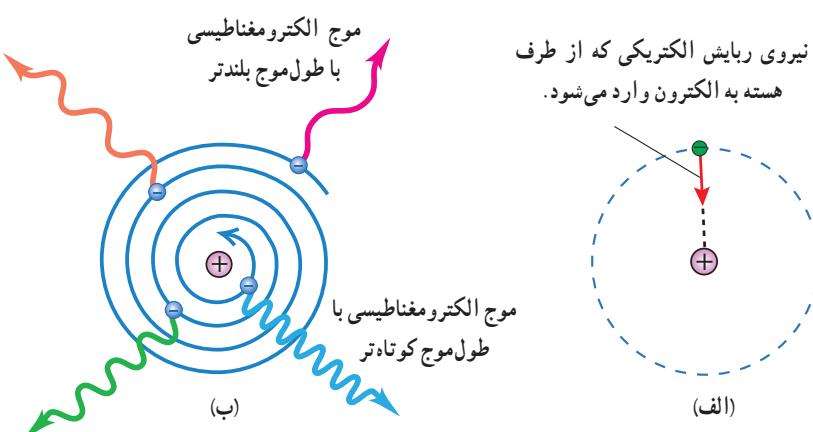
مثبتی روپهرو شد و آن را به عنوان هسته

هیدروژن شناسایی کرد. تا سال ۱۹۲۰، او به این نتیجه رسیده بود که این ذره،

باید ذره‌ای بیناید باشد و با توجه به این که واژه poroton در زبان یونانی به

معنای نخستین است، آن را بیرون‌تون نامید

تا موقعیت اولیه درخور اهمیت آن را در میان هسته‌های اتمی عناصر شان دهد.

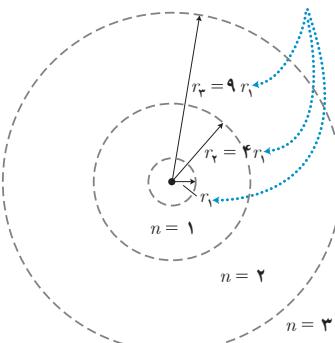


شکل ۹-۱۴ ناتوانی مدل اتم هسته‌ای رادرفورد در تبیین پایداری اتم. (الف) اگر الکترون

نسبت به هسته ساکن فرض شود بر اثر نیروی ریاضیکی، روی هسته سقوط می‌کند.

(ب) اگر الکترون دور هسته بچرخد، طیفی پیوسته گسیل می‌کند و سرانجام روی هسته فرو می‌افتد.

شعاع مدارها با  $n^2$  متناسب است.



شکل ۱۴-۱۰ اولین مدار بور در اتم هیدروژن دارای انرژی  $E_1$  است. مدارهای دوم و سوم بور به ترتیب دارای انرژی‌های  $E_2 = E_1/4$  و  $E_3 = E_1/9$  هستند.

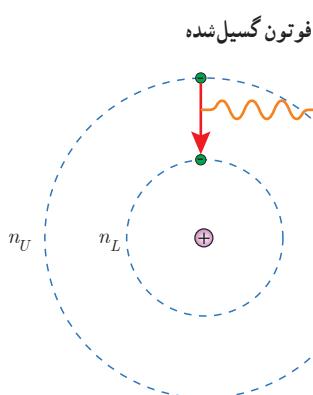
در سال ۱۹۱۳ میلادی، بور مدلی را برای اتم هیدروژن ارائه کرد. این مدل افزون بر آنکه مسئله ناپایداری اتم را در مدل رادرفورد حل می‌کرد معادله ریدبرگ برای طیف خطی اتم هیدروژن را نیز نتیجه می‌داد. نظریه بور با مدل اتم هسته‌ای رادرفورد، شروع می‌شد. بور با این پیشنهاد که «در مقیاس اتمی، قوانین مکانیک کلاسیک و الکترومغناطیس باید توسط قوانین دیگری جایگزین یا تکمیل شود» گامی بزرگ و جسورانه برای رفع مشکلات مدل رادرفورد برداشت. در ادامه با برخی از اصول و مفروضات مدل بور آشنا می‌شویم.

۱- مدارها و انرژی‌های الکترون‌ها در هر اتم کوانتیده‌اند؛ یعنی فقط مدارها و انرژی‌های گستته معینی مجاز هستند.

بور پس از محاسبات نسبتاً ساده‌ای نشان داد که شعاع این مدارها و انرژی الکترون برای اتم هیدروژن از رابطه‌های زیر به دست می‌آید :

$$r_n = a \cdot n^2 \quad (شعاع مدارهای الکترون برای اتم هیدروژن) \quad (۴-۴)$$

$$E_n = \frac{-13/6 \text{ eV}}{n^2} \quad (\text{ترازهای انرژی الکترون در اتم هیدروژن}) \quad (۵-۴)$$



شکل ۱۴-۱۱ با نیاز به مدل بور، وقتی الکترونی از مداری با انرژی بیشتر به مداری با انرژی کمتر جهش می‌کند یک فوتون گسیل می‌شود.

در این روابط  $n$  عدد کوانتومی نامیده می‌شود ( $n = 1, 2, 3, \dots$ ) که مدار الکترون را دور هسته مشخص می‌شود. همچنین  $a$  شعاع کوچک‌ترین مدار در اتم هیدروژن (به ازای  $n = 1$ ) و مقدار آن برابر  $m_e^2 / 2\pi^2 \times 10^{-11} \text{ m}$  است. این مقدار خاص، شعاع بور برای اتم هیدروژن نامیده می‌شود. همچنین انرژی الکترون در  $n = 1$  برابر  $E_1 = -13/6 \text{ eV}$  است که اندازه آن را معمولاً یک ریدبرگ می‌نامند و با نماد  $E_R = 13/6 \text{ eV}$  نشان می‌دهند ( $E_R = 13/6 \text{ eV}$ ). شکل ۱۴-۱۰ سه مدار اول بور را برای اتم هیدروژن نشان می‌دهد.

۲- وقتی یک الکترون در یکی از مدارهای مجاز است، هیچ نوع تابش الکترومغناطیسی گسیل نمی‌شود. از این رو گفته می‌شود الکترون در مدار مانا یا حالت مانا قرار دارد.

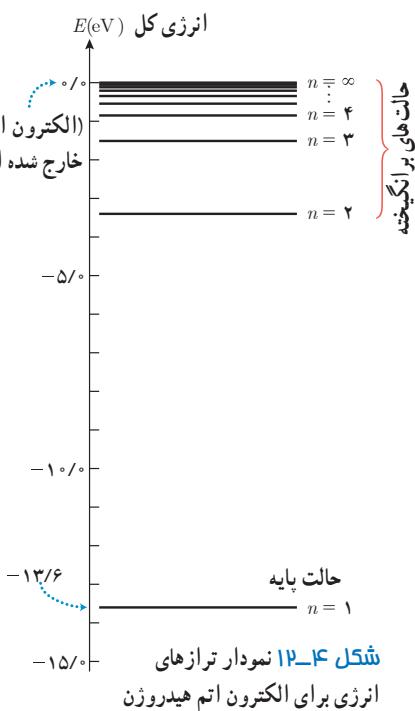
۳- الکترون می‌تواند از یک حالت مانا به حالت مانا دیگر برود. هنگام گذار الکترون از یک حالت مانا با انرژی بیشتر  $E_U$  به یک حالت مانا با انرژی کمتر  $E_L$ ، یک فوتون تابش می‌شود<sup>۱</sup> (شکل ۱۴-۱۱). در این صورت انرژی فوتون تابش شده برابر اختلاف انرژی بین دو مدار اولیه و مدارنهایی است، یعنی :

$$E_U - E_L = hf \quad (\text{معادله گسیل فوتون از اتم}) \quad (۶-۴)$$

۱- زیرنویس U از سحرف واژه Up به معنای بالا و زیرنویس L از سحرف واژه Low به معنای پایین گرفته شده است.

نمودار ترازهای انرژی الکترون برای اتم هیدروژن : مفید است که مقدارهای انرژی داده شده در معادله ۴-۵ را مانند شکل ۱۲-۴ روی نمودار تراز انرژی نمایش دهیم. در این نمودار، که برای اتم هیدروژن رسم شده است بالاترین تراز انرژی به  $n = \infty$  در معادله ۴-۵ مربوط است و دارای انرژی  $eV = 0$  است. بر عکس، پایین ترین تراز انرژی مربوط به  $n = 1$  است و دارای مقدار  $-13.6eV$  است. پایین ترین تراز انرژی، **حالت پایه** نامیده می شود تا از ترازهای بالاتر که **حالتهای برانگیخته** نامیده می شوند متمایز باشد. توجه کنید که با افزایش  $n$  چگونه انرژی های حالتهای برانگیخته به هم نزدیک و نزدیک تر می شوند.

در اتم هیدروژن و در دمای اتاق، الکترون اغلب در حالت پایه قرار دارد. برای بالا بردن الکترون از حالت پایه ( $n = 1$ ) به بالاترین حالت برانگیخته ممکن ( $n = \infty$ ) مقدار  $13.6eV$  انرژی باید صرف شود. صرف این مقدار انرژی، الکترون را از اتم خارج می کند و یون مثبت هیدروژن  $H^+$  ایجاد می شود. این کمترین انرژی لازم برای خارج کردن الکترون از حالت پایه، **انرژی یونش الکترون** نامیده می شود. مقدار پیش‌بینی شده توسط مدل بور برای انرژی یونش اتم هیدروژن، توافق بسیار خوبی با مقدار تجربی دارد.



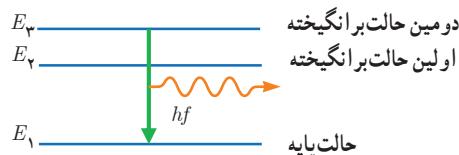
شکل ۱۲-۱۴ نمودار ترازهای انرژی برای الکترون اتم هیدروژن

#### مثال ۴-۶

الکترونی در دومین حالت برانگیخته اتم هیدروژن قرار دارد. الف) انرژی الکترون را در این حالت پیدا کنید. ب) وقتی الکترون از این حالت برانگیخته به حالت پایه جهش می کند نمودار تراز انرژی آن را رسم کنید. پ) طول موج فوتون گسیل شده را حساب کنید.

**پاسخ :** الف) در دومین حالت برانگیخته، عدد کوانتمی  $3 = n$  است. به این ترتیب از رابطه ۴-۵ داریم :

$$E_3 = \frac{-13.6eV}{3^2} = -1.51eV$$

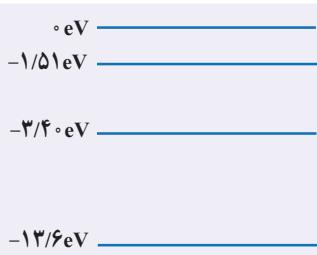


ب) شکل مقابل نمودار ترازهای انرژی را برای الکترون اتم هیدروژن نشان می دهد که با گسیل فوتون، از دومین حالت برانگیخته به حالت پایه جهش کرده است.

پ) انرژی الکترون در حالت پایه  $E_1 = -13.6eV$  است. به این ترتیب انرژی فوتون گسیل شده برابر  $E_2 - E_1 = -1.51eV$  است. از رابطه ۴-۶ داریم :

$$E_2 - E_1 = hf = \frac{hc}{\lambda} \Rightarrow \lambda = \frac{hc}{E_2 - E_1} = \frac{1240 \text{ eV} \cdot \text{nm}}{-1.51eV - (-13.6eV)} = 102 \text{ nm}$$

#### تمرین ۴



شکل مقابل تعدادی از ترازهای انرژی اتم هیدروژن را نشان می دهد.

الف) کمترین طول موج فوتونی را پیدا کنید که با گذار بین این ترازها به دست می آید.

ب) اگر الکترون از تراز انرژی  $-1.51 \text{ eV}$  به تراز پایه جهش کند طول موج فوتون گسیلی را پیدا کنید.

پ) کدام گذار بین دو تراز می تواند به گسیل فوتونی با طول موج  $66 \text{ nm}$  منجر شود؟ توجه کنید که این طول موج ها در گستره مرئی است.



**نیلز بور (۱۸۸۵–۱۹۶۲ م.)** در کپنهاگ دانمارک به دنیا آمد و در همان جا به تحصیلات خود ادامه داد. بور در سال ۱۹۱۱ دکترای فیزیک خود را از دانشگاه کپنهاگ دریافت کرد. وی در سال ۱۹۱۲ میلادی پس از مدتی کار با تامسون، از کمربیج به منچستر رفت و در آزمایشگاه رادرفورد که مرکزی پژوهشی درباره مواد پرتوخواست و ساختار اتم بود مشغول به کار شد. در آنجا بود که مدل اتمی خود را در خصوص اتم هیدروژن تدوین و ارائه کرد. پس از آن در توسعه نظریه مکانیک کوانتومی نقش عمده‌ای داشت. بور در سال ۱۹۲۲ جایزه نوبل فیزیک را برای درک ساختار اتمی و نظریه کوانتومی دریافت کرد. مؤسسه فیزیک نظری که وی در سال ۱۹۲۱ میلادی در کپنهاگ بنیان نهاد تزدیک به یک سده است که داشمندان را از سراسر جهان به سوی خود جذب می‌کند.

استخراج معادله ریدبرگ برای اتم هیدروژن از مدل بور : همان‌طور که در ابتدای این بخش نیز اشاره کردیم یکی از موفقیت‌های مدل بور نتیجه‌گیری معادله ریدبرگ برای طیف خطی گازهیدروژن اتمی است. برای بررسی بیشتر این موضوع فرض کنید الکترون اتم هیدروژن در یکی از حالت‌های برانگیخته باشد و بخواهد به حالتی با انرژی کمتر جهش کند. به عبارت دیگر الکترون از مدار مانای  $n_U$  به مدار مانای  $n_L$  می‌رود و فوتونی را گسیل می‌کند. با توجه به روابط  $5-4$  و  $5-5$ ،<sup>۱</sup> بسامد فوتون گسیل شده برابر است با :

$$f = \frac{1}{h} (E_U - E_L) = \frac{E_R}{h} \left( \frac{1}{n_L^2} - \frac{1}{n_U^2} \right)$$

با استفاده از رابطه  $f = c/\lambda$  طول موج فوتون گسیل شده را پیدا می‌کنیم .

$$\frac{c}{\lambda} = \frac{E_R}{h} \left( \frac{1}{n_L^2} - \frac{1}{n_U^2} \right) \Rightarrow \frac{1}{\lambda} = \frac{E_R}{hc} \left( \frac{1}{n_L^2} - \frac{1}{n_U^2} \right)$$

از سوی دیگر داریم :

$$\frac{E_R}{hc} = \frac{13.6 \text{ eV}}{1240 \text{ eV} \cdot \text{nm}} = 10.9 \text{ nm}^{-1}$$

که این مقدار، با تقریب بسیار خوبی همان ثابت ریدبرگ  $R$  است که پیش از این با آن آشنا شدیم. به این ترتیب داریم :

$$\frac{1}{\lambda} = R \left( \frac{1}{n_L^2} - \frac{1}{n_U^2} \right)$$

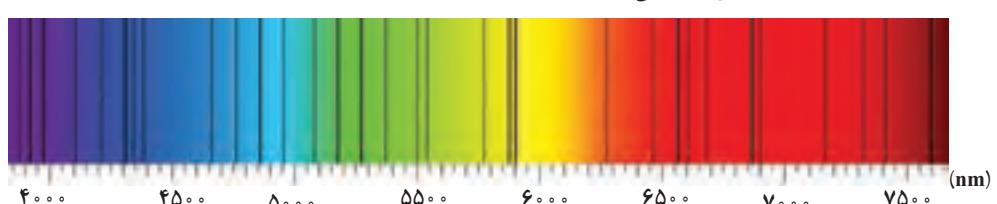
این رابطه همان معادله  $3-4$  است که با اصلاح و بازنویسی معادله بالمر برای طیف گسیلی خطی هیدروژن توسط ریدبرگ به دست آمد. در نتیجه به کمک مدل بور می‌توانیم رابطه تجربی ریدبرگ را به دست آوریم و طیف خطی هیدروژن اتمی را توجیه کنیم. وقتی الکترون برای مثال از مدار  $n_U = 2$  به مدار  $n_L = 1$  می‌رود، طول موج فوتون گسیل شده برابر است با :

$$\frac{1}{\lambda} = R \left( \frac{1}{n_L^2} - \frac{1}{n_U^2} \right) = 10.9 \text{ nm}^{-1} \left( \frac{1}{2^2} - \frac{1}{3^2} \right) \Rightarrow \lambda = 660 \text{ nm}$$

مقدار به دست آمده به نحو چشمگیری به طول موج خط قرمز در رشتۀ بالمر که از تجربه حاصل شده، تزدیک است.

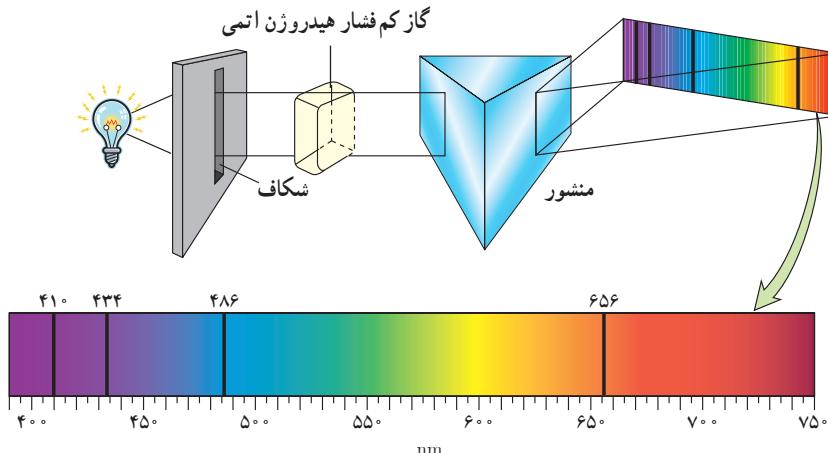
**طیف جذبی گاز هیدروژن اتمی و مدل بور :** در سال ۱۸۱۴ میلادی فرانهوفر، با مشاهده دقیق طیف خورشید، خط‌های تاریک نازکی را در آن کشف کرد (شکل ۱۳-۴). این تجربه نشان می‌داد در تابشی که از خورشید گسیل می‌شود و به زمین می‌رسد بعضی از طول موج‌ها وجود ندارند. امروزه می‌دانیم بسیاری از خط‌های تاریکی که فرانهوفر در طیف خورشید کشف کرد، ناشی از جذب طول موج‌های مربوط به این خط‌ها توسط گازهای جو خورشید است. خط‌های دیگر به سبب جذب نور در گازهای جو زمین پدید می‌آیند.

**شکل ۱۳-۱۴** خط‌های تاریکی که در طیف خورشید دیده می‌شود، به افتخار کشف‌کننده آن، خط‌های فرانهوفر نامیده می‌شوند.



۱- از ویلیام ولاستون به عنوان نخستین کاشف این خط‌های تاریک نام می‌برند، ولی جوزف فرانهوفر بود که این خط‌ها را به تفصیل مورد مطالعه قرار داد.

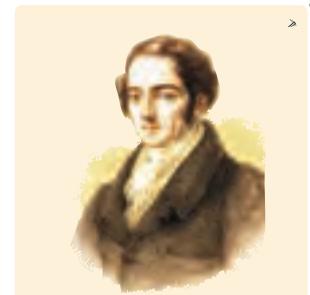
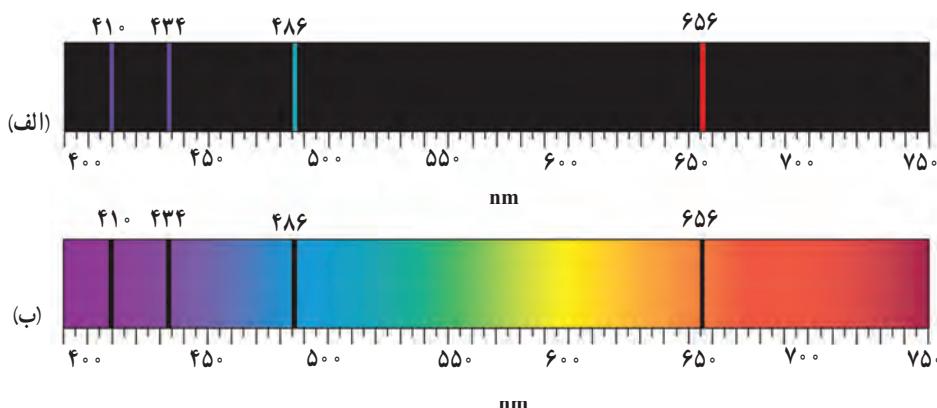
شکل ۱۴-۴ اسباب آزمایشی را به صورت طرح وار نشان می‌دهد که در آن باریکه نور سفید قبل از عبور از منشور، از گاز کم فشار هیدروژن می‌گذرد. با انجام این آزمایش بی می‌بریم یک طیف پیوسته (مشابه طیف رنگین‌کمان) با خط‌های تاریک درون آن مشاهده می‌شود که در آن بعضی از طول موج‌ها از نور سفید جذب شده‌اند.



**شکل ۱۴-۵** روشی برای مشاهده طیف‌های جذبی. یک چشمۀ نور سفید که گستره‌ای پیوسته از طول موج‌ها را تولید می‌کند، از ظرفی حاوی گاز کم فشار هیدروژن اتمی می‌گذرد و توسط منشور یا گسیله می‌شود و طیف آن روی پرده تشکیل می‌شود. خط‌های تاریک روی طیف، به طول موج‌هایی از نور سفید مربوط است که توسط اتم‌های گاز جذب شده‌اند.

در اواسط قرن نوزدهم، آزمایش‌های مشابه آنچه بیان کردیم برای گازهای عناصر مختلف انجام شد. این آزمایش‌ها نشان می‌داد که اگر نور سفید از داخل گاز عنصری عبور کند و سپس طیف آن تشکیل شود، در طیف آن، خط‌های تاریکی ظاهر می‌شود. این خط‌ها (طول موج‌ها) توسط اتم‌های گاز عنصر جذب شده‌اند. شکل ۱۵-۴، طیف گسیلی و طیف جذبی گاز هیدروژن اتمی را در کنار یکدیگر نشان می‌دهد. مطالعه و مقایسه این دو طیف و همچنین طیف‌های گسیلی و جذبی عناصرهای مختلف نشان می‌دهد که :

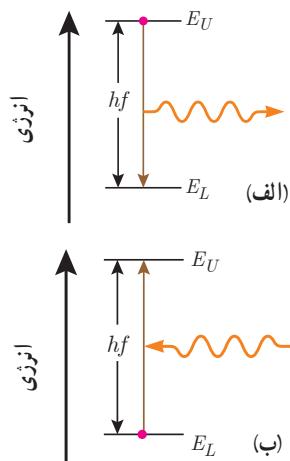
- هم در طیف گسیلی و هم در طیف جذبی اتم‌های گاز هر عنصر، طول موج‌های معینی وجود دارد که از مشخصه‌های آن عنصر است. یعنی طیف گسیلی و طیف جذبی هیچ دو گازی همانند یکدیگر نیست.
- اتم‌های هر گاز دقیقاً همان طول موج‌هایی را از نور سفید جذب می‌کنند که اگر دمای آنها به اندازه کافی بالا رود و یا به هر صورت دیگر برانگیخته شوند، آنها را تابش می‌کنند.



**جوزف فرانهوفر (۱۷۸۷-۱۸۲۶ م.)**

فیزیکدان و سازنده ابزارهای نوری، در آلمان به دنیا آمد. وی به خاطر کیفیت ابزارهای نوری‌ای که می‌ساخت و همچنین نظریه‌هایی درباره پراش معروف بود. فرانهوفر پس از آنکه در ۱۸۱۱ میلادی بستگاه طیف نمایی را عینک‌سازی مشغول به کار شد. در سال ۱۸۰۱ میلادی سقف کارگاهی که در آن کار می‌کرد فرو ریخت و با خوش اقبالی بسیار، جان سالم به در بردا. فرانهوفر دستگاه طیف نمایی را اختراع کرد و توری‌های پراش را توسعه داد. او به کمک دستگاه طیف نمایی که اختراع کرده بود نخستین بار خط‌های تیره‌ای را در طیف خورشید مشاهده کرد که امروزه به نام خودش به خط‌های فرانهوفر مشهورند.

**شکل ۱۵-۴** طیف گسیلی و جذبی گاز هیدروژن اتمی. (الف) خط‌های روشن در طیف گسیلی معروف طول موج‌های گسیل شده و (ب) خط‌های تاریک در زمینه طیف، معروف طول موج‌های جذب شده توسط اتم‌های گاز هستند.



شکل ۱۴-۱۶ (الف) فرایند گسیل فوتون و (ب) فرایند جذب فوتون توسط اتم



علی جوان (۱۹۲۶-۲۰۱۶ م.): از پدر و مادری تبریزی، در تهران به دنیا آمد. از دیستان البرز دپلم گرفت و پس از آن به مدت یک سال در دانشکده علوم دانشگاه تهران به تحصیل پرداخت. در سال ۱۹۴۸ میلادی به نیویورک رفت و چندین دوره درسی را در دانشگاه کلمبیا گذراند. علی جوان بدون داشتن مدرک لیسانس با فوق لیسانس، موفق شد در سال ۱۹۵۴ دکترای خود را زیر نظر چارلز تاونز، فیزیکدان و مخترع بزرگ آمریکایی و برنده جایزه نوبل فیزیک ۱۹۶۴، دریافت کند. در سال ۱۹۵۵ دوره پسادکرا را در آزمایشگاه تابش<sup>۱</sup> و با تحقیق روی ساعت اتمی دنبال کرد. در سال ۱۹۵۸ به آزمایشگاه‌های تلفن پل<sup>۲</sup> پیوست و مدتی بعد در همانجا ایده اولیه لیزرهاي گازی را ارائه کرد. وی پس از یک سال تلاش و با همکاری دو فیزیکدان دیگر به نامهای ولیام بنت و دونالد هریوت، موفق به ساخت اولین نمونه لیزر گازی هلیم نون در سال ۱۹۶۰ شد.

اینکه چرا هر عنصر تنها طول موج‌های خاصی را که مشخصه آن عنصر است جذب یا گسیل می‌کند چالشی بود که برای چندین دهه فیزیک‌دانان را به خود مشغول کرده بود و تا پیش از ارائه مدل بور، نظریه قابل قبولی برای توضیح آن وجود نداشت. اکنون براساس مدل بور می‌دانیم که خط‌های گوناگون در طیف گسیلی گاز هیدروژن اتمی وقتی به وجود می‌آیند که الکترون‌های اتم‌های هیدروژن، که به هر دلیلی برانگیخته شده‌اند، از تراز انرژی بالاتر به تراز انرژی پایین‌تر جهش کنند و فوتون‌هایی را گسیل کنند (شکل ۱۶-۴ الف). همچنین الکترون‌ها می‌توانند در جهت عکس گذار کنند، یعنی در فرایندی که **جذب فوتون** خوانده می‌شود از ترازهای انرژی پایین‌تر به ترازهای انرژی بالاتر بروند (شکل ۱۶-۴ ب). در این حالت، اتم، فوتونی را که دقیقاً انرژی لازم برای گذار را دارد جذب می‌کند. به این ترتیب اگر فوتون‌هایی با گستره پیوسته‌ای از طول موج‌ها مطابق آزمایش شکل ۱۶-۴ از گاز بگذراند و سپس طیف آنها تشکیل شود، یک دسته خط‌های جذبی تاریک در طیف پیوسته مشاهده خواهد شد. خط‌های تاریک، طول موج‌هایی را مشخص می‌کنند که با فرایند جذب فوتون برداشته شده‌اند.

## پرسش ۱-۴

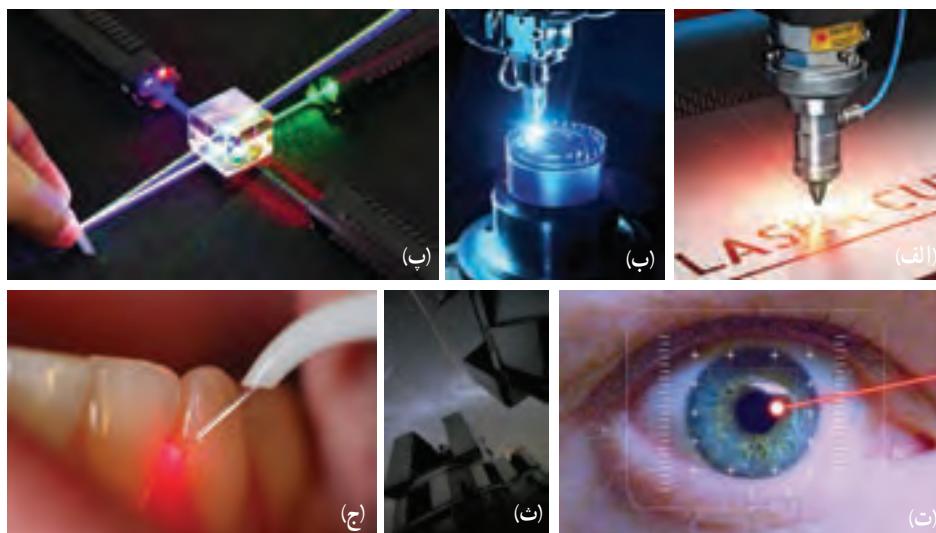
آیا معادله ۶-۴ برای فرایند جذب فوتون نیز برقرار است؟

**موقیت‌ها و نارسایی‌های مدل بور:** مدل بور تصویری از چگونگی حرکت الکترون‌ها به دور هسته ارائه می‌کند. این مدل در تبیین پایداری اتم، طیف گسیلی و جذبی گاز هیدروژن اتمی و محاسبه انرژی یونش اتم هیدروژن با موقیت همراه است. افزون بر این، مدل بور را برای اتم‌های هیدروژن‌گونه نیز می‌توان به کار برد. **اتم هیدروژن‌گونه** به اتم‌هایی گفته می‌شود که تنها یک الکtron دارند. برای مثال، اتم لیتیم که در حالت خنثی سه الکترون دارد اگر دو الکترون خود را از دست داده باشد، یک اتم هیدروژن‌گونه است. مدل بور می‌تواند انرژی یونش و همچنین طول موج‌های طیف خطی اتم‌های هیدروژن‌گونه مانند لیتیم دو بار یوننده ( $^{+3}\text{Li}$ ) را پیش‌بینی کند که با تجربه سازگاری خوبی دارد.

مدل بور به رغم موقیت‌هایی که اشاره شد، نارسایی‌هایی نیز دارد که تنها به دو مورد از آنها اشاره می‌کنیم. این مدل برای وقتی که بیش از یک الکترون به دور هسته می‌گردد به کار نمی‌رود، زیرا در مدل بور، نیروی الکتریکی که یک الکترون بر الکترون دیگر وارد می‌کند به حساب نیامده است. همچنین این مدل نمی‌تواند متفاوت بودن شدت خط‌های طیف گسیلی را توضیح دهد. برای مثال مدل بور نمی‌تواند توضیح دهد که چرا شدت خط قرمز با شدت خط آبی در طیف گسیلی گاز هیدروژن اتمی با یکدیگر متفاوت است.

## ۴-۴ لیزر

لیزر یکی از مفیدترین اختراع‌های قرن بیست است که کاربرد زیادی در زندگی، فناوری و صنعت دارد. لیزر امروزه در چاپگرهای، در نگاشتن اطلاعات روی CD و DVDها و خواندن آنها، شبکه‌های کابل نوری، اندازه‌گیری دقیق طول، دستگاه‌های جوشکاری و برش فلزات، پژوهش‌های علمی، سرگرمی و ... به کار می‌رود. همچنین در حرفه پزشکی برای جراحی، برداشتن لکه‌های پوستی، اصلاح دید چشم و دندانپزشکی و ... از لیزر استفاده می‌شود (شکل ۱۷-۴).

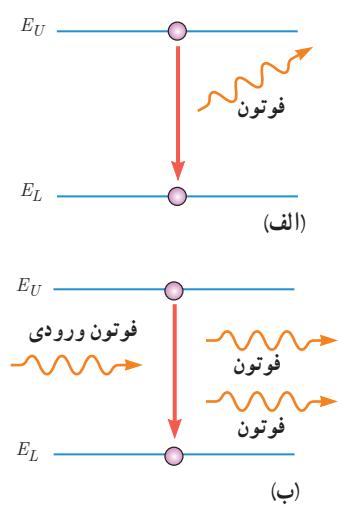


**شکل ۱۷-۴** برخی از کاربردهای لیزر:  
 (الف) در برشکاری، (ب) در جوشکاری،  
 (پ) در آزمایش‌های فیزیک و پژوهش‌های  
 علمی، (ت) در چشم پزشکی، (ث) در نجوم،  
 (ج) در دندانپزشکی

نخستین لیزر، موسوم به لیزر یاقوتی، را تئودور مایمن (۱۹۲۷-۲۰۰۷ م.) در سال ۱۹۶۰ میلادی ساخت. مدتی پس از آن و در همان سال، علی جوان و همکارانش موفق به ساخت نخستین لیزر گازی هلیم نئون شدند.

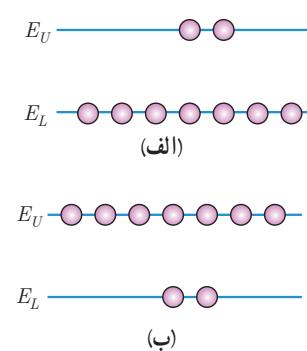
مطابق مدل اتمی بور وقتی یک الکترون از تراز انرژی بالاتر به تراز انرژی پایین‌تر جهش می‌کند یک فوتون گسیل می‌شود. فرایند گسیل می‌تواند به صورت **گسیل خودبه‌خود** و یا **گسیل القایی** باشد. در گسیل خودبه‌خود (شکل ۱۸-۴ الف) فوتون در جهتی کاتورهای گسیل می‌شود. در حالی که در گسیل القایی (شکل ۱۸-۴ ب) که برای نخستین بار در سال ۱۹۱۷ میلادی توسط اینشتین مطرح شد، یک فوتون ورودی، الکترون برانگیخته را تحریک (یا القا) می‌کند تا تراز انرژی خود را تغییر دهد و به تراز پایین‌تر برسد. برای گسیل القایی، انرژی فوتون ورودی باید دقیقاً با اختلاف انرژی‌های دو تراز یعنی  $E_U - E_L$  یکسان باشد.

گسیل القایی سه ویژگی عمده دارد. اول اینکه یک فوتون وارد و دو فوتون خارج می‌شود (شکل ۱۸-۴ ب). به این ترتیب این فرایند تعداد فوتون‌ها را افزایش می‌دهد و نور را تقویت می‌کند<sup>۱</sup>. دوم اینکه فوتون گسیل شده، در همان جهت فوتون ورودی حرکت می‌کند. سوم اینکه فوتون گسیل شده



**شکل ۱۸-۴** (الف) گسیل خودبه‌خود  
 (ب) گسیل القایی

۱- واژه laser برگرفته از سرواژه‌های عبارت (light amplification by the stimulated emission of radiation) به معنای تقویت نور توسط گسیل القایی تابش است.



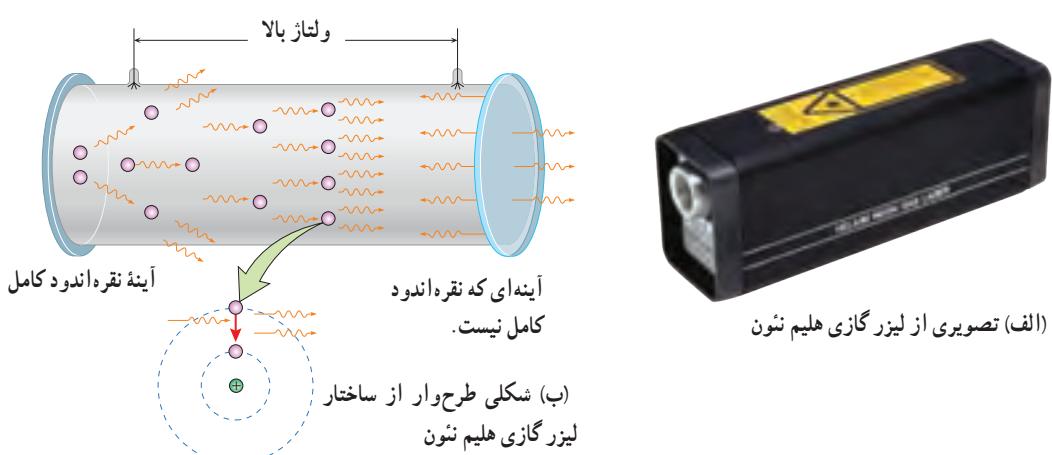
شکل ۱۴-۱۹ (الف) به طور معمول و در دمای اتاق، بیشتر الکترون‌ها در تراز انرژی پایین‌تر قرار دارند. (ب) در وضعيتی که وارونی جمعیت به وجود آید بیشتر الکترون‌ها در تراز بالاتری (در مقایسه با تراز پایین‌تر) قرار دارند.

با فوتون ورودی همگام یا دارای همان فاز است. به این ترتیب فوتون‌هایی که باریکه لیزری را ایجاد کنند هم بسامد، هم جهت و هم فاز هستند. در گسیل القابی یک چشمۀ انرژی خارجی مناسب باید وجود داشته باشد تا الکترون‌ها را به ترازهای انرژی بالاتر برانگیخته کند. این انرژی می‌تواند به روش‌های متعددی از جمله درخش‌های شدید نور معمولی و یا تخلیه‌های ولتاژ بالا فراهم شود. اگر انرژی کافی به اتم‌ها داده شود، الکترون‌های بیشتری به تراز انرژی بالاتر برانگیخته خواهند شد، شرطی که به **وارونی جمعیت** معروف است (شکل ۱۹-۴).

وارونی جمعیت الکترون‌ها در یک محیط لیزری، مربوط به وضعیتی است که تعداد الکترون‌ها در ترازهای موسوم به **ترازهای شبۀ پایدار**<sup>۱</sup> نسبت به تراز پایین‌تر بسیار بیشتر باشند. در این ترازها، الکترون‌ها مدت زمان بسیار طولانی‌تری ( $10^{-3}s$ ) نسبت به حالت برانگیخته معمولی ( $10^{-8}s$ ) باقی می‌مانند. این زمان طولانی‌تر، فرصت بیشتری برای افزایش وارونی جمعیت و در نتیجه تقویت نور لیزر فراهم می‌کند.

### لیزر گازی هلیم نئون (He – Ne)

شکل الف، یک لیزر هلیم نئون و شکل ب، طرحی ساده از سازوکار ایجاد باریکه لیزر را درون این لیزرهای نشان می‌دهد. گاز کم‌فشاری شامل ۱۵٪ هلیم و ۸۵٪ نئون درون لولۀ شیشه‌ای قرار دارد. برای ایجاد وارونی جمعیت، از تخلیه‌الکتریکی با ولتاژ بالا درون مخلوط گازی استفاده می‌شود. وقتی یک اتم با گسیل خودبه‌خود، فوتونی موازی با محور لوله گسیل کند، فرایند ایجاد باریکه لیزر شروع می‌شود. این فوتون با گسیل القابی باعث می‌شود تا اتم دیگری دو فوتون موازی با محور لوله گسیل کند. این دو فوتون با گسیل القابی، چهار فوتون ایجاد می‌کنند. از چهار فوتون، هشت فوتون حاصل می‌شود و به همین ترتیب نوعی بهمن فوتونی به وجود می‌آید. برای اینکه فوتون‌های بیشتر و بیشتری با گسیل القابی به وجود آیند دو انتهای لوله آینه‌های قرار می‌دهند تا فوتون‌ها در داخل مخلوطی از گازهای هلیم و نئون به جلو و عقب بازتاب دهند. از آنجا که یکی از آینه‌ها بازتاب‌دهنده کامل نیست بخشی از فوتون‌ها از لوله خارج می‌شوند و باریکه لیزر را تشکیل دهند. بازده لیزرهای هلیم نئون بسیار کم و در حدود  $1\% / 10^6$  درصد است، ولی به دلیل کیفیت خوب باریکه لیزر ایجاد شده، کاربرد زیادی در صنعت و فعالیت‌های علمی و آزمایشگاهی دارند.



(الف) تصویری از لیزر گازی هلیم نئون

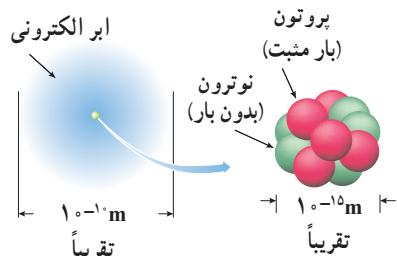
## ۵-۴ ساختار هسته

کشف پرتوزایی طبیعی در سال ۱۸۹۶ میلادی توسط فیزیکدان فرانسوی، هانری بکل، آغازی برای بی بردن به وجود هسته اتم بود. با کاوش درون اتم، در مرکز آن، هسته را می یابیم که شعاع آن تقریباً  $\frac{1}{10000}$  شعاع اتم است (شکل ۴-۲۰).

هسته اتم از نوترون‌ها و پروتون‌ها تشکیل شده است که به طور کلی **نوکلئون** نامیده می‌شوند. نوترون، در سال ۱۹۳۲ میلادی توسط فیزیکدان انگلیسی، جیمز چادویک، کشف شد. نوترون بار الکتریکی ندارد، و جرمش اندکی بیشتر از پروتون است (جدول ۴-۲). جرم اتم‌ها و همچنین اجزای تشکیل دهنده اتم را، افزون بر یکای کیلوگرم با یکای جرم اتمی نیز بیان می‌کنند.

**جدول ۴-۲** برخی از ویژگی‌های فیزیکی ذرات تشکیل دهنده اتم

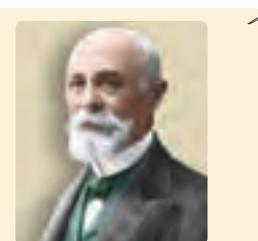
جرم		بار الکتریکی (C)	ذره
یکای جرم اتمی (u)	کیلوگرم (kg)		
$5/4858 \times 10^{-4}$	$9/109389 \times 10^{-31}$	$-1/6 \times 10^{-19}$	الکترون
$1/007276$	$1/672622 \times 10^{-27}$	$+1/6 \times 10^{-19}$	پروتون
$1/008664$	$1/674929 \times 10^{-27}$	°	نوترون



شکل ۴-۲۰ مقایسه ابعاد اتم و هسته به طور تقریبی

\* در شبیه ۱ دیدید  $\frac{1}{12}$  جرم اتم کرین (atomic mass unit) را یکای جرم اتمی (amu) نامند و آن را با اختصار با amu نشان می‌دهند. بنا به این تعریف، جرم اتم کرین  $12/000000$  است. دقیقاً برابر  $1.66054 \times 10^{-27}$  kg است.

تعداد پروتون‌های هسته را عدد اتمی ( $Z$ ) می‌نامند و در عنصرهای مختلف متفاوت است. در یک اتم خنثی، تعداد پروتون‌های هسته با تعداد الکترون‌های دور هسته برابر است. تعداد نوترون‌های هسته، عدد نوترونی ( $N$ ) نامیده می‌شود. همچنین مجموع تعداد کل پروتون‌ها و نوترون‌ها را عدد جرمی ( $A$ ) می‌نامند.



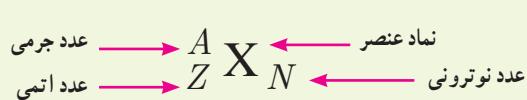
هانری بکل (۱۸۵۲-۱۹۰۸)

فیزیکدان فرانسوی در سال ۱۸۹۶ به عنوان استاد موزهٔ ملی تاریخ طبیعی پاریس انتخاب شد. وی نخستین داشمندی است که در سال ۱۸۹۶ و در حالی که مشغول بررسی خاصیت فسفرسانس نمک‌های اورانیم بود - بدینه پرتوزایی را کشف کرد. بکل در سال ۱۹۰۳، به همراه ماری کوری و پیر کوری جایزهٔ نوبل فیزیک را به خاطر کشف پرتوزایی طبیعی دریافت کرد. به افتخار فعالیت‌های وی در زمینهٔ پرتوزایی، یکای SI برای فعالیت پرتوزایی، بکل (Bq) نام‌گذاری شده است.

$$\frac{A}{\text{تعداد پروتون‌ها و نوترون‌ها}} = \frac{Z}{\text{تعداد پروتون‌ها}} + \frac{N}{\text{تعداد نوترون‌ها}} \quad (7-۴)$$

(عدد اتمی)  
(عدد نوترونی)

برای یک عنصر با نماد شیمیایی X، نماد هسته به صورت زیر نشان داده می‌شود<sup>۱</sup> :



مشخص کردن  $N$  در نمادنویسی بالا ضروری نیست؛ زیرا می‌توان آن را از رابطه ۷-۴ به دست آورد. همچنین در بسیاری موارد  $Z$  را هم می‌توان ذکر نکرد؛ زیرا نماد شیمیایی عنصر، نشان دهنده مقدار  $Z$  است. برای مثال، هسته اتم آلومینیم را به جای  $^{27}_{13}Al$  می‌توان به صورت  $^{27}_{13}Al$  یا  $^{27}Al$  نمایش داد.

<sup>۱</sup>- در کتاب‌های تخصصی فیزیک هسته‌ای، این نماد را نماد نوکلئید (nuclide) می‌نامند.



**جیمز چادویک (۱۸۹۱-۱۹۷۴ م.)**  
فیزیکدان انگلیسی، پس از طی دوره کارشناسی و کارشناسی ارشد در داشگاه منچستر، تحقیقاتش را زیر نظر رادرفورد ادامه داد. در سال ۱۹۱۴ برای نخستین بار، طیف پیوسته پرتوهای بتا را که از بعضی عناصر برتوزا تشکیل می‌شد کشف کرد. اما مهم‌ترین دستاوردهای چادویک، کشف نوترون در سال ۱۹۳۲ بود که حاصل مدت طولانی همکاری با رادرفورد بود. چادویک جایزه نوبل فیزیک ۱۹۳۵ میلادی را به این منظور دریافت کرد.

**ایزوتوپ‌ها :** ویژگی‌های هسته را تعداد پروتون‌ها و نوترون‌های آن تعیین می‌کند. خواص شیمیایی هر اتم را تعداد پروتون‌های هسته (عدد اتمی  $Z$ ) تعیین می‌کند. به همین سبب هسته‌هایی که تعداد پروتون مساوی ولی تعداد نوترون متفاوت دارند خواص شیمیایی یکسانی دارند، در نتیجه این هسته‌ها در جدول تناوبی عناصر هم‌مکان هستند و بنابراین **ایزوتوپ** (هم‌مکان) نامیده می‌شوند. به طور مثال، کربن به دو صورت پایدار و با درصد های فراوانی بسیار متفاوتی در طبیعت یافت می‌شود که یکی از ۶ پروتون و ۶ نوترون ( $^{12}\text{C}$ )، و دیگری از آنها از ۶ پروتون و ۷ نوترون ( $^{13}\text{C}$ ) تشکیل شده است. این دو هسته، ایزوتوپ‌هایی کربن هستند. جرم‌های اتمی درج شده در جدول تناوبی عناصر، میانگین جرم‌های اتمی ایزوتوپ‌های مختلف هستند. این امر با توجه به درصد فراوانی آنها حساب شده‌اند. به جز هیدروژن، ایزوتوپ‌های مختلف یک هسته را با نام همان هسته مشخص می‌کنند (جدول ۴-۳).

### جدول ۴-۳ ایزوتوپ‌های مختلف چند عنصر و درصد فراوانی آنها در طبیعت

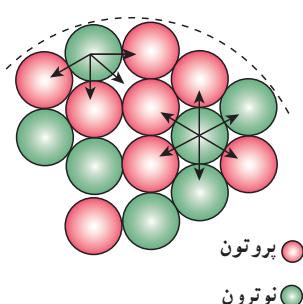
نام عنصر	درصد فراوانی			نام عنصر	درصد فراوانی			نام عنصر	درصد فراوانی		
	N	Z	نماد		N	Z	نماد		N	Z	نماد
هیدروژن ۱	۱/۰۷	۷	۶	$^{12}\text{C}$	۱۳	کربن	۹۹/۹۸۸۵	۰	۱	H	
دوتریم (هیدروژن ۲)	۰/۰۱۱۵	۸	۶	$^{14}\text{C}$	۱۴	کربن	۰/۰۱۱۵	۱	۱	D	$(^3\text{H})$
تریتیم (هیدروژن ۳)	۰/۷۱۶	۱۴۲	۹۲	$^{235}\text{U}$	۲۳۵	اورانیم	۰/۷۱۶	۲	۱	T	$(^3\text{H})$
کربن ۱۲	۹۹/۲۸۴	۱۴۶	۹۲	$^{238}\text{U}$	۲۳۸	اورانیم	۹۸/۹۳	۶	۶	$^{12}\text{C}$	

### تمرین ۴-۴

با توجه به آنچه تاکنون دیدید و همچنین با استفاده از جدول تناوبی عناصر، که در پیوست کتاب آمده است، نماد هسته را در هر یک از موارد زیر تعیین کنید.

ب) ایزوتوپ قلع (Sn) با عدد نوترونی ۶۶

الف) ایزوتوپ فلور (F) با عدد نوترونی ۱۰

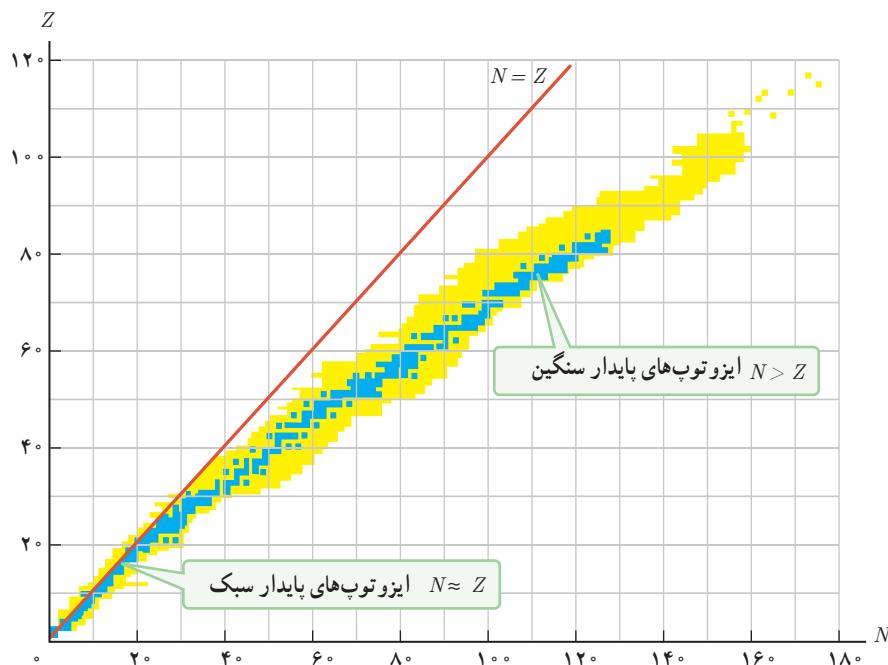


**شکل ۱۴-۲۱** قسمتی از هسته و نوکلئون‌های آن که به صورت طرح وار نشان داده شده است. هر نوکلئون، فقط به نزدیک‌ترین نوکلئون‌های مجاورش نیروی هسته‌ای وارد می‌کند.

**پایداری هسته :** همان‌طور که در شکل ۴-۲۰ نشان داده شده است ابعاد هسته در مقایسه با ابعاد اتم بسیار کوچک‌تر است. با وجود این، بیشتر جرم اتم (بیش از ۹۹/۹ درصد آن) در هسته متمرکز شده است. محاسبه نشان می‌دهد مرتبه بزرگی چگالی هسته  $^{10} \text{g/cm}^3$  است که به صورتی باورنکردنی بزرگ است (برای مقایسه توجه کنید که چگالی آب  $1 \text{g/cm}^3$  است). موضوع وقتی شکفت‌انگیزتر می‌شود که به اندازه نیروی الکتروستاتیکی رانشی خیلی قوی بین پروتون‌های درون هسته، که بسیار به یکدیگر نزدیک‌اند، توجه کنیم. در این صورت چه چیزی مانع از هم پاشیدن هسته می‌شود؟ با توجه به پایداری بسیاری از هسته‌هایی که در طبیعت وجود دارند روشن است که نوعی نیروی جاذبه باید اجزای هسته را کنار هم نگه دارد. از طرفی، جاذبه حاصل از نیروی گرانشی بین نوکلئون‌ها، چنان ضعیف است که نمی‌تواند با نیروی الکتروستاتیکی رانشی مقابله کند. این موضوع وجود نیروی جدیدی بین نوکلئون‌ها را مطرح کرد که به آن **نیروی هسته‌ای** گفته می‌شود.

نیروی هسته‌ای، کوتاه‌بُرد است و تنها در فاصله‌ای کوچک‌تر از ابعاد هسته اثر می‌کند (شکل ۲۱–۴). افزون بر این، نیروی هسته‌ای مستقل از بار الکتریکی است، یعنی نیروی ریاضی هسته‌ای یکسانی بین دو پروتون، دو نوترون، یا یک پروتون و یک نوترون وجود دارد. بهمین دلیل از منظر نیروی هسته‌ای، تفاوتی بین پروتون و نوترون وجود ندارد و دلیل نام‌گذاری آنها با نام عام نوکلئون نیز همین است.

برای پایداری هسته، باید نیروی دافعه الکتروستاتیکی بین پروتون‌ها با نیروی جاذبه بین نوکلئون‌ها، که ناشی از نیروی هسته‌ای است، موازن شده باشد. ولی به دلیل بلندبُرد بودن نیروی الکتروستاتیکی، یک پروتون تمام پروتون‌های دیگر درون هسته را دفع می‌کند، در حالی که یک پروتون یا یک نوترون، فقط نزدیک‌ترین نوکلئون‌های مجاور خود را با نیروی هسته‌ای جذب می‌کند. به همین دلیل وقتی تعداد پروتون‌های درون هسته افزایش یابد، اگر هسته بخواهد پایدار باقی بماند، باید تعداد نوترون‌های درون هسته نیز افزایش یابد. شکل ۲۲–۴ نموداری از  $Z$  بر حسب  $N$  را برای عنصرهای مختلف نشان می‌دهد. هسته پایدار با بیشترین تعداد پروتون ( $Z = 83$ )، متعلق به بیسموت ( $Bi^{83}$ ) است. به جز توریم ( $Z = 90$ ) و اورانیم ( $Z = 92$ ) که در طبیعت یافت می‌شوند سایر هسته‌های سنگین با عدد اتمی بزرگ‌تر از ۸۳ ناپایدارند. این دو عنصر، تنها عنصرهایی‌اند که واپاشی آنها چنان کُند است که از هنگام تشکیل منظومه شمسی در چندین میلیارد سال پیش، فقط مقدار کمی از آنها بر اثر واپاشی، به عنصرهای سبک‌تر تبدیل شده‌اند.



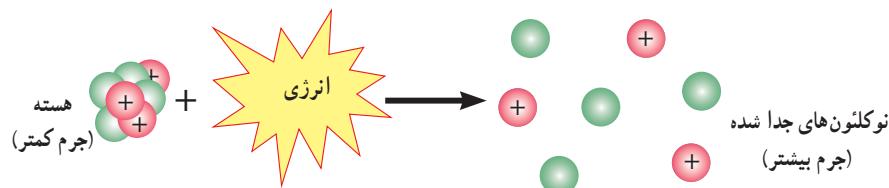
شکل ۲۲–۴ نمودار تغییرات  $Z$  بر حسب  $N$  برای هسته‌های پایدار و پرتوزا. هر نقطه آبی رنگ نشان دهنده یک هسته پایدار است. نقاط زرد رنگ هسته‌های پرتوزای شناخته شده را نشان می‌دهند.

## ۲–۴ پرسش

- هر نقطه آبی رنگ در نمودار شکل ۲۲–۴ نشان دهنده یک هسته پایدار است. با توجه به این نمودار به پرسش‌های زیر پاسخ دهید.
- نسبت تعداد نوترون به تعداد پروتون ( $N/Z$ ) برای هسته‌های پایدار مختلف ثابت است یا متفاوت؟ توضیح دهید.
  - ایزوتوپ‌های مختلف یک عنصر را چگونه می‌توان با استفاده از این نمودار تشخیص داد؟

انرژی بستگی هسته‌ای و ترازهای انرژی هسته: برای جدا کردن نوکلئون‌های یک هسته، انرژی لازم است. انرژی لازم برای این منظور، **انرژی بستگی هسته‌ای** نامیده می‌شود. شکل ۱۴-۲۳ این موضوع را به طور طرح‌وار نشان می‌دهد.

اندازه‌گیری‌های دقیق نشان داده است که جرم هسته از مجموع جرم پروتون‌ها و نوترون‌های تشکیل‌دهنده‌اش اندکی کمتر است. اگر این اختلاف جرم را که به آن **کاستی جرم هسته** گفته می‌شود، مطابق رابطه معروف اینشتین ( $E = mc^2$ )، در مربع تندی نور ( $c$ ) ضرب کنیم **انرژی بستگی هسته‌ای** به دست می‌آید<sup>۱</sup>. توجه کنید که هرچند اختلاف جرم هسته با مجموع جرم نوکلئون‌های تشکیل‌دهنده آن بسیار ناجیز است، چون در  $c^2$  که عدد بسیار بزرگی است ضرب می‌شود، این کاستی جرم اندک، معادل انرژی قابل ملاحظه‌ای است<sup>۲</sup>.



شکل ۱۴-۲۳ انرژی ای معادل انرژی بستگی هسته‌ای باید تأمین

شود تا هسته به نوکلئون‌های تشکیل‌دهنده آن تقسیم شود.

انرژی نوکلئون‌های وابسته به هسته نیز مانند انرژی الکترون‌های وابسته به اتم، کوانتیده‌اند و نوکلئون‌های درون هسته نمی‌توانند هر انرژی دلخواهی را اختیار کنند. همچنین، همان‌طور که الکترون‌های اتم می‌توانند با جذب انرژی از تراز پایه به تراز برانگیخته بروند، نوکلئون‌ها نیز می‌توانند با جذب انرژی به ترازهای انرژی بالاتر بروند و در نتیجه هسته برانگیخته شود. هسته برانگیخته با گسیل فوتون به تراز پایه بر می‌گردد. انرژی فوتون گسیل شده، با اختلاف انرژی بین تراز برانگیخته و تراز پایه برابر است. هسته برانگیخته را با گذاشتن ستاره روی نماد  ${}^A_Z X^*$  به صورت  ${}^A_Z X^*$  مشخص می‌کنند. نکته قابل توجه آن است که اختلاف بین ترازهای انرژی نوکلئون‌ها در هسته از مرتبه keV تا مرتبه MeV است، در حالی که اختلاف بین ترازهای انرژی الکترون‌ها در اتم از مرتبه eV است. از این رو، هسته‌ها در واکنش‌های شیمیایی برانگیخته نمی‌شوند.

## ۶-۶ پرتوزایی طبیعی و نیمه عمر

همان‌طور که در مقدمه فصل نیز اشاره کردیم کشف پرتوزایی طبیعی توسط هانری بکل، آغازی برای بی‌بردن به وجود هسته اتم بود. وقتی یک هسته ناپایدار یا پرتوزا به طور طبیعی (یا اصطلاحاً خودبه‌خود) واپاشی می‌کند، نوع معینی از ذرات یا فوتون‌های پر انرژی آزاد می‌شوند. این فرایند واپاشی، **پرتوزایی طبیعی** نامیده می‌شود.

۱- با رابطه معروف اینشتین ( $E = mc^2$ ، در شیمی (۱) نیز آشنا شدید.

۲- آموزش محاسبه انرژی بستگی هسته خارج از برنامه درسی این کتاب است و ارزشیابی از آن نباید انجام شود.

در پرتوزایی طبیعی سه نوع پرتو ایجاد می‌شود : پرتوهای آلفا ( $\alpha$ )، پرتوهای بتا ( $\beta$ ) و پرتوهای گاما ( $\gamma$ ). پرتوهای  $\alpha$  کمترین نفوذ را دارند و با ورقه نازک سری با ضخامت ناچیز ( $1\text{ mm}/10^{\circ}\text{ ج}$ ) متوقف می‌شوند، در حالی که پرتوهای  $\beta$  مسافت خیلی بیشتری را ( $1\text{ mm}/10^{\circ}\text{ ج}$ ) در سرب نفوذ می‌کنند. پرتوهای  $\gamma$  بیشترین نفوذ را دارند و می‌توانند از ورقه‌ای سری به ضخامت قابل ملاحظه‌ای ( $10\text{ mm}/10^{\circ}\text{ ج}$ ) بگذرند. در تمام فرایندهای واپاشی پرتوزا مشاهده شده است که تعداد نوکلئون‌ها در طی فرایند واپاشی هسته‌ای پایسته است؛ یعنی تعداد نوکلئون‌ها، پیش از فرایند با تعداد نوکلئون‌ها پس از فرایند مساوی است.

### پرسش ۳-۴

**میدان مغناطیسی** (عمود بر صفحه کاغذ به طرف درون)

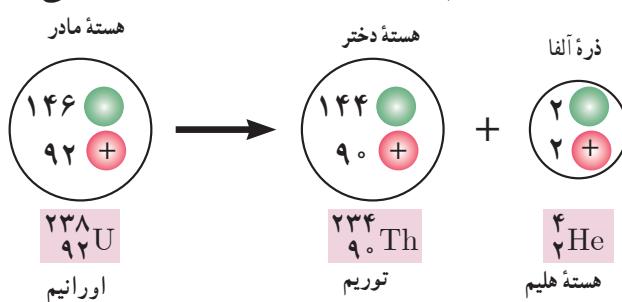
شکل رو به رو طرح آزمایش ساده‌ای را نشان می‌دهد که به کمک آن می‌توان سه نوع پرتوزایی طبیعی را مشاهده کرد و به تفاوت بار و جرم پرتوها از یکدیگر بی برد. قطعه‌ای از ماده پرتوزا را در ته حفره باریکی در یک استوانه سری قرار می‌دهند. استوانه را درون اتاقکی می‌گذارند و هوای درون آن را تخلیه می‌کنند. سپس یک صفحه عکاسی مقابل حفره قرار می‌دهند و میدان مغناطیسی یکنواختی درون اتاقک برقرار می‌کنند. خطوط قرمزرنگ، مسیر حرکت پرتوها را نشان می‌دهد. نوع بار پرتوها را با هم مقایسه کنید.

**واپاشی  $\alpha$**  : در این نوع واپاشی که در هسته‌های سنگین صورت می‌گیرد، هسته

$Z_A^X \rightarrow Z_{-2}^{A-4} Y + ^4 He$  با گسیل ذره آلفا وامی پاشد. شواهد تجربی نشان می‌دهند که پرتوهای  $\alpha$ ، ذرات باردار مثبت از جنس هسته اتم هلیم ( $^4_2 He$ ) هستند و از دو پروتون و دو نوترون تشکیل شده‌اند. واپاشی  $\alpha$  با رابطه زیر بیان می‌شود :



در این رابطه X هسته مادر و Y هسته دختر نامیده می‌شود. شکل ۲۴-۴، مثالی از واپاشی آلفا، برای اورانیم ۲۳۸ را نشان می‌دهد که به طور طبیعی رخ می‌دهد.



شکل ۲۴-۴ در واپاشی  $\alpha$  یک هسته مادر ناپایدار، ذره  $\alpha$  گسیل می‌کند و هسته متفاوتی (هسته دختر) به وجود می‌آید.



عکسی تاریخی از خانواده‌ای که همه آنها نوبل گرفتند.

ماری کوری (۱۸۶۷-۱۹۳۴ م.)

پیر کوری (۱۸۵۴-۱۹۰۶ م.)

این کوری (۱۸۹۷-۱۹۵۶ م.)

ماری کوری فیزیکدان و شیمی‌دان لهستانی- فرانسوی است که مطالعات پیشگام وی در زمینه پرتوزایی طبیعی رادیوم و سایر عنصرها، دو جایزه نوبل برای وی به همراه داشت : جایزه نوبل فیزیک در سال ۱۹۰۳ به خاطر کشف پرتوزایی طبیعی (به طور مشترک با شووهش پیر کوری و هانری بکل) و جایزه نوبل شیمی در سال ۱۹۱۱ به خاطر جدا کردن رادیم خالص. وی بروهشکده رادیم را در دانشگاه پاریس تأسیس کرد و در آنجا به بروهش در زمینه کاربردهای پژوهشی مواد پرتوزا پرداخت. دخترش این، جایزه نوبل شیمی سال ۱۹۳۵ را به خاطر کشف پرتوزایی مصنوعی، یک سال پس از درگذشت مادرش دریافت کرد.

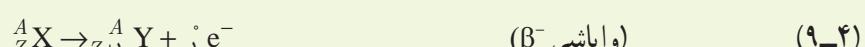
ذره‌های آلفا، سنگین‌اند و بار مثبت دارند. بُرُد این ذره‌ها کوتاه است. این ذرات پس از طی مسافت کوتاهی در هوا (۱ تا ۲ سانتی‌متر) و یا با عبور از لایه‌ای نازک از مواد جذب می‌شوند. اگر این ذره‌ها از راه تنفس یا دستگاه گوارش وارد بدن شوند، باعث آسیب شدید به بافت‌های بدن می‌شوند. بنابراین، باید مراقب بود که مواد آلفا هرگز وارد بدن نشوند.

### فناوری و کاربرد: واپاشی آلفا و آشکارسازهای دود

یکی از کاربردهای گسترده‌ваپاشی  $\alpha$  در آشکارسازهای دود است (شکل الف). شکل ب، مدار و بخش اصلی یک آشکارساز دود را نشان می‌دهد. دو صفحه کوچک و موازی فلزی در فاصله حدود یک سانتی‌متر از یکدیگر قرار داده می‌شوند. مقدار اندکی ماده پرتوزا را که ذرات  $\alpha$  گسیل می‌کند در وسط یکی از صفحه‌ها می‌گذارند. ذرات  $\alpha$  با مولکول‌های هوای بین دو صفحه برخورد می‌کنند، مولکول‌های هوای یونیده می‌شوند و یون‌های مثبت و منفی به وجود می‌آیند. ولتاژ باتری باعث می‌شود یک صفحه مثبت و صفحه دیگر منفی باشد، به طوری که هر صفحه یون‌های با بار مخالف را جذب می‌کند. در نتیجه در مدار متصل به صفحه‌ها جریانی به وجود می‌آید. وجود ذرات دود میان صفحه‌ها جریان را کاهش می‌دهد؛ زیرا یون‌هایی که به ذرات دود برخورد می‌کنند معمولاً خنثی می‌شوند. اُفت جریان که ذرات دود باعث آن می‌شود هشداردهنده‌ای را به کار می‌اندازد.

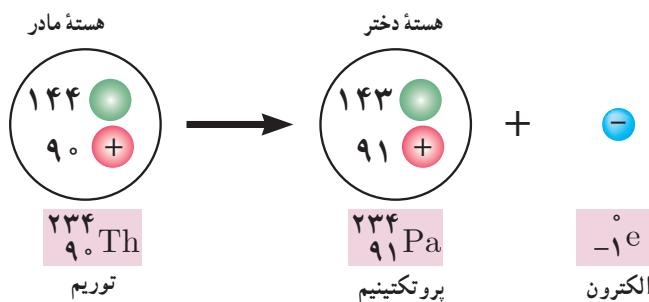


واپاشی  $\beta$  : واپاشی بتا، نخستین مورد پرتوزایی بود که در سال‌های پایانی قرن نوزدهم، توسط هانزی بکرل مشاهده شد. این واپاشی، متداول‌ترین نوع واپاشی در هسته‌هاست و ذرات گسیل شده در این واپاشی را ذرات بتا می‌نامند. بررسی‌های بعدی نشان داد که این ذرات الکترون‌اند و به همین دلیل، این واپاشی را واپاشی  $^{-\beta}$  نامیدند. الکترون گسیل شده در این واپاشی، در هسته مادر وجود ندارد و همچنین یکی از الکترون‌های مداری اتم نیست؛ این الکترون وقتی به وجود می‌آید که نوترونی درون هسته، به پروتون و الکترون تبدیل شود. فرایند واپاشی  $^{-\beta}$  را با رابطه زیر بیان می‌کنند :





شکل ۲۵-۴ مثالی از واپاشی  $\beta^-$ ، برای توریم ۲۳۴ را نشان می‌دهد که به‌طور طبیعی رخ می‌دهد.



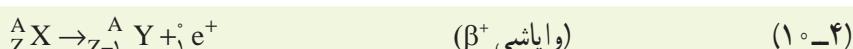
شکل ۲۵-۵ واپاشی  $\beta^-$  وقتی رخ می‌دهد که نوترونی در یک هسته مادر ناپایدار به پروتون و الکترون تبدیل شود. الکترون به صورت ذره  $\beta^-$  گسیل می‌شود.



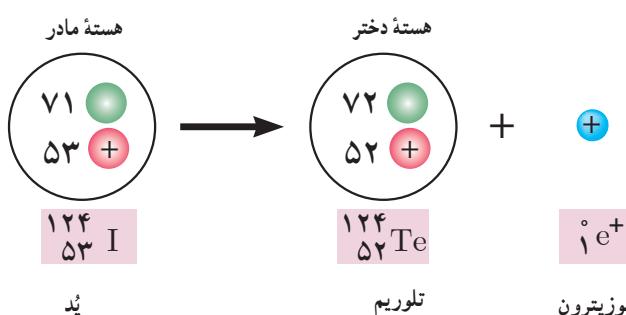
چی ان - شی تونگ وو (۱۹۱۲-۱۹۹۷) را از زمرة برجسته‌ترین فیزیکدان‌های قرن بیستم می‌دانند که در ۱۹۱۲ در شهری در حوالی شانگهای چن به دنیا آمد. آزمایش‌های پیشگامانه‌ای که در مورد واپاشی بتا و برم کش‌های هسته‌ای انجام داد، زمینه لازم را برای توسعه مدل‌های جدید فیزیک زیرانعی فراهم کرد. وی نظریه واپاشی بتا را که توسط فرمی ارائه شده بود به‌طور تحریکی به تأیید رساند. چی ان - شی تونگ اولین زنی بود که در سال ۱۹۷۵ میلادی به سمت رئیس انجمن فیزیک امریکا برگزیده شد. زندگی فوق العاده او را با شعری قدیمی به زبان چینی توصیف می‌کنند: «اگرچه راهی طولانی و پر فراز و نسبت در پیش دارم، قاطعانه می‌خواهم تا انتهای آن را بیمایم.»

لوتیم ( $^{176}_{\text{~} 71}\text{Lu}$ ) عنصر پرتوزایی است که با گسیل بتای منفی، واپاشی می‌کند. معادله این واکنش را بنویسید و با استفاده از جدول تناوبی عناصرها که در پیوست آمده است، عنصر جدیدی را که تولید می‌شود تعیین کنید.

در نوعی دیگر از فرایند واپاشی بتا، ذره گسیل شده توسط هسته، جرم یکسان با الکترون دارد، ولی به جای بار  $e^-$  حامل بار  $e^+$  است. به این الکترون مثبت، پوزیترون می‌گویند و با  $\beta^+$  یا  $e^+$  نمایش داده می‌شود. در واقع آنچه در این واپاشی رخ می‌دهد این است که یکی از پروتون‌های درون هسته به یک نوترون و یک پوزیترون تبدیل می‌شود و سپس این پوزیترون از هسته گسیل می‌شود. فرایند واپاشی  $\beta^+$  با رابطه زیر بیان می‌شود.<sup>۱</sup>



شکل ۲۶-۴ مثالی از واپاشی  $\beta^+$ ، برای یود ۱۲۴ را نشان می‌دهد که به‌طور طبیعی رخ می‌دهد.

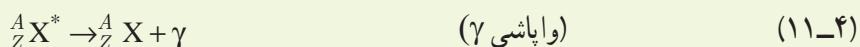


شکل ۲۶-۵ واپاشی  $\beta^+$  وقتی رخ می‌دهد که پروتونی در یک هسته مادر ناپایدار، به نوترون و پوزیترون تبدیل شود. پوزیترون به صورت ذره  $\beta^+$  گسیل می‌شود.

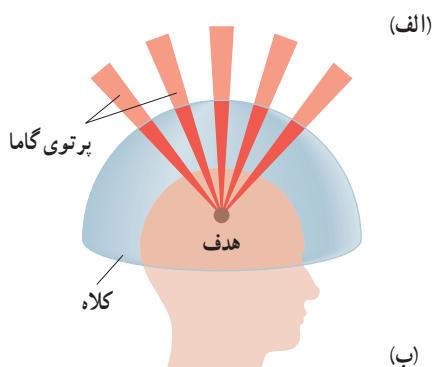
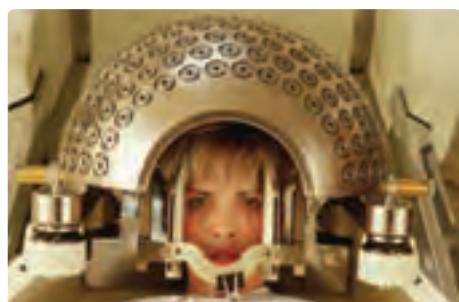
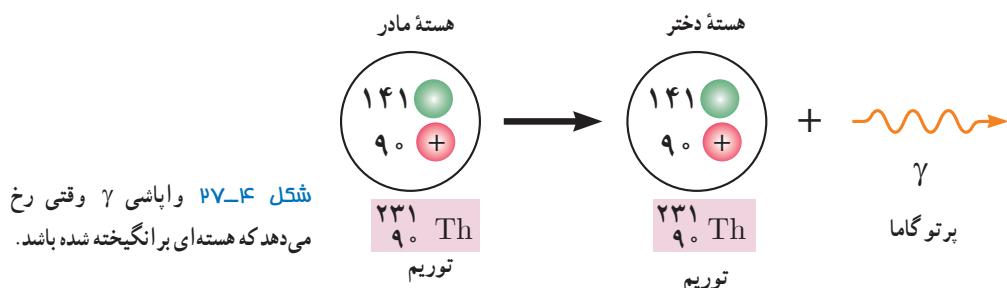
<sup>۱</sup>- در واپاشی  $\beta^+$ ، ذره‌ای دیگر به نام نوترون را نیز باید در نظر بگیریم ( ${}_{Z}^AX \rightarrow {}_{Z-1}^AY + {}_1^{\circ}e^+ + n$ ). همچنین در واپاشی  $\beta^-$ ، ذره‌ای دیگر به نام پادنوترون را نیز باید در نظر بگیریم ( ${}_{Z}^AX \rightarrow {}_{Z+1}^AY + {}_1^{\circ}e^- + \bar{n}$ ). در این کتاب برای سادگی از آنها صرف نظر کردایم.

ایزوتوپ ( $^{150}\text{O}$ ) با گسیل پوزیترون، واپاشی می‌کند. معادله این واکنش را بنویسید و با استفاده از جدول تناوبی عنصرها که در پیوست آمده است، عنصر جدیدی را که تولید می‌شود تعیین کنید.

واپاشی ۷: اغلب هسته‌ها پس از واپاشی آلفا یا بتا، در حالت برانگیخته قرار می‌گیرند و با گسیل فوتون‌های پر انرژی (پرتو گاما) به حالت پایه می‌رسند. در این فرایند،  $A$  و  $Z$  تغییر نمی‌کنند؛ بلکه هسته برانگیخته که با علامت \* مشخص شده است، با گسیل پرتو گاما به حالت پایه می‌رسد. واپاشی ۷ با رابطه زیر بیان می‌شود.



شکل ۲۷-۴ ۲۷ مثالی از واپاشی ۷، برای توریم ۲۳۱ را نشان می‌دهد که به طور طبیعی رخ می‌دهد.



(الف) در جراحی با پرتو گاما، کلاه اینمی فلزی ای که سوراخ‌های کوچکی دارد روی سر بیمار قرار داده می‌شود. (ب) پرتوهای گاما پس از عبور از این سوراخ‌ها، روی هدف تعیین شده در مغز، متمرکز می‌شوند.

### جراحی با پرتوهای گاما

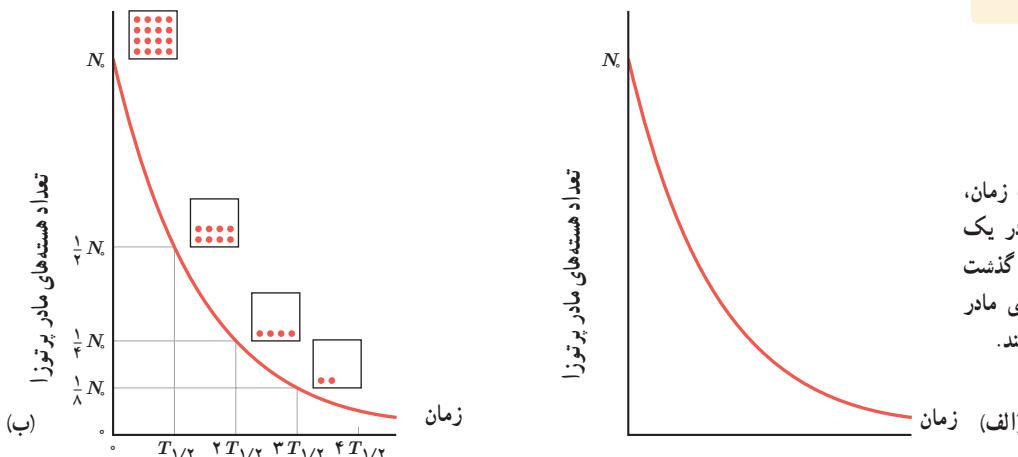
جراحی با پرتوهای گاما، روش پزشکی نویدبخشی است که در سال‌های اخیر برای درمان مشکلات خاصی در مغز، از جمله تخریب غده‌های خوش‌خیم و سرطانی و نیز رفع نقص‌ها در رگ‌های خونی استفاده می‌شود. در این روش که از هیچ چاقویی استفاده نمی‌شود، از باریکه‌های بسیار متمرکز و توانمندی از پرتوهای گاما که متوجه غده و نقص در رگ‌ها می‌شود بهره می‌گیرند. پرتوهای ۷ توسط چشمۀ کبالت ۶۰ گسیل می‌شوند. همان‌طور که شکل الف نشان می‌دهد، بیمار یک کلاه اینمی فلزی بر سر می‌گذارد که سوراخ‌های بسیار کوچکی روی آن ایجاد شده است. پرتوهای عبوری از این سوراخ‌ها، روی هدف مورد نظر درون مغز متمرکز می‌شوند. از این‌رو بافت هدف، مقدار بسیار زیادی تابش را دریافت می‌کند و تخریب می‌شود، در حالی که بافت سالم مجاور آسیبی نمی‌بیند. جراحی با پرتوهای گاما، روشی بدون درد و خونریزی است که اغلب با بی‌حسی موضعی صورت می‌گیرد. مدت زمان بستره شدن در بیمارستان، خیلی کوتاه‌تر از جراحی به روش معمول است و بیمار پس از چند روز، به روال زندگی عادی خود باز می‌گردد.

نیمه عمر : ایزوتوپ‌های پرتوزا با گذشت زمان واپاشیده می‌شوند. برای یک نمونه از یک ماده پرتوزا، بر اساس داده‌های تجربی می‌توان بیان کرد که در پایان زمان معینی، چه کسری از ماده پرتوزا وامی‌پاشد. برای مثال در مورد هسته‌های توریم  ${}^{90}\text{Cs}$  از زمان معینی می‌توان گفت که چه کسری از آنها به رادیم  ${}^{88}\text{Ra}$  تبدیل شده است.



**روز الیند بالو (۱۹۲۱-۲۰۱۱)** فیزیکدان آمریکایی، پس از دریافت دکترای فیزیک هسته‌ای، در زمینه کاربرد ایزوتوپ‌های پرتوزا در پزشکی تحقیق کرد. وی روش ایمنی‌سنگی تابشی را ابداع کرد، که در آن از ردیاب‌های پرتوزا برای اندازه‌گیری مقادیر کم مواد در خون یا سایر شاره‌ها استفاده می‌شود. اهمیت این روش با اعطای جایزه نوبل پزشکی در سال ۱۹۷۷ به وی بیشتر مسخرش شد.

برای بررسی بیشتر این موضوع، یک نمونه پرتوزا را در نظر بگیرید. فرض کنید در لحظه  $t=0$  تعداد هسته‌های مادر پرتوزا موجود در این نمونه، برابر  $N_0$  باشد. اگر نمودار تغییرات تعداد هسته‌های مادر موجود در نمونه را بر حسب زمان رسم کنیم نمودار شکل ۲۸-۴ الف به دست می‌آید. همان‌طور که روی نمودار نیز دیده می‌شود، پس از گذشت زمان کافی، تعداد هسته‌های مادر موجود در نمونه، به صفر می‌گردد. برای درک بهتر این نمودار، کمیتی به نام نیمه عمر را معرفی می‌کنیم و آن را با نماد  $T_{1/2}$  نشان می‌دهیم. بنا به تعریف، نیمه عمر، مدت زمانی است که طول می‌کشد تا تعداد هسته‌های مادر موجود در یک نمونه، به نصف برسند (شکل ۲۸-۴ ب). برخی از ایزوتوپ‌ها مانند اورانیم  ${}^{238}\text{U}$ ، دارای نیمه عمری در حدود سن زمین ( $4.5 \times 10^9$  سال) هستند. این عناصر منشأ پرتوزاگی طبیعی در محیط پیرامون ما هستند.



شکل ۲۸-۴ (الف) با گذشت زمان، تعداد هسته‌های مادر پرتوزا در یک نمونه کاهش می‌یابد. (ب) با گذشت هر نیمه عمر، نیمی از هسته‌های مادر پرتوزا باقی مانده و اپاشی می‌کنند.

#### مثال ۵-۶

در حادثه انفجار نیروگاه هسته‌ای چرنوبیل، یکی از ایزوتوپ‌هایی بود که وارد محیط زیست شد. این ایزوتوپ، فرار است و همراه با جریان‌های جویی، تا کشورهای دوردست از محل نیروگاه حرکت کرد و با نشستن روی برگ گیاهان، سبب آلودگی گوشت و شیر دام‌هایی شد که این گیاهان را می‌خوردند. نیمه عمر این ایزوتوپ پرتوزا تقریباً ۸ روز است. پس از گذشت ۴۰ روز از حادثه چرنوبیل، چه کسری از هسته‌های مادر اولیه در محیط زیست باقی مانده بود؟

**پاسخ :** نیمه عمر ایزوتوپ یکی از ۱۳۱ روز است و ۴۰ روز را معادل ۵ نیمه عمر  $I_{131}$  در نظر می‌گیریم. اگر  $N_0$  تعداد هسته‌های مادر اولیه باشد، پس از گذشت ۴۰ روز جدول زیر را می‌توان تنظیم کرد.

تعداد نیمه عمرهای سپری شده	۵	۴	۳	۲	۱	۰	هسته‌های مادر باقی مانده
$\frac{1}{2} \times \frac{N_0}{16} = \frac{N_0}{32}$	$\frac{1}{2} \times \frac{N_0}{8} = \frac{N_0}{16}$	$\frac{1}{2} \times \frac{N_0}{4} = \frac{N_0}{8}$	$\frac{1}{2} \times \frac{N_0}{2} = \frac{N_0}{4}$	$\frac{1}{2} \times N_0 = \frac{N_0}{2}$	$N_0$		

بنابراین، پس از گذشت ۴۰ روز از حادثه چرنوبیل، تنها  $\frac{1}{32}$  از هسته‌های مادر اولیه در محیط زیست باقی ماندند.

اگر تعداد هسته‌های مادر اولیه در یک نمونه پرتوزا  $N_0$  باشد، پس از گذشت زمان  $t$ ، تعداد هسته‌های پرتوزای باقی مانده از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$N = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^n \quad (12-4)$$

که در آن  $n$  از رابطه  $\frac{t}{T_{\frac{1}{2}}}$  به دست می‌آید.

### تمرین ۷-۴

پس از گذشت ۹ روز، تعداد هسته‌های پرتوزای یک نمونه، به  $\frac{1}{8}$  تعداد موجود در آغاز کاهش یافته است. نیمه عمر (بر حسب روز) ماده چقدر است؟

### گاز رادون پرتوزا در خانه‌ها

رادون ( $^{222}\text{Rn}$ )، گازی پرتوزاست که به طور طبیعی به وجود می‌آید و محصول واپاشی رادیم ( $^{226}\text{Ra}$ ) است. رادون درون خاک به شکل گاز است و می‌تواند از محل‌های مانند شکاف‌های روی دیوارها و کف ساختمان، حفره‌های دور لوله‌ها، منبع آب یا لوله‌های آب وارد خانه‌ها شود (نقاط سبز رنگ روی شکل). اینکه میزان جمع شدن رادون درون خانه بتواند به طور چشمگیری بالا رود، به نوع احداث ساختمان و غلظت رادون در خاک اطراف ساختمان بستگی دارد. گاز رادون با نیمه عمر ۳/۸۳ روز، به هسته‌های دختری که آنها نیز پرتوزا هستند واپاشی می‌کند. این هسته‌های پرتوزا، می‌توانند به ذرات غبار و دود بچسبند و با تنفس وارد ریه‌ها شوند و پس از واپاشی، به بافت‌های بدن آسیب بزنند. اگر شخصی برای مدتی طولانی در معرض گاز رادون باشد، ممکن است به سرطان ریه مبتلا شود. از آنجا که میزان تجمع گاز رادون را می‌توان با دستگاه‌هایی اندازه‌گیری کرد توصیه می‌شود که خانه‌ها برای سنجش رادون مورد آزمایش قرار گیرند.



۱- در این کتاب صرفاً حل مسئله‌هایی مورد نظر است که در آنها  $n$  عددی صحیح باشد و سایر حالت‌های دیگر نباید مورد ارزشیابی قرار گیرد.

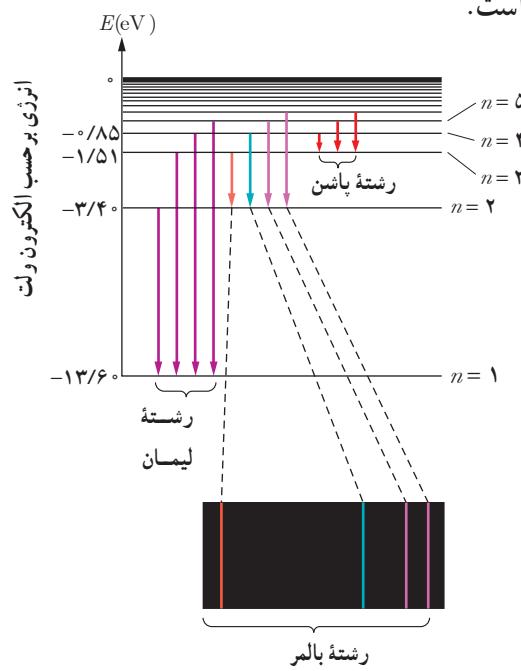
- الف) افزایش یا کاهش بسامد نور فرودی نسبت به بسامد آستانه  
ب) افزایش شدت نور فرودی در بسامدهای کوچک‌تر از بسامد آستانه  
پ) کاهش شدت نور فرودی در بسامدهای بزرگ‌تر از بسامد آستانه

#### ۴-۲-۴ طیف خطی و مدل آتم رادرفورد-بور

۷. الف) طیف گسیلی یک جسم در چه مواردی پیوسته و در چه مواردی گستته یا خطی است؟ منشاً فیزیکی این تفاوت را توضیح دهید.

ب) توضیح دهید چگونه می‌توان طیف‌های گسیلی پیوسته و خطی را ایجاد کرد.

۸. شکل زیر سه رشته طیف گسیلی گاز هیدروژن اتمی را روی نمودار تراز انرژی نشان می‌دهد که بر اساس مدل اتمی بور رسم شده است.



الف) منظور از  $n = 1$  و انرژی  $-13/6 \text{ eV}$  چیست؟

ب) بر اساس مدل اتمی بور دلیل خطی بودن طیف گسیلی گاز هیدروژن اتمی را توضیح دهید.

پ) اختلاف کوتاه‌ترین و بلندترین طول موج در هر رشته را، گستره طول موج‌های آن رشته می‌نامند. گستره طول موج‌های رشته لیمان ( $n = n'$ ) را پیدا کنید.

#### ۴-۱ اثر فتوالکتریک و فوتون

۹. یک لامپ حاوی گاز کم فشار سدیم، فوتون‌هایی با طول موج  $589 \text{ nm}$  گسیل می‌کند.

الف) بسامد و انرژی فوتون‌های گسیلی را حساب کنید. انرژی را بر حسب ژول و همچنین الکترون ولت بیان کنید.

ب) فرض کنید توان تابشی مفید لامپ  $W/5$  است. در هر دقیقه چند فوتون از این لامپ گسیل می‌شود؟

۱۰. توان باریکه نور خروجی یک لیزر گازی هلیم نتون  $W/m^2$  است. اگر توان ورودی این لیزر  $W/50$  باشد،  
الف) بازده لیزر را حساب کنید.

ب) اگر طول موج باریکه نور خروجی  $633 \text{ nm}$  باشد، شمار فوتون‌هایی را پیدا کنید که در هر ثانیه از این لیزر گسیل می‌شود.

۱۱. یک لامپ رشته‌ای با توان  $W/100$  از فاصله یک کیلومتری دیده می‌شود. فرض کنید نور لامپ به طور یکنواخت در فضای اطراف آن منتشر می‌شود و بازده لامپ  $5$  درصد است (یعنی  $W/5$  تابش مرئی گسیل می‌کند) و فقط  $1$  درصد این تابش دارای طول موجی در حدود  $550 \text{ nm}$  است. در هر ثانیه چه تعداد فوتون با این طول موج وارد مردمک‌های چشم ناظری می‌شود که در این فاصله قرار دارد؟ (قطر مردمک را  $2 \text{ mm}$  در نظر بگیرید.)

۱۲. شدت تابشی خورشید در خارج جو زمین حدود  $W/m^2/136$  است؛ یعنی در هر ثانیه به سطح زمین برابر  $1 \text{ m}^2$ ، مقدار انرژی  $J/136$  می‌رسد. وقتی این تابش به سطح زمین می‌رسد مقداری زیادی از شدت آن، به علت جذب در جو و ابرها از دست می‌رود. اگر شدت تابشی متوسط خورشید در سطح زمین به ازای هر متر مربع حدود  $W/m^2/30$  باشد، در هر ثانیه چند فوتون به هر متر مربع از سطح زمین می‌رسد؟ طول موج متوسط فوتون‌ها را  $570 \text{ nm}$  فرض کنید.

۱۳. الف) منظور از اثر فتوالکتریک چیست؟

ب) توضیح دهید نظریه کوانتمی تابش که توسط ایشتنین مطرح شد و در آن نور به صورت مجموعه‌ای از بسته‌های انرژی در نظر گرفته شد چگونه به تبیین اثر فتوالکتریک کمک کرد؟

۱۴. توضیح دهید برای یک فلز معین، تغییر هر یک از کمیت‌های زیر چه تأثیری در نتیجه اثر فتوالکتریک دارد.

۱۱. با استفاده از رابطه بور برای انرژی الکترون در اتم هیدروژن، الف) اختلاف انرژی  $\Delta E(n_U \rightarrow n_L) = E_U - E_L$  را حساب کنید.  
ب) نشان دهید که :

$$\Delta E(3 \rightarrow 2) + \Delta E(4 \rightarrow 2) = \Delta E(4 \rightarrow 3)$$

$$\Delta E(2 \rightarrow 1) + \Delta E(4 \rightarrow 2) = \Delta E(4 \rightarrow 1)$$

۱۲. الکترون اتم هیدروژنی در تراز ۵ قرار دارد.

الف) با در نظر گرفتن تمام گذارهای ممکن، اگر این اتم به حالت پایه برود، امکان گسیل چند نوع فوتون با انرژی متفاوت وجود دارد؟

ب) فرض کنید فقط گذارهای  $\Delta n = 1$  مجاز باشند، در این صورت امکان گسیل چند نوع فوتون با انرژی متفاوت وجود دارد؟

#### ۴-۴ لیزر

۱۳. شکل زیر فرایند ایجاد باریکه لیزر را به طور طرح‌وار در ۴ مرحله نشان می‌دهد.

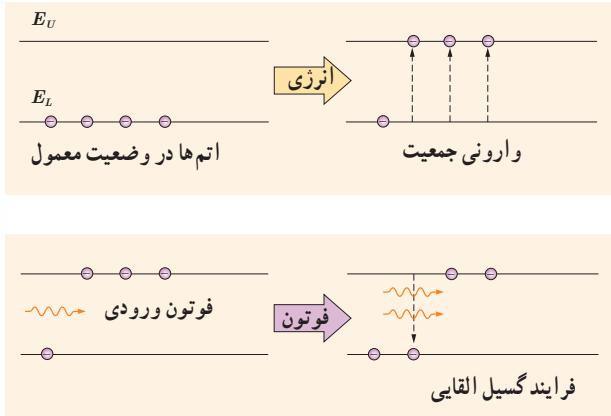
الف) منظور از عبارت «اتم‌ها در وضعیت معمول» چیست؟

ب) نقش انرژی داده شده چیست و معمولاً این انرژی چگونه تأمین می‌شود؟

پ) منظور از «وارونی جمعیت» چیست؟

ت) انرژی فوتون ورودی چقدر باید باشد تا فرایند گسیل القایی انجام شود؟

ث) فوتون‌هایی که بر اثر فرایند گسیل القایی و جهش الکترون‌ها به تراز پایین‌تر ایجاد می‌شوند چه ویژگی‌های مشترکی دارند؟



۱۴. الف) فرایند جذب فوتون توسط اتم را توضیح دهد.

ب) با استفاده از مدل بور، چگونه می‌تواند خطوط‌های تاریک در طیف جذبی گاز هیدروژن اتمی را توجیه کنید؟

پ) وقتی که نور فرابنفش به بسیاری از مواد تابیده شود، تابش مرئی از خود گسیل می‌کنند. این پدیده فیزیکی نمونه‌ای از فلوئورسانی است. آزمایش نشان می‌دهد در پدیده فلوئورسانی طول موج‌های گسیل یافته معمولاً برابر همان طول موج نور فرودی یا بزرگ‌تر از آن است. این پدیده را چگونه به کمک مدل بور می‌توانید تبیین کنید؟

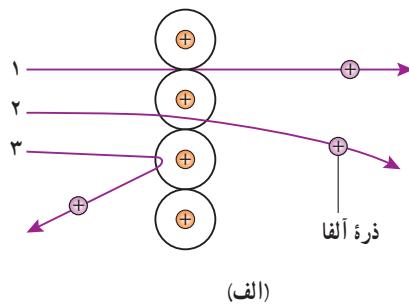
۱۵. مبنای مدل رادرفورد، نتایج آزمایش‌هایی بود که از پراکندگی ذره‌های آلفا توسط یک ورقه نازک طلا بدست آمده بود (شکل الف).

الف) توضیح دهید چرا بیشتر ذره‌های آلفا مانند ذره‌های ۱ و ۲ یا اصلاً منحرف نمی‌شوند یا به مقدار کمی منحرف می‌شوند.

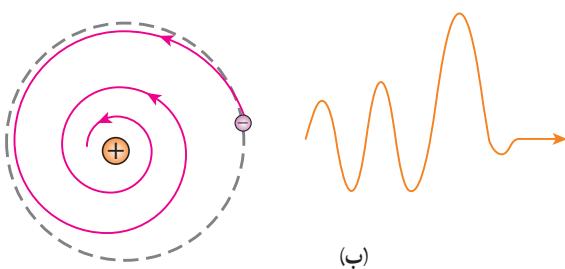
ب) تنها تعداد بسیار کمی از ذره‌ها مانند ذره ۳ منحرف می‌شوند. این امر چه نکته‌ای را درباره ساختار اتم طلا نشان می‌دهد؟

پ) چرا رادرفورد در آزمایش خود از صفحه بسیار نازک طلا استفاده کرده بود؟

ت) شکل ب، به کدام مشکل مدل رادرفورد اشاره دارد؟ در مدل بور چگونه این مشکل رفع شده است؟



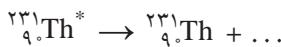
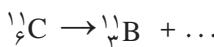
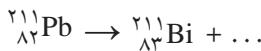
(الف)



(ب)

## ۶-۴ پرتوزایی طبیعی و نیمه عمر

**۱۹.** جاهای خالی در فرایندهای واپاشی زیر شسانده‌های یک یا چند ذره  $\alpha$ ،  $\beta^+$  یا  $\beta^-$  است. در هر واکنش، جای خالی را کامل کنید.



**۲۰.** هسته دختر به دست آمده از هر یک از واپاشی‌های زیر را به صورت مشخص کنید.



الف)  $^{242}_{\Lambda} \text{Pu}$  واپاشی  $\alpha$  انجام دهد.

ب) سدیم  $^{21}_\Lambda \text{Na}$  واپاشی  $\beta^-$  انجام دهد.

پ) نیتروژن  $^{13}_\Lambda \text{N}$  واپاشی  $\beta^-$  انجام دهد.

ت)  $^{15}_\Lambda \text{O}$  واپاشی  $\beta^+$  انجام دهد.

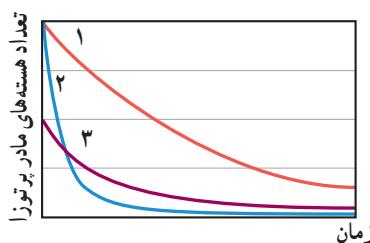
**۲۱.** سرب  $^{207}_{\Lambda} \text{Pb}$  هسته دختر پایداری است که می‌تواند از واپاشی

یا واپاشی  $\beta^-$  حاصل شود. فرایندهای مربوط به هر یک از این واپاشی‌ها را بنویسید. در هر مورد هسته مادر را به صورت  $^{A}_{Z} X$  مشخص کنید.

**۲۲.** نپتونیم  $^{237}_{\Lambda} \text{Np}$  ایزوتوپی است که در راکتورهای هسته‌ای تولید می‌شود.

این ایزوتوپ نایابدار است و واپاشی آن از طریق گسیل ذرات  $\alpha$ ،  $\beta$ ،  $\alpha$  و  $\gamma$  صورت می‌گیرد. پس از وقوع تمام این واپاشی‌ها، عدد اتمی و عدد جرمی هسته نهایی چقدر است؟

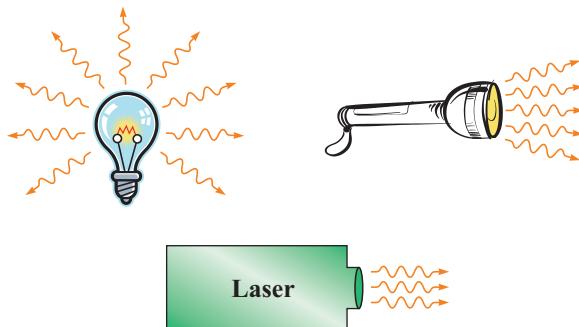
**۲۳.** شکل زیر نمودار تغییرات تعداد هسته‌های مادر پرتوزای سه نمونه را بر حسب زمان نشان می‌دهد. نیمه عمر این سه نمونه را باهم مقایسه کنید.



**۲۴.** در شکل زیر نحوه گسیل فوتون‌ها از سه چشمۀ نور شامل لامپ رشتۀ‌ای، چراغ قوه با لامپ رشتۀ‌ای و لیزر با یکدیگر مقایسه شده است.

الف) با توجه به آنچه در این فصل فراگرفتید تفاوت فوتون‌های گسیل شده از هر چشمۀ را با یکدیگر بیان کنید.

ب) چرا توصیه جدی می‌شود که هیچ‌گاه به طور مستقیم به باریکۀ نور ایجاد شده توسط لیزر نگاه نکنید؟



## ۵-۴ ساختار هسته

**۲۵.** مرتبۀ بزرگی تعداد نوترون‌هایی را که می‌توان تنگ هم در یک توپ تنیس به شعاع  $3/2 \text{ cm}$  جای داد، تخمین بزنید. در این صورت مرتبۀ بزرگی جرم این توپ چقدر است؟  
(مرتبۀ بزرگی شعاع و جرم نوترون را به ترتیب  $m = 10^{-27} \text{ kg}$  و  $10^{-15} \text{ m}$  در نظر بگیرید).

**۲۶.** برای  $^{208}_{\Lambda} \text{Pb}$  مطلوب است:

الف) تعداد نوکلئون‌ها      ب) تعداد نوترون‌ها

پ) بار الکتریکی خالص هسته

**۲۷.** در هر یک از موارد زیر نماد  $X$  چه عنصری را نشان می‌دهد و در هسته هر یک چند نوترون وجود دارد؟ در صورت لزوم از جدول تناوبی استفاده کنید.

الف)  $^{195}_{\Lambda} \text{X}$       ب)  $^{32}_{\Lambda} \text{X}$

**۲۸.** آیا می‌توان ایزوتوپ  $^{25}_{\Lambda} \text{X}$  را با روش شیمیایی از ایزوتوپ  $^{59}_{\Lambda} \text{X}$  جدا کرد؟ از ایزوتوپ  $^{26}_{\Lambda} \text{Y}$  چطور؟ پاسخ خود را توضیح دهید.

موجود زنده شامل کسر کوچک و ثابتی از ایزوتوپ پرتوزای کربن ۱۴ است.

وقتی موجود زنده‌ای می‌میرد، مقدار کربن پرتوزای به تله افتاده در موجود غیرزنده، با نیمه عمر  $573^{\circ}$  سال رو به کاهش می‌گذارد. کربن ۱۴ موجود در یک نمونه زغال قدیمی،  $1/56$  درصد (معادل  $\frac{1}{6}$ ) مقدار عادی کربن ۱۴ موجود در زغالی است که تازه تولید شده است. سن تقریبی این زغال قدیمی چقدر است؟

**۲۶.** نیمه عمر بیسموت ۲۱۲ حدود  $6^{\circ}$  دقیقه است. پس از گذشت چهار ساعت، چه کسری از ماده اولیه، در نمونه‌ای از این بیسموت، باقی می‌ماند؟

**۲۷.** هنگامی که نیتروژن جو زمین توسط پرتوهای کیهانی (که معمولاً از جنس پروتون، ذره‌های  $\alpha$  و الکترون هستند) بمباران می‌شود، ایزوتوپ پرتوزای کربن ۱۴ با آهنگ ثابتی در لایه‌های فوقانی جو تولید می‌شود. این کربن پرتوزا، با کربن ۱۲ که به طور طبیعی در جو وجود دارد درهم می‌آمیزد. بررسی‌ها نشان داده است که به ازای هر  $10000$  میلیارد اتم پایدار کربن ۱۲، تقریباً یک اتم پرتوزای کربن ۱۴ از این طریق وارد جو می‌شود. اتم‌های کربن جوی از طریق فعالیت‌های بیولوژیکی از قبیل فتوسنتر و تنفس، به نحو کاتوره‌ای مکان خود را عوض می‌کنند و به بدن جانداران منتقل می‌شوند. به طوری که اتم‌های کربن هر

## جدول دوره‌ای عناصر

نام عنصر — عدد اتمی — هیدروژن  
نماد شبیهایی عنصر — جرم اتمی میانگین  
(g/mol)

$H$ هیدروژن $1.0 \times 10^{-3}$	$\text{H}_2$ هیدروژن دوگانه $2.0 \times 10^{-3}$	$\text{H}_3$ هیدروژن سه‌گانه $3.0 \times 10^{-3}$
$\text{Li}$ لیتیم $6.94$	$\text{Be}$ بریلیوم $9.01$	$\text{B}$ بُریم $10.8$
$\text{Na}$ ناتریم $22.99$	$\text{Mg}$ مگنیزیم $24.31$	$\text{Al}$ آلیم $26.98$
$\text{K}$ کالیم $39.10$	$\text{Ca}$ کالسیم $40.08$	$\text{Sc}$ اسکالیم $44.96$
$\text{Rb}$ ربیوم $85.47$	$\text{Sr}$ استریم $87.62$	$\text{Y}$ یوتیم $88.91$
$\text{Cs}$ سزیم $132.9$	$\text{Ba}$ باریم $137.3$	$\text{La}$ لاریم $138.90$
$\text{Fr}$ فرانیم $[223]$	$\text{Ra}$ رادرانیم $[226]$	$\text{Lr}$ لارنیم $[174]$
$\text{La}$ لانتان $178.9$	$\text{Ce}$ سیریم $140.1$	$\text{Pr}$ پریم $140.9$
$\text{Ac}$ اکتینیم $[227]$	$\text{Th}$ تیتانیم $231.0$	$\text{Pa}$ پاکتینیم $[231]$
$\text{Nd}$ نڈیم $[144]$	$\text{Pm}$ پرمیم $[145]$	$\text{Sm}$ سمالیم $[150]$
$\text{Pu}$ پوریم $[241]$	$\text{Am}$ امیم $[243]$	$\text{Cm}$ کالیم $[247]$
$\text{Gd}$ گدیم $[158]$	$\text{Eu}$ یوپیم $[152]$	$\text{Tb}$ تیوبیم $[158.9]$
$\text{Dy}$ دیوبیم $[162.5]$	$\text{Ho}$ هوبیم $[164.9]$	$\text{Er}$ ئربیم $[167.9]$
$\text{Tm}$ تیوم $[168.9]$	$\text{Yb}$ یوبیم $[173.0]$	$\text{Y}$ یوتیم $[173.0]$
$\text{Md}$ مدیم $[251]$	$\text{No}$ نویم $[251]$	$\text{Nh}$ نهیم $[284]$
$\text{He}$ هیلیم $4.0 \times 10^{-3}$	$\text{C}$ کربن $12.01$	$\text{N}$ نیتروژن $14.01$
$\text{F}$ فلوئور $19.00$	$\text{O}$ اکسیژن $16.00$	$\text{Ne}$ نیترون $20.18$
$\text{Cl}$ کلر $31.75$	$\text{S}$ سیلیکون $32.07$	$\text{Ar}$ آرگون $36.95$
$\text{Br}$ بریم $79.9$	$\text{Ge}$ گریمین $74.92$	$\text{Kr}$ کریپتون $83.8$
$\text{I}$ ایود $126.9$	$\text{Sn}$ ستینیون $118.7$	$\text{Xe}$ کسیون $131.3$
$\text{Te}$ تلور $127.8$	$\text{Cd}$ کادمیم $112.4$	$\text{Rn}$ رین $121.2$
$\text{Rh}$ رالیم $102.9$	$\text{Ag}$ اگریم $107.9$	$\text{At}$ استاتین $[210]$
$\text{Pd}$ پالادیم $106.4$	$\text{Ru}$ رولیم $101.1$	$\text{F}$ فلور $[210]$
$\text{Nb}$ نوبیم $95.94$	$\text{Mo}$ موبیم $95.94$	$\text{Pt}$ پلاتین $195.1$
$\text{Zr}$ زیریم $91.22$	$\text{Ta}$ تاتلیم $98.10$	$\text{Au}$ اگریم $197.0$
$\text{W}$ ویلم $183.8$	$\text{Re}$ ریم $186.2$	$\text{Ir}$ ایرید $192.2$
$\text{Db}$ دبلیوم $[126]$	$\text{Sg}$ سیگمیوم $[127]$	$\text{Bh}$ بی‌هم $[127]$
$\text{Mt}$ متالیم $[227]$	$\text{Ds}$ دی‌سلیم $[128]$	$\text{Rg}$ ری‌گامیم $[128]$
$\text{Cn}$ کانیم $[127]$	$\text{Nh}$ نهیم $[284]$	$\text{Fl}$ فلوریم $[284]$
$\text{Lv}$ لی‌ولیم $[219]$	$\text{Ts}$ تسیمیم $[219]$	$\text{Og}$ اوگانیم $[294]$

## واژه‌نامه فارسی – انگلیسی

Resultant vector	بردار برایند	الف
Position vector	بردار مکان	آستانه دردناکی
Interaction	برهم کنش	آستانه شنوایی
Frequency	بسامد (فرکانس)	آشفتگی
Threshold frequency	بسامد آستانه	آشکارسازی
Resonance frequency	بسامد تشدیدی	آونگ
Angular frequency	بسامد زاویه‌ای	آونگ ساده
Extremely low frequency (ELF)	بسامدهای فوق پایین	آینه تخت
Loudspeaker	بلندگو	اثر دوپلر
Loudness	بلندی صوت	اثر فتوالکتریک
ب		
Trough	پاسیغ موج	ارتفاع صوت
Color dispersion	پاشندگی رنگی	اصطکاک
Stable	پایدار	اصل برهم نهی
Atom stability	پایداری اتم	امواج الکترومغناطیسی
Radioactivity	پرتوزایی	انتشار
Refracted ray	پرتوی شکسته	انتقال به آبی
Incident ray	پرتوی فروودی (تابیده)	انتقال به سرخ
Gamma ray	پرتوی گاما	انرژی آزادشده
Echo	پزواک	انرژی بستگی
ت		
Thermal radiation	تابش گرمابی	انرژی پتانسیل کشسانی
Sinusoidal function	تابع سینوسی	انرژی پتانسیل گرانشی
Fiber optic	تار نوری	انرژی جنبشی
Mass – energy conversion	تبديل جرم – انرژی	ایزوتوپ (هم مکان)
Pulse	تب	بازتاب
Energy level	تراز انرژی	بازتاب آینه‌ای (منظم)
Intensity level	تراز شدت صوت (تراز صوتی)	بازتاب پخشندۀ (نامنظم)
Ripple tank	تشت موج	بازتاب داخلی کلی
Resonance	تشدید	برانگیختگی
Momentum	تکانه	

			تکفام
Amplitude	دامنه	Monochromatic	تندی
Valley	دره موج	Speed	تندی انتشار
Period	دوره تناوب	Speed of propagation	تندی حدی
Tuning fork	دیاپازون	Terminal speed	تندی لحظه‌ای
Dynamics	دینامیک	Instantaneous speed	تندی متوسط
		Average speed	
			ثابت پلانک
Beta particle	ذره بتا	Planck constant	ثابت ریدبرگ
		Rydberg constant	ثابت فنر
		Spring constant	
Series of lines	رشته خطوط		جابه جایی
Lyman series	رشته لیمان		جهه موج
			جرم اتمی
Crest	ستیغ موج	Displacement	جهت
Oasis mirage	سراب (سراب آبگیر)	Wavefront	
Velocity	سرعت	Atomic mass	
Initial velocity	سرعت اولیه	Direction	
Instantaneous velocity	سرعت لحظه‌ای		چشممه
Average velocity	سرعت متوسط	Source	چگالی خطی جرم
		Linear mass density	
			حرکت باشتبا ثابت
Metastable	شبیه پایدار	Motion with constant acceleration	حرکت بر خط راست
Acceleration	شتبا	Motion along a straight line	حرکت تندشونده
Gravity acceleration	شتبا گرانشی	Accelerating motion	حرکت دوره‌ای
Instantaneous acceleration	شتبا لحظه‌ای	Periodic motion	حرکت کندشونده
Average acceleration	شتبا متوسط	Decelerating motion	حرکت هماهنگ ساده
Intensity	شدت	Simple Harmonic Motion	حرکت یکنواخت
Refraction	شکست	Uniform motion	
			خط عمود
Antinode	شکم موج		
Slope	شیب خط	Normal	

ق		ص
Snell's Law	قانون اسنل	Sound
General law of reflection	قانون بازتاب عمومی	
General law of refraction	قانون شکست عمومی	ض
Wave train	قطار موج	ضریب اصطکاک ایستایی
Peak	قله موج	ضریب اصطکاک جنبشی
Newton's laws	قوانين نیوتون	ضریب شکست

ک		ط
Mass defect	کاستی جرم	طول موج
Focal point	کانون (نقطه کانونی)	طیف
Focus	کانونی شدن (کردن)	طیف اتمی
		طیف جذبی
		طیف خطی
Transition	گذار	طیف گسیلی (نشری)
Node	گره موج	طیف نما
Emission	گسیل	طیف نمایی
Stimulated emission	گسیل القابی	
Spontaneous emission	گسیل خودبه خود	

ج		ع
Inertia	لختی	عبور
		عدد اتمی
		عدد کوانتومی
		عکس (تصویر) لحظه‌ای

م		ف
Satellite	ماهواره	فرابنفش
Medium	محیط	فراصوت
Fundamental mode	مُد اصلی	فروسرخ
Nuclear atom model	مدل اتم هسته‌ای	فروصوت
The Bohr model	مدل بور	فرن
The Thomson model	مدل تامسون	فیزیک اتمی
The Rutherford model	مدل رادرفورد	فیزیک هسته‌ای
Maxwell equations	معادله‌های ماکسول	
Air resistance	مقاومت هوای	

Damped oscillation	نوسان میرا	Echolocation	مکانیابی پژواکی
Oscillograph	نوسان نگار	Skip zone	منطقه ردشوندگی
Oscillogram	نوسان نگاشت	Standing wave	موج ایستاده
Driven oscillation	نوسان واداشته	Travelling wave	موج پیشروندہ
Nucleon	نوکلئون	Plane wave	موج تخت
Force	نیرو	Sinusoidal wave	موج سینوسی
Friction force	نیروی اصطکاک	Sound wave	موج صوتی
Net force	نیروی خالص	Longitudinal wave	موج طولی
Normal force	نیروی عمودی سطح	Transverse wave	موج عرضی
Elastic force	نیروی کشسانی	Spherical wave	موج کروی
String force	نیروی کشش طناب	Seismic wave	موج لرزه‌ای
Gravitational force	نیروی گرانشی	Mechanical wave	موج مکانیکی
Drag force	نیروی مقاومت شاره (پس‌کشی)	Controls road	میله‌های کنترل
Nuclear force	نیروی هسته‌ای		
Half life	نیمه عمر		

۹

Decay	واپاشی	Discrete	ناپیوسته
Population inversion	وارونی جمعیت	Ground wave coverage	ناحیه پوشش زمینی موج
Reaction	واکنش	Sky wave coverage	ناحیه پوشش هوایی موج
Chain reaction	واکنش زنجیری	Observer	ناظر
Weight	وزن	Out of Phase	ناهمفاز
Equilibrium state	وضع تعادل	Relativity	نسبیت
High voltage	ولتاژ بالا	Wave pattern	نقش موج

۵

Nucleus	هسته	Neutrino	نوتربیو
Stable nucleus	هسته پایدار	Visible light	نور مرئی
Unstable nucleus	هسته ناپایدار	Oscillation	نوسان
Harmonic	هماهنگ	Periodic oscillation	نوسان دوره‌ای
In – Phase	همفاز	Vibration generator	نوسان‌ساز
Homogeneous	همگن	Oscillator	نوسانگر

## منابع

### منابع انگلیسی

- 1– McGraw – Hill Dictionary of Scientific and Technical Terms, Sybil p. Parker, 4th edition, 1989, Mc Graw – Hill.
2. Physics, James S. Walker, 5th Edition, 2017, Pearson.
3. University Physics, Bauer and Westfall, 2011, McGraw – Hill.
4. Physics, Douglas C. Giancoli, 7th Edition, 2014, Prentice – Hall International.
5. Physics, Allen Giambattista , Betty Richardson and Robert Richardson, 2th Edition, 2008, McGraw– Hill.
6. Physics for Scientists and Engineers, Randall D. Knight, 3th Edition, 2013, Pearson.
7. Cambridge International AS and A Level Physics, Mike Crundell, 2th Edition, 2014, Hodder Education.
8. University Physics, Sears & Zemansky and Hugh D. Young, 14th edition 2016, Addison–Wesley.
9. Introduction to Physics, John D. Cutnell and Kenneth W. Johnson, 10th Edition, 2016, John Wiley & Sons, Inc.
10. College Physics, Eugenia Etkina, 2014 Pearson
11. Oxford Physics IB Diploma, David Homer and Michael Bowen – Jones, 2014, Oxford University Press.
12. Pearson IB Diploma, Chris Hamper, 2009,Pearson.
13. IB Physics, Gregg Kerr and Paul Ruth, 3th edition, 2007, IBID Press.
14. College Physics, Hugh D. Young, 9th edition, 2012, Addreson – Wesly.
15. College Physics, Raymond Serway and Chris Vuille, 9th edition, 2012, Cengage Learning
16. Physics, David Young and Shane Stadler , 10th edition , 2015 , Johnwiley .
17. Inquiry into Physics, Vern J.Ostdiec and Donald J.Bord, 8th edition, 2018, Cengage Learning.
18. College Physics, Nicholas J. Giardono, 2010, Cengage Learning.
19. Physics, Eugen Hecht, 2th edition, 1998, Brooks

## منابع فارسی

- ۱- فیزیک دانشگاهی (جلد اول)، ویراست دوازدهم، سیرز، زیمانسکی، یانگ و فریدمن، ترجمه اعظم پورقااضی، روح الله خلیلی بروجنی، محمد تقی فلاحتی مروستی، چاپ اول ۱۳۸۹، مؤسسه نشر علوم نوین.
- ۲- مبانی فیزیک، جلد های اول تا سوم ویراست دهم، دیوید هالیدی، رابت رزینیک ویل واکر، ترجمه محمد رضا خوش بین خوش نظر، چاپ ۱۳۹۶، انتشارات نیاز داش.
- ۳- دوره درسی فیزیک (جلد سوم) زیر نظر : گ. س. لند سبرگ، ترجمه لطیف کاشیگر و همکاران، انتشارات فاطمی ۱۳۷۶.
- ۴- آشنایی با فیزیک هسته ای کن . کرین، ترجمه منیزه رهبر و بهرام معلمی، مرکز نشر دانشگاهی، ۱۳۸۶.
- ۵- نمایش هیجان انگیز فیزیک، ویراست دوم، ویل واکر، ترجمه محمد رضا خوش بین خوش نظر و رسول جعفری نژاد، چاپ اول ۱۳۹۱، انتشارات آراکس.
- ۶- مجموعه سه جلدی دانشنامه فیزیک، جان ریگدن و دیگران، ویراسته محمد ابراهیم ابوکاظمی، ۱۳۸۱-۱۳۸۷، مرکز تحصیلات تکمیلی زنجان و بنیاد دانشنامه بزرگ فارسی.
- ۷- مجموعه ۵ جلدی فیزیک جدید، جان کاتل و کنت جانسون، ترجمه روح الله خلیلی بروجنی و ناصر مقبلی، انتشارات مدرسه ۱۳۹۳-۱۳۹۶.
- ۸- مبانی فیزیک ریموند سروی، جلد های اول و دوم، ترجمه منیزه رهبر - انتشارات فاطمی ۱۳۹۴.



سازمان پژوهش و برنامه‌ریزی آموزشی جهت ایفای نقش خطیر خود در اجرای سند تحول بنیادین در آموزش و پرورش و برنامه درسی ملی جمهوری اسلامی ایران، مشارکت معلمان را به عنوان یک سیاست اجرایی مهم دنبال می‌کند. برای تحقق این امر در اقدامی نوآورانه سامانه تعاملی برخط اعتبارستجوی کتاب‌های درسی راه اندازی شد تا با دریافت نظرات معلمان درباره کتاب‌های درسی نونگاشت، کتاب‌های درسی را در اولین سال چاپ، با کمترین اشکال به داشن آموزان و معلمان ارجمند تقدیم نماید. در انجام مطلوب این فرایند، همکاران گروه تحلیل محتوای آموزشی و پرورشی استان‌ها، گروه‌های آموزشی و دیرخانه راهبری دروس و مدیریت محترم پژوهه آقای محسن باهو نقش سازنده‌ای را بر عهده داشتند. ضمن ارج نهادن به تلاش تمامی این همکاران، اسامی دیران و هنرآموزانی که تلاش مضاععی را در این زمینه داشته و با ارائه نظرات خود سازمان را در بهبود محتوای این کتاب باری کرده‌اند به شرح زیر اعلام می‌شود.

### اسامي ديران و هنرآموزان شركت‌كشنه در اعتبارستجوی کتاب فيزيک ۳-رشته علوم تجربی کد ۱۱۲۲۴۴

ردیف	نام و نام خانوادگی	استان محل خدمت	ردیف	نام و نام خانوادگی	استان محل خدمت
۱	علیرضا کاشفی	البرز	۲۹	حیدر شکری	شهرستان‌های تهران
۲	بهاره فخرایی	كردستان	۳۰	اسدالله رفیعی	آذربایجان شرقی
۳	رضا عابدی‌منش	شهر تهران	۳۱	نفیسه عیسی‌لو	آذربایجان غربی
۴	حسین هادوی	یزد	۳۲	سیده فاطمه کمالی کارسالاری	مازندران
۵	سید ایمان بنی‌هاشم	خراسان رضوی	۳۳	مرضیه رستمی	هرمزگان
۶	ناهید دلپیشه	ایلام	۳۴	مرضیه مختاریان	سمنان
۷	فاطمه قلی‌زاده	خراسان جنوبی	۳۵	حشمت کاکا	ایلام
۸	مهردی شیروانی	خراسان شمالی	۳۶	محمد رضا ناصری	سمنان
۹	غفار الفتی	كرمانشاه	۳۷	رحیم بخشندہ	اردبیل
۱۰	جلال صبری	خراسان رضوی	۳۸	فاطمه سادات کریمی دیوکلایی	قم
۱۱	فریبا جهانگیری	آذربایجان غربی	۳۹	رضا ملکی	قزوین
۱۲	فتح‌الله دویرانی	زنجان	۴۰	توحید گنج	اردبیل
۱۳	هدیه منوچهری	شهر تهران	۴۱	قاسم خسرو‌بیگی	مرکزی
۱۴	مصطفی خسروی	فارس	۴۲	مجید راسخ	گیلان
۱۵	اشرف رفیعی	اصفهان	۴۳	حمدیه هزاره مقدم	سیستان و بلوچستان
۱۶	غیاض سلیمانی	خوزستان	۴۴	محمدعلی سبکبار	خوزستان
۱۷	علی انصاری اصل	البرز	۴۵	عمید عقیلی‌نژاد	گلستان
۱۸	مولود رضایی بی‌غم	همدان	۴۶	رحمان لایق‌نژاد	کهگیلویه و بویراحمد
۱۹	مجید توکلی دستجردی	اصفهان	۴۷	محمد عبدالمالکی	همدان
۲۰	محمد رضا رسولی	خراسان جنوبی	۴۸	امیر علیخانی	البرز
۲۱	عبدالله درویشی نخل ابراهیمی	هرمزگان	۴۹	طیبه شفیعی	بوشهر
۲۲	رقیه مؤمنی طارمسی	گیلان	۵۰	زیر زمانی	کهگیلویه و بویراحمد
۲۳	اشرف کارخانه	مرکزی	۵۱	فرشته کریمی گفتار	کرمان
۲۴	محمد رضا خاکپور	قزوین	۵۲	محمد رضا عباسی	كرمانشاه
۲۵	طاهره پوردهقان	شهرستان‌های تهران	۵۳	خشایار بازیاری	بوشهر
۲۶	مديحه نامور	خراسان شمالی	۵۴	احمد کمالیان‌فر	فارس
۲۷	محبوبه آیت‌الله‌ی	یزد	۵۵	ابوالفضل دین محمدی	زنجان
۲۸	جهانگیر بهمنی	كردستان			

محلان محترم، صاحب نظران، دانش آموزان عزیز و اولیای آمان می توانند نظر اصلاحی خود را درباره مطلب

این کتاب از طریق نامه برشانی تهران - صندوق پستی ۱۵۸۷۵/۴۸۷۴ - گروه درسی مربوط و یا پایام نکار (Email)

ارسال نمایند.

و قرائیت کتاب های درسی موری و متاطقی